

This is a digital copy of a book that was preserved for generations on library shelves before it was carefully scanned by Google as part of a project to make the world's books discoverable online.

It has survived long enough for the copyright to expire and the book to enter the public domain. A public domain book is one that was never subject to copyright or whose legal copyright term has expired. Whether a book is in the public domain may vary country to country. Public domain books are our gateways to the past, representing a wealth of history, culture and knowledge that's often difficult to discover.

Marks, notations and other marginalia present in the original volume will appear in this file - a reminder of this book's long journey from the publisher to a library and finally to you.

Usage guidelines

Google is proud to partner with libraries to digitize public domain materials and make them widely accessible. Public domain books belong to the public and we are merely their custodians. Nevertheless, this work is expensive, so in order to keep providing this resource, we have taken steps to prevent abuse by commercial parties, including placing technical restrictions on automated querying.

We also ask that you:

- + *Make non-commercial use of the files* We designed Google Book Search for use by individuals, and we request that you use these files for personal, non-commercial purposes.
- + Refrain from automated querying Do not send automated queries of any sort to Google's system: If you are conducting research on machine translation, optical character recognition or other areas where access to a large amount of text is helpful, please contact us. We encourage the use of public domain materials for these purposes and may be able to help.
- + *Maintain attribution* The Google "watermark" you see on each file is essential for informing people about this project and helping them find additional materials through Google Book Search. Please do not remove it.
- + *Keep it legal* Whatever your use, remember that you are responsible for ensuring that what you are doing is legal. Do not assume that just because we believe a book is in the public domain for users in the United States, that the work is also in the public domain for users in other countries. Whether a book is still in copyright varies from country to country, and we can't offer guidance on whether any specific use of any specific book is allowed. Please do not assume that a book's appearance in Google Book Search means it can be used in any manner anywhere in the world. Copyright infringement liability can be quite severe.

About Google Book Search

Google's mission is to organize the world's information and to make it universally accessible and useful. Google Book Search helps readers discover the world's books while helping authors and publishers reach new audiences. You can search through the full text of this book on the web at http://books.google.com/



Über dieses Buch

Dies ist ein digitales Exemplar eines Buches, das seit Generationen in den Regalen der Bibliotheken aufbewahrt wurde, bevor es von Google im Rahmen eines Projekts, mit dem die Bücher dieser Welt online verfügbar gemacht werden sollen, sorgfältig gescannt wurde.

Das Buch hat das Urheberrecht überdauert und kann nun öffentlich zugänglich gemacht werden. Ein öffentlich zugängliches Buch ist ein Buch, das niemals Urheberrechten unterlag oder bei dem die Schutzfrist des Urheberrechts abgelaufen ist. Ob ein Buch öffentlich zugänglich ist, kann von Land zu Land unterschiedlich sein. Öffentlich zugängliche Bücher sind unser Tor zur Vergangenheit und stellen ein geschichtliches, kulturelles und wissenschaftliches Vermögen dar, das häufig nur schwierig zu entdecken ist.

Gebrauchsspuren, Anmerkungen und andere Randbemerkungen, die im Originalband enthalten sind, finden sich auch in dieser Datei – eine Erinnerung an die lange Reise, die das Buch vom Verleger zu einer Bibliothek und weiter zu Ihnen hinter sich gebracht hat.

Nutzungsrichtlinien

Google ist stolz, mit Bibliotheken in partnerschaftlicher Zusammenarbeit öffentlich zugängliches Material zu digitalisieren und einer breiten Masse zugänglich zu machen. Öffentlich zugängliche Bücher gehören der Öffentlichkeit, und wir sind nur ihre Hüter. Nichtsdestotrotz ist diese Arbeit kostspielig. Um diese Ressource weiterhin zur Verfügung stellen zu können, haben wir Schritte unternommen, um den Missbrauch durch kommerzielle Parteien zu verhindern. Dazu gehören technische Einschränkungen für automatisierte Abfragen.

Wir bitten Sie um Einhaltung folgender Richtlinien:

- + *Nutzung der Dateien zu nichtkommerziellen Zwecken* Wir haben Google Buchsuche für Endanwender konzipiert und möchten, dass Sie diese Dateien nur für persönliche, nichtkommerzielle Zwecke verwenden.
- + *Keine automatisierten Abfragen* Senden Sie keine automatisierten Abfragen irgendwelcher Art an das Google-System. Wenn Sie Recherchen über maschinelle Übersetzung, optische Zeichenerkennung oder andere Bereiche durchführen, in denen der Zugang zu Text in großen Mengen nützlich ist, wenden Sie sich bitte an uns. Wir fördern die Nutzung des öffentlich zugänglichen Materials für diese Zwecke und können Ihnen unter Umständen helfen.
- + Beibehaltung von Google-Markenelementen Das "Wasserzeichen" von Google, das Sie in jeder Datei finden, ist wichtig zur Information über dieses Projekt und hilft den Anwendern weiteres Material über Google Buchsuche zu finden. Bitte entfernen Sie das Wasserzeichen nicht.
- + Bewegen Sie sich innerhalb der Legalität Unabhängig von Ihrem Verwendungszweck müssen Sie sich Ihrer Verantwortung bewusst sein, sicherzustellen, dass Ihre Nutzung legal ist. Gehen Sie nicht davon aus, dass ein Buch, das nach unserem Dafürhalten für Nutzer in den USA öffentlich zugänglich ist, auch für Nutzer in anderen Ländern öffentlich zugänglich ist. Ob ein Buch noch dem Urheberrecht unterliegt, ist von Land zu Land verschieden. Wir können keine Beratung leisten, ob eine bestimmte Nutzung eines bestimmten Buches gesetzlich zulässig ist. Gehen Sie nicht davon aus, dass das Erscheinen eines Buchs in Google Buchsuche bedeutet, dass es in jeder Form und überall auf der Welt verwendet werden kann. Eine Urheberrechtsverletzung kann schwerwiegende Folgen haben.

Über Google Buchsuche

Das Ziel von Google besteht darin, die weltweiten Informationen zu organisieren und allgemein nutzbar und zugänglich zu machen. Google Buchsuche hilft Lesern dabei, die Bücher dieser Welt zu entdecken, und unterstützt Autoren und Verleger dabei, neue Zielgruppen zu erreichen. Den gesamten Buchtext können Sie im Internet unter http://books.google.com/durchsuchen.



GODFREY LOWELL CABOT SCIENCE LIBRARY of the Harvard College Library

This book is FRAGILE

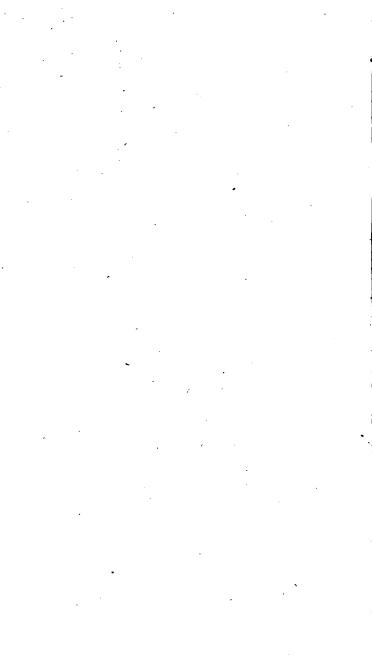
and circulates only with permission.

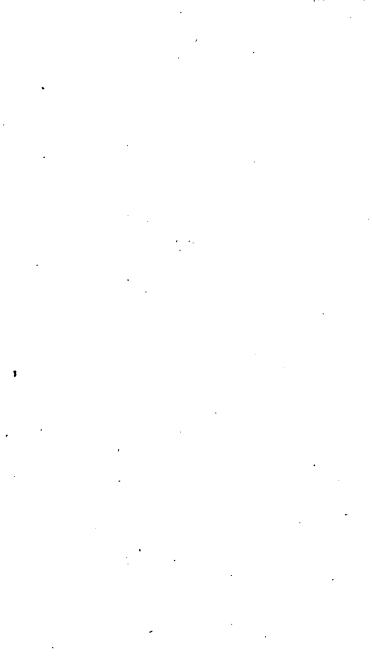
Please handle with care
and consult a staff member
before photocopying.

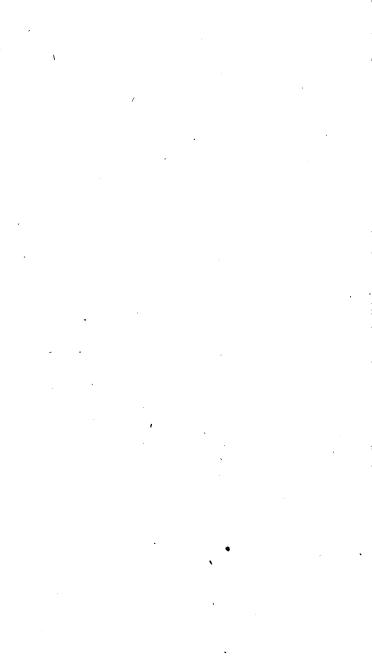
Thanks for your help in preserving Harvard's library collections.











Unmerkungen

über bie

Markscheidekunst.

Debft einer

Abhandlung von Sohenmessungen durch das Barometer.

23 on

Abraham Gotthelf Kastner Königs. Grosde. Hofrath, und Prosessor der Mathematik und Physik

Sottingen,
im Verlag der Wittwe Wandenhoeck

Eng 1307.75

185-1 Die 2

(Jane The)

Jane Luy 5-19

Dem

Hochwohlgebohrnen Herrn

Herrn

Carl Eugen

Pabst von Shain

Churfürstlich · Sachsischen Berghauptmanne



Ew. Hochwohlgebohrnen

haben mir schon auf der Leipziger Universität eine Freundschaft gegönnt, die sich auf gemeinschaftliche Neigung, zu gleich nüplichen, und erhabenen Wischnschaften gründete.

Ich genoß davon ausnehmende Vortheile ben meinem Aufenthalte in Frenderg 1747. den Ew. Hochwohlgeb. durch Unterricht und Anführung, mir so lehrreich als möglich zu machen, eifrigst bemüht waren.

Ich bin immer auf einen solchen Lehrer so stolz gewesen, daß ich mir Gelegenheit gewünscht habe, Ihn die statlich zu bekennen:

Vornahmlich dieser Eitelkeit haben Ew. Hochwohlgeb. es zuzuschreiben, daß ich Sie ersuche, gegenwärtiges Buch, als ein Merkmahl der dankbaren Erinnerung eines alten Schülers, geneigt anzunehmen.

Ich verharre mit vollkommenster Hochachtung

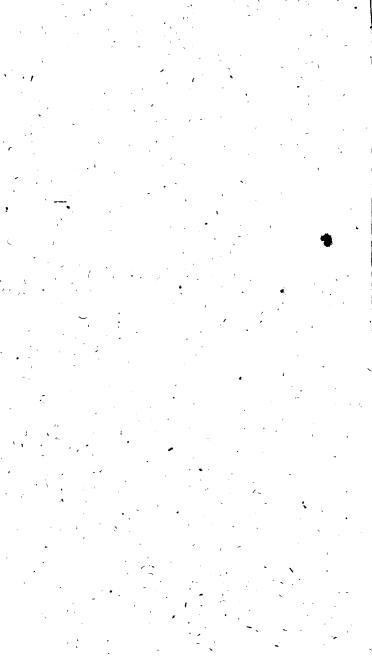
Ew. Hochwohlgeb.

Göttingen im August 1775.

geborfamftergebenfter Diener Abraham Gotthelf Raftner.

Drudfehler.

5. 5. Zeile250 69 4 nach 10891 setze man:





Borrede.

uf der Universität eines Landes, das ben viel andern Borzügen auch so berühmte Bergwerke besitzt, kann man wohl erwarten, auch Gelegenheit zu Erlernung der Markscheidekunst zu haben. Mir ist nicht bekannt, ob dergleichen Unterricht vordem hie ist ertheilt worden. Der seel. Rath Penther würde wenigstens dazu mit Kenntnissen und Werkzeugen senn versehen gewesen.

An den letten ging mir einiges ab, als ich den Entschluß faßte, diese Kunst vorzustragen. Ich war für mich nur mit einigen versorgt, die ich gelegentlich noch in Leipzig bekommen hatte, ich glaube aber, wenn man Ausübungen lehren will, muß man die Werkzeuge dazu, in einer Bollständigkeit, auch nicht ganz unentbehrliche,zeigen können.

Kon.

Kon. Regierung verordnete auf die gutige Fürsprache des Hrn. Hofr. Brandes, daß die Markscheiderwerkzeuge dem zahlreichen Vorrathe von andern, der ben hiesiger Universität zum Gebrauche benm Unterrichte vorhanden ist, bengefügt wurden.

Ich habe zu den Vorlesungen Weidlers Institutiones geometriae subterraneae gebraucht, die auch durch des Hrn. P., Fuchsthaler deutsche Uebersetung noch gemeiner geworden sind. Vollständigere Ansleitungen, wie des Hr. D. Oppel und Beners, sind nicht für akademische Vorlesungen. Unter denen, die zu dieser Absicht verfaßt sind, ist meines Wissens Weidlers seine die einzige, die man besonders haben kann, die übrigen sind großern Büchern einverleibt, ich will die nennen die mir bekannt sind.

Ben Hrn. Prof. Andr. Bohms zu Giesfen grundlicher Anleitung zur Meßkunst auf dem Felde (Frankf. u. Leipz. 1759.) ist der

Il. Anhang die Martscheidekunft.

In Hrn. Prof. Joh. Pet. Eberhards zu Halle Neuen Bentragen zur Mathesi applicata (Halle 1773) macht die Markscheideskunst den ersten Theil ver darinnen vorgetragenen Bergwerkswissenschaften aus.

Des

Des vormahligen Hochf. Badendurlachischen Kirchenraths Jac. Friedr. Malers Geometrie und Markscheidekunst ist zum zwentenmahle zu Carlsruhe 1767 herausgek. wo ich einiges verbessert und vermehrt habe, aber nicht in der Markscheidekunst.

Noch nenne ich hie ein paar Auffage, die ich zu sehen bekam, als die Anmerkungen, ben denen ich sie angeführt hatte, schon ab-

gedruckt waren.

Ueber Grubenprofile, und derselben Verfertigung, hat Hr. Franz Dembscher, Kon. Markscheider zu Cremnis in Ungarn, nüsliche Betrachtungen mitgetheilt, in den: Ubhandlungen einer Privatgesellschaft in Bohmen zur Aufnahme der Mathematik, vaterland. Geschichte und Naturgeschichte; zum Druck besordert von Ignas Edlen v. Born. (Prag 1775) 6. Abhandl.

In eben den Abhandlungen, enthalt die 7. Hrn. Lorenz Siegel, Kais. Kon. Marksicheider und Probierer zu Schladming in Steyermark, Vorschläge zur Verbesserung des Gradbogens. Der Faden mit dem Gewichte spielt wie er bemerkt zu lange, ehe er an seiner gehörigen Stelle zur Ruhe kommt. Hr. S. empsiehlt statt dessen ein Meßingstelle.

blech, das sich um des Halbkreifes Mittel. punkt breht, und die Donlegen vermittelft

eines gespannten Fadens abschneidet.

Gegenwartige Unmerfungen find ben Gelegenheit der Borlesungen entstanden, die ich vor einigen Jahren über Weidlers Buch gehalten habe, daher folgen fie einigermaß sen der Ordnung dieses Buches. Die Paragraphen sind nach dem Grundterte angeführt. Der Ueberfegung 35; ift des Ori-

ginals 34 und so fort in der Folge.

Man wird leicht sehen, daß es nicht blos se Erlauterungen sind, die gehoren meift für den mundlichen Bortrag, fondern, Berich. tigungen, Bufage, und andere Untersuchungen, die auch ohne Absicht auf die Stellen vom Weidler, die mich dazu veranlaßten, brauchbar find. Ginen Commentarius über Weidlers Compendium, aus grof. fern Systemen jufammen ju schreiben, mar auch nicht meine Absicht, da ich vielmehr Die Lernenden allemahl anführe, wie sie ausführlichere Werke ju Erweiterung ihrer Renntniffe ju brauchen haben, sondern eigentlich suchte ich Anwendungen der Arithmetit, Geometrie und Analysis auf Die Markscheidekunst zu machen, die noch nicht gemacht

gemacht waren. Daß sich hieben Borschlage gaben, Markscheiderarbeiten bequemer oder richtiger zu bewerkstelligen, davon wird man Proben selbst beym Lachtermaasse, beym Gradbogen, bey der Berechnung der Sohlen und Seigerteufen, bey der Bestimmung der Winkel ohne Compaß und Eisenscheiben u. s. w. sinden.

Einige andere meiner Anmerkungen bestreffen Aufgaben, die, besonders in v. Oppels und Beners Buchern nicht deutlich genug, ohne Beweis, oder auch gar nicht, aufgelbset sind. Bollständige und gründliche Ausschlungen davon beruhen auf den Lehren von Lagen der Ebenen und sphäris

scher Trigonometrie.

Die Abhandlung, von Messung der Hosehen mit dem Barometer, sollte anfangs die lette Anmerkung werden. So habe ich sie auch in der 9. Anm. 24; angeführt. Sie ward mir aber so weitläuftig, daß ich ihr eisne andere Ueberschrift geben mußte. Ohne Zweisel kann es dienlich senn, was in der Theorie dieser Messungen gethan ist, gessammlet, verglichen, und beurtheilt zu seshen. Man erkennt so, daß die bisher gegebene vielsältig scheinende Regeln, nur wend

ge ausgenommen, auf einem gemeinschaftlichen Grunde beruhen. Daß aber eine kurze, bequeme und allgemeine Regel, wegen der Wirkungen der Wärme, und anderer Ursachen, die wir vielleicht noch weniger kennen, nicht möglich ist, sobald man von ihr fodert, die Sohe mit einer ziemlichen Genauigkeit anzugeben. Begnügt man sich, wie ohnedem wohl vor Hrn. de Luc immer geschehen ist, mit einer nur ohngefähr richtigen Bestimmung, so hat der Göttingische Mayer dazu ein sehr kurzes und bequemes Versahzen gelehrt. Den Anlaß zu dessen Pros. der Oekon. Beschmann zu danken.

Aus dem Geseke, wie die Dichte der Luft in der Sohe abnimmt, Barometerstand und Sohe zu vergleichen, gehört Rechnung des Unendlichen, Gebrauch logarithmischer Integralen; dadurch erhält man bequem und richtig, was die, welche etwa einzelne Johen vieler Luftschichten, addiren wollen, wie Mariotte, und zum Theil Hr. de Luc, mit unausstehlicher Arbeit, und geringerer

Richtigkeit erhalten.

Wer sich einbildet ein Naturforscher zu fenn, ohne daß er von der Rechnung des Unendli-

Unenblichen was mehr weiß als dieses: Es fen ein Ding von dem er vor feinen Ochilem als von was ganz Unnügen reden muß, versichert. Manche werden doch tumm genug fenn, es ihm ju glauben; Der ift gan; unfahig einen Begriff davon zu haben, wie Sohe aus Barometerstande bestimmt wird. Er nimmt also die erste beste Tafel, die ihm in die Hande gegeben wird, und schreibt daraus die Hohe ab, die seinem Barometerstande gehört. Oder, es noch besser zu mas chen, schreibt er die Hohen aus ein paar solchen Tafeln, neben einander, unbefummert, ob einmahl bende Tafeln thre Hohen von einerlen Horizonte rechnen. Dadurch giebt er sich ben Ginfaltigen das Ansehen eines Mannes, der auch Hohen mit dem Barometer zu meffen wisse, ben Leuten aber, Die eben fo wenig Mathematik verffehen als er, doch übrigens ihren natürlichen Berftand besser brauchen, erregt er einen Berdacht gegen die Mathematikverständigen, Die in ihren Rechnungen so weit von einander ab. gehen.

Die Rechtfertigung der Mathematikversfändigen ist folgende: Sie stimmen in einer wahren Theorie überein; Aber ben Anwen-

dung derfelben legt jeder Erfahrungen zum Grunde, der eine vielleicht nicht so richtige als der andere; oder jeder folche, die unter für ihn besondern Umständen richtig waren, aber unter andern Umständen nicht so würden erfolgt senn.

Wie verzeihlich es ist, ben solchen Erfahrungen zu fehlen, erhellt daraus, daß man
so geringe Grössen beobachten muß. Zu einer Linie Quecksilber gehören immer vielmehr als 60 Fuß Höhe. Also giebt ein Fehler in Bemerkung des Barometerstandes
immer einen viel mehr als achttausend mahl
grössern in der Höhe. In dieser Betrachtung, wenn auch alle Erfahrungen unter
einerlen Umständen angestellt wären, dürste
man wohl den Regeln noch grössere Uneinigkeit zu gute halten.

Ohne die Markscheidekunst hat man keine richtigen Vorstellungen von dem was ben Gebürgen auf Grossen, Raum und Lagen ankömmt, noch vielweniger versteht man etwas von dem Gange der unterirrdischen Arbeiten in ihnen. Hievon allgemeine Begriffe zu haben, ist doch wohl anständig, da das was aus Gebürgen hervorgebracht wird, in den Zustand der menschlichen Gesellschaft

so viel Einstuß hat. Bon der natürlichen Beschaffenheit unserer Erdsäche machen solche Kenntnisse einen beträchtlichen Theil, man sieht auch den Mangel derselben eine gebildeten Natursorschern gar hald an. Wer das Wasser aus dem Meere unter der Erde auf die Gipfel der Berge steigen läßt, um von da wieder herabzurinnen, muß nie gehört haben, daß man in Vergwerken nur von oben hereinfallende Wasser kennt, daß dem Bergmanne wohl Wasser auf den Schachthuth tropfelt, aber nie von unten auf ins Gesicht sprüget, er müßte denn in eine Pfüße treten.

Lissabon und Lima hat jemand gemennt, stünden noch, wenn in den Gegenden um diese Städte, wären tiefe Schächte gegræben worden, den unterirrdischen Dünsten unschädlichere Auswege zu verschaffen, als sie aus Mangel solcher Borsichtigkeit genommen haben: Und so entstand ben ihm ein Vorschlag, um Städte herum Prafere

vativschächte zu graben.

Der Erfinder dieses Vorschlages bedache te nicht, daß Schächte abzusinken, eine langweilige kostbare Arbeit ist, die sich nicht weit fortsetzen läßt, wenn man ihr nicht burch burch Zimmerung, Wetterwechfel, Runfte und Stollen ju Bulfe tommt, und daß sein Recept also jeder Stadt ein Prafervativberg. werk verordnet; unbeforgt ob das Mittel einmahl konnte angebracht werden, weil sich nicht an allen Stellen der Erde Bergwerke. anlegen laffen. Und Diefe Arbeiten mußten blos auf ein gerathewohl unternommen wer-Den, denn bisher kennt man doch noch keine Ungeigungen, mo Dunfte unter der Erde eingesperrt sind. Ruthenganger mochten Die anständigsten Personen senn, ben eis nem solchen Unternehmen befragt zu werden, nur daß ihnen, soviel man weiß, die Ruthen wohl auf unterirrdische Wasser, aber noch nicht auf unterierdische Dünste geschlagen Saben. Die Bergleute kennen manche Urten unterirrdischer Dunfte schon fo, daß fie sich schwerlich murden bewegen lassen, gerade in der Absicht ju arbeiten, um auf un. terirrdische Dunfte durchschlägig ju werden. Man mußte also welche dazu nehmen, die das Leben verwirft hatten.

Wenn solche Einfälle einmahl im Vorsbengehen waren gesagt worden, so konnte man sie belachen und vergessen. Wenn sie aber, als wichtige Rathschläge, einer Societät

cietat der Wissenschaften vorgetragen werden, wenn das Ungereimte darinnen deuts sich, obgleich lachend gezeigt wird (*), und sie doch immer wieder denen vorgeschwaßt werden, denen versprochen wird, man wolle sie Physik lehren, so hat, wenigstens ein berufener und verordneter Lehrer der Physik, nicht nur Recht, sondern auch Verbindlichkeit, zu sagen, daß solch Geschwäß den Nahmen der Physik mishandelt.

Ich muß mich anklagen, daß ich diese Pflicht bisher viel zu nachläßig beobachtet habe, und kann zu meiner Entschuldigung nur das vorbringen, daß ich doch nichts hierüber würde gesagt haben, was nicht Leute von mäßigem natürlichem Verstande schon ohne meine Erinnerung gewußt haten. Meine Unterlassungssunde also hat, Menschen die nur mit gemeiner Vernunft versehen sind, nichts geschadet, und Menschengesichter abzuhalten, daß sie sich nicht Ungereimt

^{(*) &}quot;Senbichreiben, an einen Professor ber Weltweisheit, ben Gelegenheit der Erdbes ben 1755. im Monat Marz 1756 von einem beutschen Officier entworfen." Man halt den seel. Prof. Maper für den Versasser.

Ungereimtheiten bereden laffen, dazu habe

ich weder Pflicht noch Reigung.

Meine Gelassenheit hat aber nur den Dank erhalten, daß ein in seiner Maasse versdienter und berühmter Gelehrter, in einer Worrede wo er von seiner Bemühung mit Petrefacten redet, mich unter die gerechnet hat; ich führe seine eignen Worte an: die

pro ingenii sui luxuriantis procacitate inter res ludicras illa referre, ludicrisue hominum circumforaneorum et asyrtarum crepundiis impudentissime nonnunquam annumerare non verentur.

Daß er mich hiemit gemennt hat, deßwegen überlasse ich mich sicher seinem eigenen Geständnisse. Er ist ein aufrichtiger,
ehrlicher Mann, der, wo ihn Borurtheile
nicht verleiten, rechtschaffene, oft edle Gessinnungen hat, die ich allemahl an ihm ehre,
was ich auch von seinen Einsichten und Meynungen urtheilen muß.

Petrefacten zu betrachten, zu sammlen, Folgerungen aus ihnen herzuleiten, habeich nie für Taschenspieleren erklärt. Ich habe mich selbst damit beschäfftiget, und sogar eine Sammlung davon schon vor 1754 in Leipzig besessen. Weil ich auf sie keinen großen

sen Aufwand hatte machen konnen, und sie nur aus eignem Zusammentragen und Geschenken guter Freunde entstanden mar, so glaubte ich nicht, baran was besonders zu befigen, bis ich im genannten Jahre nach meinem damaligen Aufenthalte, Leipzig, Die Schriften einer Koniglichen Societat Det Wissenschaften vom vorigen Jahre bekam, wo ich allerlen Steine mit Schnecken und Mufcheln in Rupfer geftochen fand, bergleis den ich in Menge, und viel noch besfere Studen befaß. Auch in der Sandgrube und in der Thongrube ben Leipzig hatte ich gesehen, daß die Materien da schichtenweise übereinander lagen, allerlen andere, nicht fo fehr gemeine Bemerkungen, als die ift, daß Materien schichtenweise liegen, gemacht, und wenn ich hatte einem Leipziger Beichner und Rupferstecher einem Verdienst daben versprechen können, sollten sich diese Gruben fo gut ausgenommen haben, als das Bild einer Steingrube.

Ich hatte auch schon vorlängst in Oléarind Perfianischer Reisebeschreibung von den Mauren zu Derbent gelesen: "Und waren alle Steine, welches uns verwunderlich vortam, von lauter tlein jerbrochenen Muschels

schalen.

schalen gleich als zusammengeschmolzen gemachfen." (*) An den Gebauden der Stadt, wohin ich 1756 kam, hatte ich vielleicht diefe Aehnlichkeit zwischen Gottingen und Derbent bemerkt, wenn ich davon zu reden Beranlaffung gehabt hatte, aber ich hatte schwerlich der Kon. Soc, der Wiff. ergahlt, daß mich Mauern aus Muschelsteinen, mit eis ner groffen Verwunderung, wie neue und ungewöhnliche Sachen zu thun pflegen, überrascht hatten; weil ich darinnen, daß man ein paar Hundert Jahre, ehe Petrefactenfammler entstanden, aus Muschelsteinen gebaut hatte, nichts neuers und ungewöhnlichers gesehen hatte, als daß man aus

(*) In 6. B. 10 C. 719. S. Der französische Ueberseßer (Voyages par le Sr. Olearius Amsterd. 1727.) drückt dieses col. 1040 so aus: ces pierres sont faites de coquilles de moules, et de grez, battus et sondus. — Er hat sich also eingebildet, die Steine wäsren aus gestossenen Muschelschalen durch die Kunst gebacken, welches Dl. gewiß nicht sagt, sondern sie Quadersteine nennt, so vier und sechs Cubicsuß halten, welches der Ueberseßer nicht hat, sondern sagt, die Mauern wären sum bis sechs Juß diet; doch die Stels le ist vollkommen à la franzoise überseßt.

aus dergleichen jeso Tabatieren und Tischblätter macht, daß man Kalk aus Dendriten brennt, und kupferhaltige Fische einschmelzt. Freylich aber hätten auch die Muschelsteine in den Göttingischen Mauern
nicht erst ben mir die Begierde solche natürliche Spectakel zu sammlen und dieser
Körper ihre Natur und Beschaffenheit
zu untersuchen wunderbarlich vergrössern dürsen, denn ich brachte schon davon
mehr als vnum alterumue specimen mit
hieher.

Hieraus wird man sehen, daß ich für meine Person die Petrefacten gar nicht sür crepundia halte. Wer aber aus einer Societätsabhandlung von einem halben Alphabete, für das Resultat seiner Untersuchungen über die Petrefacten, selbst nichts weister anzugeben weiß, als: Die Petrefacten müssen entweder durch eine allgemeine Beränderung unserer Erde an die Oerter, wo wir sie sinden, senn gebracht worden, oder zuvor schon da gewesen senn, der denkt doch wenigstens über diese Dinge nicht tieser als jedes siebenjährige Kind über seine Puppe denkt: Die Puppe ist entweder bepm Auseraumen

räumen auf ben Tisch gesetzt worden, ober

sie hat zuvor schon da gestanden.

So sind die Petrefacten an sich keine Kleinigkeiten; aber was manche Leute das von wissen, und amplissimis verbis (die Autorität zu dieser Phrasis kömmt weiter unten vor.) nicht etwa Anfängern zum Unsterrichte, sondern als gelehrte Entdeckung vortragen, das ist eine Kleinigkeit.

Vergleichungsweise wurde ich auch von dem, der die Kanntniß der Petrefacten als das Hauptwerk unserer Kanntniß der Sachen, welche aus der Erde gegraben werden, ansähe, sagen: Er bliebe ben Kleinigkeiten stehen; Und darinnen hatte ich sicherlich alle Vergwerksverständigen auf meiner Seite.

Betrachtet man die Petrefacten als Urkunden des ältesten Zustandes der Erde, so sind die höchsten Alpen, selbst die Ganggedürge, zuverläßig viel älter als die Petrefactenhügel. Dafür kann ich nichts, daß den Grund von dieser Behauptung manche Petrefactensammler nicht verstehen werden, unter andern manche für welche der Hainberg ein Berg ist, und die von der Erdsse der Geister eben solche Zwergbegriffe haben, als von der Erdsse der Berge. Der Rugen, den die Petrefacten bisher der menschlichen Gesellschaft gebracht haben, ist auch eine Kleinigkeit; die man gar nicht ben dem Rugen der eigentlichen Mineralien nennen darf.

Der Bergrath Borlach, der vor etlichen zwanzig Jahren über das Salzwerk zu Kösen ben Naumburg die Aussicht hatte (ich habe seiner Freundschaft und seinem Untersrichte sehr viel zu danken), sahe die Petressacten als bergmännische Anweisungen auf Salz, oder Steinkohlen an. Dieser Gedanke, den viel Erfahrungen bestätigen, ist auch der Natur nicht ungemäß. Aber hat ihn, oder was gleichgültiges oder besseres, einer der Petrefactenmänner gedacht?

Ueber die Vergleichung zwischen manscher sogenannten Physik, und der Taschenspieleren, muß ich mich so erklären: Diejesnigen, die ben Jemanden, der keine Mathesmatik versteht, Experimentalphysik zu sehen glauben, (weiter als sehen wollen sie nichts), lernen nichts weiter als wenn sie einem Taschenspieler zusähen. Denn ohne Mathesmatik begreift man nichts vollständig und richtig, von den Ursachen der meisten Experimente. Man bewundert sie nur, eben so

wie die Kunste eines Taschenspielers, lernt sie auch vielleicht eben so, ohne Verstand

nachmachen.

Daß sich Experimentalphysik ohne Mathematif, und ohne viel Mathematik, nicht denken laßt, ift nicht meine Erfindung, alle Leute, die mahre Physik verftehen, haben es vorlängst und ungählichemahl gesagt. Wer alfo, sich bewußt daß er gar feine Mathema. tik versteht, sich zum Lehrer der Physik auf wirft, der handelt vollkommen so, wie eis ner der ohne Grundsprachen und Philologie fich jum Bibelerklarer aufwurfe. Dorfschulmeister verstattet man, ohne gelehrte Kenntniffe, ben fleinen Catechismus vorzutragen; Daben muß aber auch der Schulmeister bleiben, sich für keinen Theo. logen ausgeben, noch vielweniger vor feiner Jugend von angesehenen Theologen verächts lich reden, und die Wiffenschaften welche diefelben für nothig halten, für unnus er. klaren. Thate er das, so wurde das Comfistorium ihn zur Verantwortung ziehen, und doch waren feine Irrlehren feinen Schülern sehr unschädlich; denn im Himmel und in der Welt wird wohl wenig dare auf ankommen, was die Bauern eines ganlen

fen Amtes von Hrn. Dr. Semlern, ober von der orientalischen Litteratur haben urs

theilen gelernt.

Kann sich jener akademische Lehrer nicht auch so vertheidigen, so darf er nicht erwarten, daß er jum Taschenspieler gesett werde. Der, vertreibt doch nur Mußiggangern Die Beit; Er aber, nimmt Junglingen, von der kurzen Zeit welche sie anwenden sollen fich jum funftigen Dienfte Des gemeinen Befens vorzubereiten, noch einen Theil meg, da er ihnen, unrichtige Begriffe, unvollständige, oder nur halbmahre, und aus jeder Diefer Urfachen unbrauchbare Lehren, mit groben Brrthumern untermengt, bortragt und sie verleitet, mahre und nüßliche Kennte niffe zu verabfaumen, fo, daß diejenigen, die ihm ganglich trauen, in der stolzen Ginbildung die Natur kennen gelernt zu haben, zeitlebens tumm bleiben.

Unmathematische Experimental Physiker, (es giebt ihrer bekanntlich vielmehr als einnen,) werden hieraus sehen, daß ich noch sehr gelinde von ihnen urtheilen würde, wenn ich sie nur mit Taschenspielen vergliche; denn gegen blosse Zeitvertreiber, nicht gerade Zeitverderber, (ob ich gleich ihrer gar nicht

nicht für meine Person bedarf), konnte ich doch ohnmöglich so firenge senn, als Hr. Prof. Hollmann, gegen die armen Komb. Dianten ift. In einer gelehrten Borlesung d. 9. Febr. 1754; erzählt Er der Kon. Soc. der Wiffenschaften allerlen aus den neuen Beitungen, von Regen, Blig Donner und Hagel, groffen Winden u. d. g. in eben der Ordnung, und eben so lehrreich, wie es die Zeitungen erzählt hatten. Darunter ift auch Die Geschichte: Ein ganz Schiff voll Acteurs, Die der Marquis von Curfan nach Corfica verschrieben hatte, sen im Sturme untergegangen; die ist ohne Zweifel manchem gemeinen Zeitungsleser traurig vorgekommen; Hr. Prof. Hollmann aber wunscht ben der Gelegenheit: Es mochten doch alle Komo-Dianten mit ersoffen senn. Seit jenem talserlichen Wunsche Vrinam vna ceruix! hat man wohl feine folche Gentenz gehort. Die Worte in der Grundsprache lauten folgenbergestalt: Non male cum genere humano ageretur, si iisdem vndis, omnes eiusdem generis periissent homines, qui non meliores illis, ipsisque Graecorum et Romanorum comicis morum inter homines doctores fuerint. Commentar. Soc. R. Sc. Gottingenf. Tomus III. pag. 19.

Das bisherige hatte ich meistens nicht geschrieben, und einem Manne der sich für beleidiget halt, weil er es nach Beschaffenheit seiner Seele nicht einsehen kann, daß ihm nur Wahrheit, und die, viel zu gelind und selten ist gesagt worden, gern die mir unschädliche Freude ungestört gelassen, daß er sich einbildete auf mich gestichelt zu haben, wenn Er es ben mir allein hatte bewenden lassen. Ich muß aber noch Etwas aus seiner Vorrede herseßen. Es ist eine Note, bald nach vorhin angeführter Stelle:

Quodsi de nugis et ineptiis eiusmodi sermo esset, quales, nostra adhuc aetate a Dostore quodam Lipsiens, Godoff R. RVD. POMMER (non Pomerano nec re nec nomine) in lucem publicam productae, et amplissimis verbis praedicatae, atque venum expositae sunt, im Verzeichniss der vornehmsten Figuren, welche die Natur in einem kostbaren roethlieben Marmortische, dessen Længe 1 Leipziger Elle 3 Zoll und die Breite 1 Elle ist, entworfen bat: (cui ex opposito latere Gallica etiam descriptio iuncta est.) Lipsiae m. Aprili 1749. pl. 2. in solio; summo; certe iure, isthaec cum nugarum

rum istarum praecone et venditere risui et contemtui omnium mererentur exponi, laetiorisque spectaculi causa, iisdem, illi ipsi simul iungi, qui a nostris isthaeo diferenere, aut nolint, aut nequeant

Dieser Doctor ift meiner Mutter Bruber. Er sahe frenlich auf dem Tische Figus ren, die sonst niemand sah als Er, und glaubte deswegen, der Tifch murde für einen Liebhaber einen betrachtlichen Werth haben, Daß er fich in feiner Hoffnung gefret hat, wird man leicht erachten. Ich habe meine Gefälligkeit nie weiter getrieben, als ihm nicht gerade zu zu widersprechen; Hindern konnte ich ihn nicht, diese Bogen drucken ju lassen, noch weniger als ich irgend einen Mann in Gottingen, dem ich keinen Gehorfam schuldig bin, hindern fann, da, Ungereimtheiten drucken zu laffen. Daß ich aber irgend einmahl etwas von dem Inhalte diefer Bogen gebilliget hatte, davon wird niemand die geringste Nachricht geben konnen. Also konnte ich ben der angezeigten Stelle für meine Person gang ruhig fenn, benn niemand wird doch wegen eines Vergehens von feiner Mutter Bruder gestraft. Aber Der Mann wird meinetwegen gestraft; Und also ist es noch vielmehr meine Pflicht, mich seiner anzunehmen, als wenn er nur wegen eines andern Angrisses mir zurufte

Exoriare aliquis, nostris ex ossibus

vitor!

Es ist selbst aus der lateinischen Stelle zu ersehen, daß die Rede von keinem Buche ist, sondern von zween Foliobogen. Der Verfasser ließ sie auf seine Kosten drucken, in den Buchhandel sind sie nie gekommen; Er schickte sie dem seel. Gesner, mit dem er bekannt war, und ersuchte ihn, solche in den hiesigen gelehrten Zeitungen zu erwähnen. Ein Zeichen, daß sein obgleich irrendes Gewissen, doch ruhiger war, als das Gewissen eines Mannes, der unlängst gebeten hat, sein Buch die nicht zu recensiren.

Gefner auferte ben ber Anzeige, daß er das Angeben diefer Bogen nicht glaubte, und

auserte es mit ernstlichen Anstande.

Bald sind die meisten Exemplare dieses Aussages zu dem mannichfaltigen Gebrauche, zu dem sich einzelne Foliobogen schicken, ans gewandt worden, und niemand wüßte jeho von ihnen etwas, ohne die angezogene litterarische Nachricht, ben deren Anfange ich im Vorbengehen die Bemerkung mache: wiet herrlich

herrlich ein Physikus seinen Schülern bie neuen Entdeckungen bekannt machen mag, ben dem 1749, in 1775, nostra adhuc actate ist.

Doctor Pommer hatte Fehler an sich, wie alle Menschen haben, und ich glaubte bisher, ich mußte das meifte von denfelben. Aber wirklich hatte ich noch nie den großen Rehler an ihm bemerkt, daß er gang und gar fein Dommeraner ift. Die Pomme raner find brave Leute, doch dachte ich, wir Meigner hatten und unlers Vaterlandes auch nicht zu schämen. Und gleich jeto leitet, ich weiß nicht mas für ein Schicksaal meine Hand, aus meinen philosophischen Buchern, eins ohne Wahl, nur weil ich ein Buch haben wollte barinnen zu blättern, heraus zu ziehen. Bielleicht sollte mich die Philosophie über das Ungluck troften: daß unfer einer, weder aus dem schwedischen, noch aus dem brandenburgischen Pommern Nun; das Buch heißt: Commentatio de Deo Mundo Homine atque Fato (1726) dem sind angehenkt: Sam. Christ. Hollmanni Phil, Prof. Viteb. Observationes elencticae in Controuersia Wolfiarra. Diefe Observationen sind einer hab

lischen Disputation entgegengesett, die um ter dem seel. Langen, Friedrich Theophilus Casscord, Treptoa Pomeranus vertheidis get, der der Angabe nach observationes aliquot elencticas wider eine vorige Disputation Hrn. Pros. Hollmanns bengesügt hat. Hr. Pros. Hollmann erinnert. Die Angabe könne ganz wohl wahr senn, sine imbecillitatem argumentorum, sudicisque vim, sine responsionis ipsus, totiusque desensionis opus respicias, denn das alles gehe nicht über mäßige philosophische Kräste und Känntnisse. So sahe ich doch, daß nicht nothwendig alle Pommeraner grosse Geister sind, so wenig als alle Leipziger.

Dieser, ja nicht pommerische! Pommer, was hat er denn nun also gesündiget? Hat er, wie der Herr Berfasser einer Anleitung zur Naturgeschichte, die 1767 also nostra adhuc aetate herausgekommen ist, gelehrt: Man sinde Bersteinerungen auch auf den höchsten Bergen; Silber oder Goldglette (lichargyrium) werde aus einer Bermisschung von Blen und Silber bereitet; Ein gewisser Theil des Blumenblattes, heise: die Platte, zu Latein Lamen; Und, um kein Naturreich zu vergessen, der, insgestein

mein sogenannte Hippopotamus, dem v. Linne' in des Naturspstems X. Ausgabe, magnitudinem Vri, giebt, sen so groß als ein Bar. (*)

Nichts dergleichen hat der Doctor Juris versehen; einzig und allein sich auf einem Steine Dinge eingebilvet, die andere nicht darauf fahen. Wieviel Leute die feine Doctores Juris, sondern jum Theil Liebhaber der Naturkunde maren, haben das nicht ihrer Ehre unbeschadet gethan? In: Lessers Lithotheologie erzählt des V. B. III. Abth. I. Cap. eine Menge von Steinen, an benen man fich allerlen eingebildet bat. Rircher hat noch mehr dergleichen Mund. Subt. Lib. VIII. cap. 9. Bruckmanns, D'Argenvilles u. a. zugeschweigen. Man hat den Leuten die sich folche Einbildungen machten, nicht geglaubt, aber, wenn ihre Einbildung weiter teinen Schaden that, als ihnen mas: merkivurdig machte, das andern nicht so merkwurdig mar, fo ließ man ihnen dieses Bergnügen, ohne daran Theil zu nehmen, und'

^(*) Der Ritter hat ohne Zweifel aus Menschenliebe, um solchen Uebersegern Steine bes Anstosses aus bem Bege zu raumen, in ber XII. Ausgabe, Tauri statt Vri gesest.

und ohne auf sie zu schimpfen. Bielleicht waren auch zu manchen solchen Bildern Züsge da, denen die Einbildungskraft Erganzungen benfügte. Ob es sich nicht etwa mit einem und dem andern auf dem Tische auch so verhielt, kann ja der nicht urtheilen, der ihn nie gesehen hat.

Man hat sogar, in die Naturgeschichte, Benennungen aufgenommen, die sich nur auf solche Einbildungen grunden, und zwaknicht eben auf die saubersten, z. E. Priapo-

lithen, Hysterolithen.

Gleich nach der lateinischen Stelle, die ich hergesett habe, wird Behringers Litho-

graphia Wirceburgensis ermannt.

Behringers Fall war nicht völlig der vorige. Er war Doctor der Arznenkunst, hatte solglich mehr Gelegenheit, selbst Pflicht, natürliche Sachen zu kennen, als ein Doctor der Rechte. Behringer ließ sich von Spottvögeln oder Schurken, durch gemachte Pestrefacte betrügen; Das zeigt Unwissenheit der Merkmahle an, durch die sich Natur und ihre Nachahmung unterscheiden lassen, und mochte das Zutrauen zu einem Arzte, dem es in der Matcrie seiner Kunst auch so gehen könnte, etwas schwächen. Aber, sich bem

Flecken, die wirklich auf einem Tische sind, gewisse Gestalten vorstellen, das heißt nur: Man giebt einer lebhaften Einbildungstraft zuviel nach.

Den größten Unterschied macht allemahl frenlich das aus: Behringer hatte keinen Schwestersohn, der gesagt hatte: Man musse Mathematik verstehen, wenn man vernunftige Experimentalphysik lehren wolle.

Behringer tam jur Erfanntniß feines Irrthums, und faufte die Eremplare feines Buche wieder auf, um es ju unterdrucken.

Ob mein Verwandter auch zur Erkanntniß gekommen ware, weiß ich nicht; Er war wenigstens nicht so hartnackig, als sonst mancher Mannist; Vielleicht aber hatte er nicht Zeit dazu, denn er starb im Februar 1750.

Nun wird bedauret, daß Behringers nugae atque ineptiae pueriles, die der rechtschaffene Mann unterdrucken wollte, a sordidi quodam lucri cupido bibliopola, damno publico 1767 wieder hervorgezogen sind.

Vermuthlich hat der Buchhandler mit diesem unvorsichtigen Abdrucke sich mehr Schaden gethan, als dem gemeinen Wesen.

Istes nun aber so sündlich, daß ein Buchbandler ein Buch, das sein Verfasser unterdrücken drucken wollte, aus Gewinsucht wieder auslegt. Wasist denn das für eine Sandlung: Ein paar Bogen, die nie eigentlich für das Licht der Welt bestimmt waren, aus dem Abgrunde, in den sie vor einem Viertheilsjahrhunderte gesunken waren, hervor zu ziehen, nicht aus Gewinnsucht, — wenigstens nicht unsmittelbar aus dieser Absicht, sondern aus der viel unedlern: von ihrem, längst versmoderten und von dem größten Theile der Welt vergessenen, Verfasser, ehrenrührig zureden, damit man dadurch seinem noch lesbenden Verwandten wehe thun möge?

Leichen, werden wohl von hungrigem Wolfen und Baren aufgegraben; aber, verstete Knochen, nur aus Grimm, auszuscharren; So tief erniedrigt sich kein unvers

nunftiges Thier!

Derjenige, der mich nothiget, dieses zut schreiben, hatte vermuthlich Todte ruhen lassen, wenn er Fehler aus meinen Schriften anzusühren gewußt hatte. Ich habe doch sowiel geschrieben, daß ich mehr als ein Mensch sennmüßte, wenn mir dergleichen nicht in einisger Menge entwischt wären. Manche verbesere ich selbst, wenn es die Gelegenheit giebt, meinen Zuhdrern. Ich wollte dem Aufwihler meines Verwandten, gern ein paar Tehler

Fehler von mir hersetzen, damit seine Zähne lebendiges Fleisch bekämen, nicht an alten Knochen nagen mußten; Aber, sie wurden Ihm zu seiner Absicht doch unbrauchbar seyn, wenn ich sie Ihm auch gleich, aus der algebraischen Sprache in mathematisches Deutsch übersetze.

Ofterwähnter Gelehrte unterhalt auch noch seine Leser mit Geschichten unserer Societat der Wissenschaften, so wie er damit seine Schüler zu unterhalten gewohnt ist, ganz unbesorgt, ob das anständig ist, oder nicht. Er ist nicht mehr in der Gesellschaft, und das gereicht ihr zum Vortheile, wie ich allenfalls, wenn es verlangt wird, beweisen will. Die Art wie er sie verließ war folgende: Er sollte von Gesnern das Directorium übernehmen; und ließ sich die dazu nothigen Sachen von Gesnern ins Haus schicken, und schickte sie ihm zurück, mit der Nachricht: Er wolle nicht mehr in der Societat senn.

Die Mitglieder der Societat, hatten gegen ihn wenigstens allemahl die Regeln der Höflichkeit beobachtet, über die er sich hie ganz und gar gegen sie, wegsette. Solche alte Geschichte vergässe man, wenn sie nicht der immer auswärmte, der wünschen sollte das man sie vergässe.

Zdj

Ich bin noch nicht in Göttingen gewes sen, als der Proces zwischen der Socie tat und Hrn. Luzac entstand, ich bin allemal mit Hr. Luzac gut Freund gewesen, also ges hen diese Geschichte mich nichts an. Desto unparthepischer in dieser Absicht, kann der Bentrag zur Geschichte der Societät senne

den ich hie liefern will.

Ich war nur hergekommen und in die mathematische Classe der Societät gesetzt worden, als die Societat eine phyfifche Preiss frage aufgeben sollte. Der Borschlag Dieses Frage, mar das Amt des oberften Mitglies des der physischen Classe. Gefner, damaliger Director der Societat (das Directorium wechselte unter den benden altesten Dut gliebern ab) verlangte meine Gebanken, über die benden vorgeschlagenen Fragen zu wis fen, aus denen eine sollte gewählt werden, Sie waren 1) Die Gesetze fallender Korpen ju bestimmen. 2) Zu erklaren, warum ber Beber im Bacus fliese.

Ich fagte Gesnern: Die erste Frage has be Gasilaus vor mehr als hundert Jahren beantwortet, und alle Mathematikverständigen fenen mit ihm eine; die galilaischen Besetze seinen der Grund alles deffen, mas wir von der Bewegung der Körper wissen. Auf die zwente Frage sen auch eine bekannte Antwort: Der Heber sliesse, wenn das Vacuum kein rechtschaffenes Vacuum sen, z. E. ben einer schlechten Lustpumpe, oder wenn man es mit einer guten, vorsäslich nicht recht macht. Wein Lehrer, Hausen, fragte und ob der Heber sliessen sollte oder nicht? und machte es, wie wir es verlangten.

Gesners Auftrage gemäß, sprach ich mit dem, welcher die Vorschläge gethan hatte, und brachte Ihn doch von dem ersten ab. Wegen des andern, versicherte er mich sehe ernstlich, der Heber stiesse ihm absque omni fallacia im Vacuo, und die Sache sep einer

genauen Untersuchung sehr wurdig.

Es hatte eine Art von Grobheit, deren ich nicht fahig bin, dazu gehort, Ihm durchs aus zu wiedersprechen. Ich dachte, der das malige jungste Professor in Göttingen musse einen der altesten, seinen Weg gehen lassen, zumahl da ich nun ben der Frage nichts zu verantworten hatte. Die Frage ward also in einer diffentlichen Versammlung der Societät angekundiget. Mayer, der in der Societät über mir war, hätte wohl auch ein Wort dagegen sagen konnen; Er wußte aber vermuth-

vermuthlich kunftige Begebenkeiten zum vors aus; nicht aus himmlischen Aspecten, sons dern aus irrdischen Conjunctionen, und machte sich so, die muthwillige Freude, zu

schweigen.

Bald darauf wies Herr Prof. Lowis der Societat Versuche, ben denen er freylich die gar nicht entbehrliche Formalitat vergef sen hatte, von ihrem Gegenstande zuvor denjenigen zu unterrichten, ben fie angin-Denn fie zeigten, auf unterschiedene Manieren, daß Heber von gehöriger Grofse, die in frener Luft flossen, im Bacuo nicht flossen. Es war ein grosses Gedrange um die Luftpumpe herum; Ich machte mich daraus, und ließ die hin, die sehen wollten, was ich aus Demonstration schon langst gewußt hatte. Die Mitalieder der Societat, deren Hauptgeschäfft die Physik nicht mar (ber Herr Ritter Michaelis ist von ihnen noch vorhanden,) und eine Menge anderer Zuschauer fanden, Lowis habe seinen Sas vollkommen durch seine Wersuche dargethan.

Gegentheil vertheidigte eine Zeit dars auf, seine Mennung, amplissimis verbis; Erzeigte auch einige Experimentchen. Mit *** heyden benden aber ging es ihm noch schlimmer, als dem Dr. Pommer, der kein Pommeraner war, mit seinem Tische. Denn das Marmorblatt fanden doch die Leute immer noch schön; Dort aber lachten viel über das Heberchen auf einer alten Luftpumpe, und über das Wasser, das, wie es aus des Hebers niedriger hinabgehendem Schenkel herauslauft, propter aliqualem cohaesionem, anderes Wasser hinten nach sich, in dem hohern Schenkel empor ziehen follte. Derjenige; der dieses vortrug, schimpft auf Newton und auf die Attraction, Deren Wirkungen sich mathematisch darthun lassen: Und Er schloß: weil die Wassertheilchen in Erdpfchen ausammenhangen, so machte diese Cohasion auch, daß sich eine dicke Wassersäule in die Höhe ziehen liesse; deutsch: Er flochte Stricke aus Wasser. Seine meisten Zuhdrer waren meder Logiker noch Mathematikverständige; Aber, was von diesem Schlusse zu halten fen, zeigte ihnen ber gemeine Menschenverfand, und das natürliche Vermögen Groß fen zu schäßen und zu vergleichen.

Der Erfolg war, daß die Societat eine Frage, wo die Schuld eines einzigen Mitgliedes fie in Gefahr gefest hatte, fich ju

prostituiren, jurudnahm.

In den Gottingischen gelehrten Anzeigen; 1757; 147 Stuck, den & December 1380 S. steht die Aufgabe der Frage vom Seber; und in 1758; 89 Stuck, den 27. Julius 843 Seite; wird statt derselben eine

andere aufgegeben.

So nachdrücklich und so überführend, ward Behringer gewiß nicht, von dem kleinern Irrthume unterrichtet, in den ihn wohl größtentheils Leichtgläubigkeit, und etwas Eitelkeit verführten. Der Fluß des Hebers im Vacuo, wegen der Cohasion, der nicht wieder Physik, sondern wieder Menschenderstand ist, wird immer noch den Schülern der Physik vorgeschwaßt, denn, wie Haller sagt:

Die Stimme ber Mafur, ruft allgufdwach dem Sauben.

Wenn aber ein Tauber sich in Possessete, Concerte zu geben, weil er Leute findet, die, ein Theil aus Leichtsinnigkeit oder Gutherzigkeit, ein andrer Theil, weil sie Midasohren haben, ihm dafür Geld zuwenden; Und es spräche jemand: Der Mannkann ohnmöglich was erträgliches spielen; Der Taube aber singe an: "Was? Ihr unverschämtester, geschwätziger, Wisdling! Ihr sprecht, ich wäre so gut als ein ****

Biersiedler? Wist Ihr wohl? eurer Mutter Bruder, hat nur kurzlich vor 25 Jahren einmahl einen gar erschrecklich falschen Griff gethan. Ich will ihn, und euch dazu zum lustigen Spectakel ausstellen! Und darnach lasse ich Euch, und alle Lustigmacher Eures gleichen zusammen: Griechen, Römer, Spanier, Italianer, Franzosen, Engellander und Deutsche; Alle zusammen! ins Wasser wersen!

Wurde man da nicht lachen, daß es felbst

der Taube horen mußte?

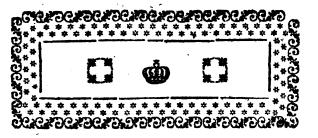
Das disherige betrachte man als ein Stuck eines Commentarius über den Spruch: De mortuis non nist bene; collato tit, M. Quod quisque iuris in alterum statuerit, vi

ipse eodem veatur.

Ist es daran nicht genug, so kann noch, laetioris speckaculi caussa, hinzukommen : Verzeichniß der vornehmsten Schnißer, welche die Ignoranz der Mathematik, in einer, noch nicht 300 Octavs. starken, sogenannten Physik, gemacht hat. Ob es nur 2 Vogen werden wird, kann ich nicht voraussagen. Söttingen; im August 1775.

Abraham Gotthelf Kaftner.

Berzeich.



Berzeichniß, und Innhaltder Anmerkungen

1) It eber die Abrheilung des Markscheider.

Bermanblung ber Stunden in Grade XII. Benennung ber Stunden nach den Belt-Gegenben XVI.

2) Vom Lachtermaasse.

Berhaltniffe unterschiedner Lachter	, I
Frenbergische Lachter in rheinl. Fuß zu ver- wandeln	4
Oberharzisches Lachter mit rheinl. Maasse verglichen	. 17
Ein paar merkwurbige Teufen von Gruben	7; 36
Comedifche Famme und Frepberg. Lachter	38

ชันร-

Verzeichniß, und Innhalt

Ausbruckungen wo Lachter und Theile bes L. vorfommen, 'am bequemften einzurichten Boigtels Eintheilung Borfchlag alles in Achttheilen auszubrucken	49 44 46
3) Von der Rrummung einer Schnur . Rette.	der
4) Sehler und Prüfungen des Gradbog	ens.
5) Theorie von des Brn. v. Oppel G bogen, der Sohlen und Seigerteufen an	
6) Vorschlag eines Gradbogens mit ei Vernier.	nem
7) Markscheidercompasse und beren Gebro	aud
Cegcompaß	2
Grubencompaß	5
Deffelben Gebrauch die Lagen fohliger Linien an bestimmen	
Aus der Abweichung der Radel, folcher Linien Lage gegen die wahre Mittagslinie zu finden	30
Aus ben Stunden, in ben gwo Linien firei- chen, ihren Winfel ju finden	. 32
Pångecompaß	50
8) Ueber die Bifenscheiben.	
Bornehmfte Unbequemlichkeit ben berfelben	20
200	igtele

der Immerkungen,

Voigtels Vorrichtung	34
Theorie von des Irn v. Oppel Gifenscheibe wo nur eine Linie fohlig ift	43
Irribum bem fie ausgesetzt ift, viel betracht- licher als ihr Erfinder glaubte	60
9) Ueber die Berechnung des rechtwinklic Dreyecks.	chten
Die Multiplication ber Ginuffe, burch fr. gamberte Abacus erleichtert	13
Bie weit die Logarithmen zulänglich find	, 16
Wie man die trigonometrischen Linien als gemeine Zahlen ben ben Logarithmen brauchen konnte	.20
Pitifcus Thefaurus hiezu angewandt	30
Ueber des hen. v. Oppel Tafel der natürli- chen Linien	34
10) Ueber die Tafeln der Sohlen und Steusen.	eiger-
Weiblers Lafeln	7
Beyers	27
6. Oppel	34
Solche Lafeln find ben groffen logarithmi-	44
11) Wintel von gezogenen Schnürer	ı blos
durch Messung gerader Linien geben.	anzu-
Durch Zeichnung	. 2
×** 4	Wenn

Verzeichniß, und Innhalt

Wenn man nicht aus bes Winkels Spig messen fann	e s
Durch Trigonometrie	1
19) Winkel mir donlegigen Schenke soblige zu bringen.	eln au
Durch Zeichnung	14
Durch ebene Erigonometrie.	2
Durch fpharische Trigonometrie	. 4
Sunf unterschiedene Falle, alle in einer Formel enthalten	r- 60
Boigtele hieher gehöriges Berfahren Beiblere feines	74 75
13) Ueber das Verrichten der Grub mit dem Compasse.	enzüge
14) Ueber die Berechnung eines Zug dem Sangecompasse.	ges mi
15) Vom Abziehen auf Bifengruben.	
16) Von Grubenriffen. Sohliger Riß Seigeniß	٠ , ١

Mus ihnen bie Groffe bonlegiger Linien ju

17) Von Werkzeugen, sohliger Linien Wins

27

Beunben-

finden

Buleginftrument

tel zu zeichnen.

der Anmerkungen.

Stundentransporteur Bender Entbehrlichfeit	13
8) Verjungter Lachtermaafistab.	
9) Erempel eines Grubenriffes.	
o) Ueber Weidlers Erempel von Zügen	·
Denn die Summen von Soblen u Seigerreufen ein Drepeck geben, des Zypothenuse die Summe der Zypoth nusen ist.	eis
ben, von dem eine seigere Linie ein gebenes Stück einer schligen abschneit	geo
3) Allgemeine Renntnisse zu Amwendu der Geometrie auf Klufte und Gang	ng e.
14) Eines Ganges Streichen abzunehmer	l. `
15) Sein Kallen anzugeben, ohne daß m fein Streichen weiß.	an
Durch die Schnur am Sange bie bas größte Kallen hat	6
Durch ein paar Schnuren, beren gallen und Mintel man weiß	12
Durch ein paar Schnuren, die gleichviel fal- len und ihren Bintel	20
Das Ballen am Liegenden ju finben	27 ,
*** 5	Die

Verzeichniß, und Innhale

Die Linie am Liegenden anzugeben bie bes

Sanges Sallen hat.

man sein Streichen hat.
Deifit eigentlich: ben Sangecompaß fatt eines Wintelhafene brauchen 5
27) Das Ausstreichen eines Ganges zu Tage aus anzugeben.
48) Wenn zweene Gange, die einerley Streif chen und Sallen haben, einer find?
29) Vergleichungen zwischen dem Ausstreichen eines Ganges zu Tage aus, seinem Streichen und Sallen.
Die Linie, in ber er ausstreicht, ist gegeben, und sein Streichen; Man sucht sein Fallen 5 Eben die Linie ist gegeben, und bes Ganges Fallen, man fucht sein Streichen 21 Eines Sanges, ber über einen seigern, abgebauten sest, Fallen zu finden 22
30) Die Lage von ein Paar Ebenen ist geges ben, man sucht die Lage ihres Durch- schnittes.
Ober: Bon Gangen, beren Streichen und Fal- len gegeben ift, die Lage ber Linie in der fie einander schneiden

Ihr Streichen, und die Lage ihres Durchfchnitts ift gegeben, man jucht ihr Kallen

der Unmertungen.

Ueber bas Ausstreichen wenn bas Anfteigen bes Geburges gegeben ift

31) Ueber die trummen Linien, in denen Bang fallt und 3tt Tage ausstreiche	eín T.
Er fallt in ber logarithmifchen Spirale	- 15
Streicht in einer Lorodromie ans	19
32) Von des Brn. v. Oppel Anhange Markscheidekunft.	zue
Aus allen Seiten einer Figur bis auf eine, und allen Winfeln bis auf zween, diese Seite und Winfel zu finden	5
. Einen Dunft burch bren Perpenditel vom ihm, auf bren Ebenen die auf einander fentrecht fteben, anzugeben	ſť.

Abhandi. von Sohenmeffungen

Ubhanblung

Bon Sohenmessungen durche Barometer.

Ungemeine Borausfthung baben	. 4
Prüfung berfelben ben verdunnter Luft	7
Bergleichung zwischen Sohe und Barometers ftanbe	ri.
Briggische Logarithmen baben zu brauchen	28
Sallen	32
Die Dichte ber Luft burch bas Barometer felbft ju finden	37.
Die Sobe aus dem Barometerstande gu finden, wenn man ben Barometerstand an zwo	
gegebenen Stellen beobachtet hat	39
Mariotte	40
Er fest fehr bichte Luft zum voraus	51
Unvollfommenheit feines Berfahrens, Schichten ju abbiren	59
Wie hoch man fleigen muß, daß das Barometer um eine gegebene Groffe fallt	60
Horrebow	· 62
Halley und Mariotte verglichen	63
Berechnungen nach einer Formel auf eine and bere ju bringen	70
Einrichtung ber Formel, wenn ber eine Baro- metelfand nicht am Ufer bes Meeres ift	79
Joh. Jac. Scheuchzer	84
	for

der Anmerkungen.

De. Sulger will beffen Erfahrung faus einer	
Sppothese beurtheilen	101
Bonguer	102
Anfängliche Vermuthung wie er feine Regel fonnte gefunden haben	113
B. genauere Anzeige, wie seine Regel zu brauchen ift	123
Muf mas für Abmessungen Bouguer eigentlich feine Regel gegrundet hat	129
Wolliger Zusammenhang seiner Regel	132
Bas aus ihr für ein Barometerftand am Dee-	
re folgt	134.
Deebham	136
Hat die Grunde von D. Regel nicht aufge- fucht und doch Zusätze zu ihr machen wollen	137
Roch eigne Erinnerungen vom B.	140
Lufttheilden von unterschiedener gederfraft	150
Bergleichungen swifchen Barometerhoben, Dichten, und fpecifischen Clafticitaten	160
B. Regel in Europa nur auf ben bochsten Mipen brauchbar	164
Daniel Bernoulli	165
Safel bie er vom Condamine befommen	576
Ralte im obern Theile ber Utmosphare	177.
Ben hrn. Bernoullis Regel, ben mittlern Barometerstand an einem Orte ju finden	179
hrn. Sulgere Lafel nach Diefer Regel	180
Drn. Sulgere Berfuche	182
Seine Bergleichung ber Grabe ber Barme if	
weber nen, noch febr lebrreich	.195
	Seine

Abhandl. von Söhenmessungen

Seine gange Unterfuchung, ju Meffungen mit	•
dem'Barometer unbrauchbar	198
Maraldi, Feuillee, Caffini	203
Caffinis Regel Bernoullis feiner abnlich	203
Db fich die Dichte der Luft in volliger Schärse wie der Druck verhalten tonne?	204
Kontana	210
Dichte ber Luft, wenn fich bie Schwere ver- fehrt wie bas Quabrat ber Entfernung ver-	
hålt	213
Lobias Maners Tafiln	214
Sind nur jede über einen andern Horizont	. 225
Sind nicht nach Bouguers Angabe berechnet	231
Eine kann Bouguers Regel nicht naher kom- men als die andere	236
Eine giebt, einen und benfelben Ort, nicht noch einmahl so hoch an als die andere	238
Celfius Erfahrungen	241
Folgen von marmerer und falterer Luft	253
Schobers Erfahrungen	259
Kormeln aus ihnen, für Loifen berechnet	27E
Das tieffte einer Grube in Pohlen, tonnte vielleicht unter bem Porigonte des Meers	•
fenn	275
Berhaltniß ber Soben zweener Derter über einen britten, aus ben Barometerftanben	276
Hr. de Luc	277
Bon feiner Safel nach unterschiebenen Regeln berechnet	282

Wie

durchs Barometer.

Wie jede Regel bes Coraçon Sobe giebt	285
Etwas von hrn. be &. Worschriften wegen	
der Barometer	286
Einfluß der Barme, auf das Quedfilber im	-
Barometer	295
Ccale des Thermometers bas fr. be & bagu	
braucht, auf die fahrenheitische gebracht	304
hr. be g. Bergleichung swifthen Barometer,	
ftand und Sobe fur eine gewiffe Tempera-	
· •	310
Einerlen mit Mayers Regel	311
hr. de L. Regel nach der Warme, die berech.	
neten Soben gu verbeffern	324
hrn. de g. Borfchriften gusammen	-330
Seine Beobachtungen nahe am Meere	333
Wie boch man am Meere fleigen muß, baß bas Barometer eine Linie fallt	336
Schwurigkeiten ben Meffung ber Soben mit	,,
dem Barometer	339
or. de E. Bergleichung feiner Regel mit Bou-	
guers feiner	342
Wie er die eigne Schwere ber Luft findet	344
	347
Das eigne von hrn. de g. Bemühungen	349
hrn. Prof. Zimmermanns Beobachtungen gu Braunschweig	351
Er befürchtet, es werbe unglaublich fcheinen,	
daß es Ignoranten giebt, die Phofif und	
Mathematik auf ansehnlichen Akademien	-
lehren 351;	Vill
Min	lei-

Abb. von Sobenness. durche Barometer.

Unleftung, ju berechnen, wiebiel ohngefahr Drn be & Berbefferungen betragen fonnen	: 352
Dr. Maffelnne Unmerfungen über hrn. be Luc	;
Vorschriften	356
Dergleichen von Br. Horflen	357
Dr. Lamberte Unterfuchungen	365
Maners Regel mochte wohl dienlich fepn, die Soben ohngefähr zu berechnen	
Bon einigen Borrichtungen ber Barometer	374
· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	375
Won Anwendung folder Meffungen auf bie phnfifche Geographie	: 376
Mittlerer Barometerftand ju Clausthal	37 7
Man ift ju Clausthal im Liefften noch fiber bem Porizonte bes Meeres	383
In welcher Bedeutung Bergwerfe uns bas	
Innere der Erde kennen lehren	384
Dr. Prof. Hollmanns Regel	985
Wiederspricht ber Natur	387
Drn. Prof. Zimmermanns Beobachtungen auf dem Brocken, und in Gruben des	
Parzes u. f. w.	396





1. Anmerkung.

Ueber die Abtheilung des Markscheidercompasses in Stunden.

Weidler S. G.

I. Finen Kreis welcher dient horizontale Winkel, zu messen, theilt der Markscheider in 24. Theile ein die er Stunden nennt. Wenn, und warum diese Abtheilung ausgekommen ist, davon wissen die Schriftsteller keine Nachricht zu geben. Der Kr. v. Oppel muthmaust, als sie solche eingessührt haben, ware ihnen die Eintheilung in Grade noch unbekannt gewesen. Gegen diese Muthmaasing würde ich solgenden Zweisel haben: Der Markscheider, kann sich sast nie mit horizontalen linien begnügen, wie der Feldmesser oft thut. Alle

Augenblicke kommen ihm schiefe linien vor, deren Meigung gegen den Horizont er bestimmt. Dieses Seeigen und Sallen, hat er, allemahl in Braden angegeben, und also Grade sehr wohl gekannt. Ueberhaupt, haben ja die Markscheider die Geomestrie nicht ersunden, sondern gelernt, und ihre lehrmeister kannten ohnstreitig die Eintheilung in Grade.

II. Die Stunden werden in den Markscheibercompaß so verzeichnet: Auf der Mittagslinie (es
sey nun die wahre, oder die welche die Magnetnas
del angiebt) schreibt man an SE und MER; jedesmahl 12. Nun wachsen die Zahlen der Stunden
von SE durch OR dis MER; von 12 oder eigentlich o dis 12 und eben so, von 12 oder eigentsich
o ben MER; durch OCC dis 12 den SEP. Man
sh. Weidlers 14 Fig.

III. So geht jeder Durchmesser des Kreises mit seinen benden Enden durch einerlen Stunde. Z. E. der mit der Mittagslinie einen Winkel von 30 Gr. von Mitternacht gegen Morgen macht, macht eben den Winkel von Mittag gegen Abend, und hat an diesen seinen entgegengesesten Enden, die Stunde 2.

All. Nach Absichten die weiter unten follen erklart werden, sind zuweilen die Stellen OR. u. OCC. verwechselt, so daß Or. auf die Westseite zu liegen kömmt wenn S gegen Norden gekehrt wird. Weiblers & Fig. stellt dergleichen vor. Aber das in II. angegebene Geses, wie die Zahlen machsen, wird auch da beobachtet.

V. Db. man nun ben biefer Abtheilung an bie Stunden bes Tages gebacht, etwa bas Streichen eines Banges fo bestimmt baß ber Schatten eines Baumes ihm ju einer gewiffen Stunde parallel gelegen, wie Hr. v. D. a. a. D. muthmaaßt, bas scheint mir alles viel zu unsicher. Gin Baum, . ober ein anderer verticalftebenber Rorper, wirft gu einer Stunde des Lages ben Mittag ausgenome men; feinen Schatten auf bem Borigonte anders ju biefer Jahrszeit, anders ju jener, ber Schatten einer gemiffen Stunde, biente alfo nicht bas Streichen eines Sanges anzugeben.

Auf einer gerade gegen einen Beltpol gerichteten Sonnenuhr fahrt Br. v. D. fort, murben bie Stunden chen fo gezählt. Ich weiß nicht ob er Mequinoctial. sder Polaruhr mennt, und ob die Markscheiber Die lette, Die fchon ju ben funftlichern gebort follten nachgeahmt haben. Ueberhaupt aber, febe ich mifchen ben Stunden ber Marticheiber, und irgend einer Connenuhr, weiter feine Uebereinstimmung, als daß beybe, von Mittage und Mitternacht gen

zählt werben.

VI. Wenn die Markscheiber aus irgent einer Urfache bie Eintheilung in 24 beliebten , fo mar es naturlich, daß ihnen Daben Stunden einfielen, da schon die vier Weltgegenden, mit den vier haupte abtheilungen bes Tages einerlen Beneimungen bas Baren biefe Geometern, nicht frene Deutsche, fondern romifche serui poense gewesen, fo batten sie vielleicht allem in vacias getheilt. - X 2

VII.

VII. Der Halbmesser des Kreises giebt ben sechsten Theil; und aus dem, giebt eine wiederhohlte Halbirung den vierundzwanzigsten. Diese Abtheisung läßt sich also blos mit dem Zirkel machen, und ist in so weit einfacher und leichter als die in Grade. Könnsen ihre Ersinder nicht diese Beaquemlichkeit gesucht haben, um bestomehr, da ihnnen die Vortheile den Kreis in Grade abzutheisenz welche etwa die Trigonometrie darbietet, anfangs wenigstens nicht so bekannt senn mochten?

VHI. Es ist doch allerdings sonderbar daß man jezo, da die Eintheilung in Grade bekannt genug ist, astronomische-Quadranten in 96 Theile zu theilen psiegt, wie besonders die englischen Künstler zu thun gewohnt sind. Man hat dazu eben die innvangesührte Ursache, diese Eintheilung läßt sich durch Halbirungen des Bogens von 60 Graden bewerksstelligen. Die erste Halbirung giebt den Bögen von 30 Graden oder z des Quadranten; und sorta

sesette geben $\frac{1}{3.2.2.2.2.2}$ — $\frac{1}{3}$ des Quadranten. Man s. meiner astron. Abhandlungen 2: Samml. 5. Abh. 16.

Gin folder Theil bes Dhabranten ift alfo

= \frac{360}{4.96} Grad = 00.56 15"

VIII. Die Martscheiber Stunde theilt man auf ben Compassen in Achttheile ein, Deren einer also

= 1 = 2. 30 bes gangen Rreifes beträge, folge

folglich noch einmahl fo groß ist als ein Sechsundneunzigtheil bes Quadranten (VIII.)

VIIII. Der Schiffer befriedigt fich mit ber Ab. theilung bes Horizonts nach 32 Winden, welches Bintel von 111 Graben giebt. Riccioli Geogr. reformat. L. X. cap. 16. ermahnt baß einige wieder in vier theilten, wodurch Bogen von 2 Gr 48 M 45 S fommen, immer noch gröffer als bas Acht chell ber Markfcheiberflunde. Es verbient inbeffen boch mohl bemerkt zu werben, bag bie berben Art ten von Leuten, Die ben Compag brauchen, Scha-Be, aus ber Tiefe ber Erbe; over über bas Deet ju hohlen, ohne es mit einander abgeredet ju haben, eins find, ben Sorizont nicht in Grabe fonbern nach Halbirungen zu thellen. Der Schiffer braucht fogar nicht einmahl ben Bogen bem ber Salhmeffet abschneibet, sonbern halbirt von Aufange ben Duch branten.

Noch genauer stimmt mit den Markscheiberstund den die alte Abtheilung des Horizonts in vier und zwanzig, Winde überein, die man benm Altruv 1. B. 6. Cap. und seinen Auslegern findet.

X. Dieses alles, nur zu zeigene: daß die Abstheilung des Horizonts in Stunden, den Marka

deidern gar fricht zu verzeihen ift.

Db sie solche benbehalten, ober mit ber in Grae de verwechseln sollen, barüber mage ich nicht ihner etwas zu rathen. Es giebt genug alte Gebräuche beren Unbequemlichtelt man beständig etwnsindet und doch befürchtet, ihre Abschaffung möchte noch grösses

gröffere Unbequemlichkeit verursachen. Daß es jet zo zur Rechnung bequemer ware ben Kreis in Deseimaltheile und nicht nach Sechszigen einzutheilen, darüber sind alle Mathematikverständigen eins: ob aber gleich Gellibrand trigonometrische Taseln für Hunderttheile des Grades geliesert hat, so behålt man doch immer noch durchgängig die Eintheitung in Minuten und Secumben.

XI. Will asso auch der Markscheider seine Stunden ben benbehalten, aber, wie er oft nothig hat die Winkel die auf diese Art angegeben werden zu trigonometrischen Berechnungen brauchen, so ist ihm eine Lasel nüßlich, welche ihm die Verwandlung der Stunden in Grade erleichtert.

Für ganze Stunden, ist die Verwandlung völlig so, wie man in der Astronomie Sternzeit in Bogen des Aequators verwandelt, jede Stunde giebt 15 Grad.

Theilte also ber Martscheiber seine Stunden in Minuten, so tonnte er sich ber aftronomischen La-

fein ohne einige Menberung bebienen.

Weil er aber im Abtheilen nicht so weit geht, so bient ihm eine kurzere Tasel. Ich süge bergleichen hier ben, wo ich jum kleinsten Gliebe, $\frac{1}{32}$ der Stunde genommen habe. Daß die Winkel wohl in so kleinen Thetsen angegeben werden, ist selbst aus der Beschreibung des Zuges, benm Weidler s. 58 lat 59 D. zu sehen.

XII. Lafel; Martscheiberstunden in Grabe gu

verwandeln.

Stund.	Grade	Achttheile	Gr.	998.	6.
1	15	4	0	28	7,5:
,2	30	*		56	15
13	45	3/4	I	34	22,5
5	75	I 41	1	52	30
6	20.	. 2	3	45	7
7 8	195	3 -	5	37	50
9	135	4	7	30	
10	150	5	9	22	30
11	165	6	11	.15	
		7	13	7	30

XIII. Exempel. Ben Weiblern a. a. D. ft ein Winkel 3 St 7% Achteheil alfo 3 St = 45°

7 21 = 13 7 30" 22, 5

Der Winkel = 59 31 52, 5

Diesen Winkel macht die Linie, mit ber Dies tagslinie, von Norden gegen Often, ober von

Suben gegen Westen.

Ein ander Erempel, eines stumpfen Wintels.

18 45 Biefen Binkel macht die finie mit ber Mittage. Iinie von D gegen D; ober von S gegen B.

Und 340 41' 15" feine Erfullung jum Salbfrei-

fe von R gegen B vber S gegen D.

XIII. Der kleinste Theil in der Lafel ist 1/2 eisner Stunde; die denden nachst größern sind 1/3 ver Stunde Es erhellt daß der kreinste wich noch bennahe einen halben Grad beträgt, und wenn der Markscheider so weit geht, so ist er wesnigstens dem gemeinen Feldmesser gleich, der sich und mit halben Graden befriedigt.

Reinere Abtheilungen taffen sich auch wohl, unmittelbar auf bem Rande der gewöhnlichen Compasse nicht angeben. Hr. Prof. Zeiher in Wittenstelle Der genannter Nonius oder reigentlich Bernier, wo ein nuten angiebt. Diese zwar nicht zum Gebrauche der Markscheider, ich glaube aber, Er wurde dens kelben leicht, wonigstens eine merklich kleinere Absteilung als die gewöhnliche ist verschaffen können.

AV. Blos zur Bergleschung mit ben gewöhnlischen Arten Bintel zu messen, will ich noch benfüsien, wie sich fortgesetzt Jalbirungen bes Achttheils zu Minuten Secunden und Deeimaltheilen der legstern, ausbrücken liessen, bis auf die welche zuerktleiner als eine Minute wird.

Rom

aşdo.

Bom Achteheile 3 = 14' 3", 75 $\frac{1}{10} = 71,875$ $\frac{1}{10} = 330,9375$ 1 45,46875 128 0 52,734375 Der Keinste Theil ist bie 1024 ber Stunde, wo ber Renner bie gegnte Poteng ber 2 ift. Ueber die Benennung der Stunden nach als len vier Beltgegenden. 2B. S. &. XVI. Ans ber in II. angegebenen Sybnung mie bie Stunden gezählt werben, erhellet folgendes ! Eine tinie die mit So Mer, Winkel von o bis 45 Grab macht, geht burch Stunden von 12 bis 3, wem die Winfel von So offmarts, ober:wan Men mestharts liegen and and his rismaf ni C off Aber burch Stunden von 9 bis 12;-wenn big Winkel von So westwarts ober von Mer oftwärts flegen. The god god a die Single gradionis O Eine Linie die unt Se Mer Winkel won 145 Be bis you. Or won : Sa aftwarts macht, sibe buich Stunden amischen große 60 fan matte er de Und bie welche eben folche Binkel von Semeffe warts macht, durch Stunden zwilchen 6 bis 94: ; Die entenibenben lagen find alfo, innerhelb: 45 Braben unt Rocben und Suben , D aus matte Die legiten bepben innethalb: 45: Graben um Often und Westen, in A nogra nou na grad Und fo fonnte man ben erften benben norbliche

2. 1

ober fabliche Stunden, ben lesten benben offliche ober westliche geben.

XVII. Diese Unterabtheilung ber Stunden, misbilligt Bener, Part. VI. Prop. I. 148 S. ber Markscheiber könne nach derselben, benm Einschreiben leichter einen Fehler begehen, zumahl in engen Stullen, wo oft kaum so viel Plat ift, daß man in ben Hängecompaß sehen kann.

XVIII Wenigstens zeigt folgende Betrachtung, daß biefe Unterabtheilung gang entbehrlich ift.

AB 7 Fig. sen eine kinte beren lage gegen bie Mittagelinie ber Magnetnabel soll angegeben werben. Der Compaß sen weiter nicht als in bie zwen-maßl zwolf Stunden abgetheilt.

Diese kinie streicht allemast burch eine gewisse Stunde ben A, und burch eben die ben B. (III). Und in soweit ist burch die Stunde die lage ber ganzen linie vollig bestimmt.

Allemahl geht vom Mittelpuncte bes Compaffes, C, einer ihrer Theile nach Often, der andere nach Weften; Die find es CA, CB.

Nun kann man alfo noch fragen, nach welcher Richtung man auf biefer kinie gegangen, ober, wie bet Bergmann es nenner gefahren ift? ob von A nach B ober von B nach A?

Und dieses beantworten zulänglich, die benden Spilben am Ende der magnerischen Mittagslinke. Schreibt man zur Stunde So, so zeigt dies an, man sey von B gegen A gesahren.

Schreibs

Schreibt man Mer. jur Stunbe, fo zeigt es man sep von A gegen B gefahren.

Mo ift nicht nothig noch oftliche und westliche

Stunden ju nennen.

2. Anmerkung. Bom Lachtermaasse. .. 111 DB. 16. S.

1. Weiblers Bergleichungen bequemer ausgebrudt.

Frenk & == 1000

Joachimsth = '986. Eisleb = 1014

Clausth = 970

Beibler hat fie vermuthlich aus Bolgtels Mart.

fcheidet. genommen.

2. Weiblers Ausbrud bes frenbergifchen Ladyters durch rheinlandisches Maaß lagt fich folgendete geftalt auf Decimalthelle bringen : Die 10% lie

10,75 = 9,8958333 ... eines Zolles.

Alfo bie 6 Fusse auch zu Zollen gemacht, und Ale les jusammen gerechnet ift bas Freibergische Lachter

= 75, 895833 rheinl Zoll = 6, 324653 rheinl Buß.

3. Nach Gr. v. Oppel 113 ift bas lachter = 3578 rheinl Juß welches fich aus (2) (benn Br. v. D. giebt eben biefe Groffe bes tathters an , folgender-Dergeftale berleiten läßt: 6. Buß 3. 3011 = 64 Fif

= ¥ F. Gerner 10% linien = Die Die Summe biefer betben, auf einerlen Renner gebrachten Bruche bekömmt zum Zähler 144. 25 + 43 2543 Feber Renner ift 4., 144 == 576.

4. Mit diesen Bruche selbst zurechnen, mare wohl sehr unbequeur, sein logarithme aber laßt sich mit Vortheile brauchen. Estift nahmlich freib

log 3643 — log 576 ober log freib { = 0,8010367

5. Abbirt man biefen leggrithmen, jum log. einer gegebenen Zahl lachter, so kampt ber logarithme, ber gröffern Zahl von Fussen, die eben so viel betragen.

benen Zahl von Fussen ab, so kamme ber lagarichme der kleinern Zahl von lachtern, die eben so wiel betragen.

Dieses Verfahren ift wie in Benmetr. 32 S. 22 nm.

7. Erempel. v. Oppel 558. 3. melbet; Als 1741 die alte hohe Birke ben Frenderg zum Erlies gen gekommen, war sie dis 82 Kabrten tief abgebaut.

Die Fahrt ist 12 Ellen (v. Opp. 176) Also wat bas 984 Ellen = 984. Flachter (Beibler 16 J. v. Opp. 113) = 281 + $\frac{1}{7}$ { = 281, 14 {. Also

log 281, 14 = 2, 4489226 addite 0, 8010367

3, 2499193 Hehort zu 1778, I. Soviel cheinl Fuß betrüge Diese Teufe.

Theile

Theile des Frenbergischen Lachters in theim ländischen Maasse.

8. Aus (2) ist;

\[\frac{1}{3} \text{(adyter} = 10 \text{ (adyter} \) = 9, 48698 rheinl 30ll
\]
\[\frac{1}{3} \text{ = 5} \quad = 4 74349
\]
\[\frac{1}{30} \quad = 1 \quad = 0 \; 248698

9. Die mittlere ber bren Groffen in , (8) pflege einem Gliebe ber lachterkette gegeben zu werden. b. Opp. 115.

Oberharzisches Lachter.

10. Nach Calvor Beschreib. des Maschinenwes sens, II. Th. 1. E. 5. s. ist Oberh 1 = 80 Braunschweigische Zoll

Braunschm guß = 0, 927 rheinl Buß.

11. Also Oberh != 80. 0,927 thein! Boll

= 74,16 theini Boll = 6 theini Buß 2, 16 Boll

12. Ferner von diesem lachter

 $\frac{1}{16} = 9,27 \text{ rb } 3$ $\frac{1}{16} = 4,635$

 $\frac{1}{80} = 0,927$

13. Well also dieses lachter $=\frac{74,10}{12}$ th 3 so lift $\log 74$, 16 — $\log 12$ oder

log Dberh 1 = 0, 7909885

Ver.

Bergleichung bes oberf & mit bem frenberger.

14. Der logarithme in 13; von dem in 4; ab-

gezogen läßt log Berh = 0, 0100480

Bieht man aber ben in 4; von dem in 13; ab

so kömmt log Frend = 0, 9899518 — 1

Diese logarithmen geben'

Frend = 1, 0234 Oberh Oberh = 0, 97713 Frend

15. Das clausthalische lachter und bas pherharzische find offenbahr gleichgultige Worter.

16. So tame Weidlers Clausthalisches (1) fleiner als Calvors (14) um 0, 007 bes frenbergischen.

Bergleichungen des clausthalischen Achttheils, die ich selbst angestellt habe.

17. Ich besite die Halfte des rheinlandischen Fusfes zwenmahl, auf Messing abgetheilt, einmahl in 6 Zoll, und der Zoll in hundert Theile, dann der halbe Fuß in tausend Theile. Bende halben Fusse, sind genau von gleicher lange, obgleich diese Maaßstade ohnstreitig von unterschiednen Meistern, und vermuthlich nicht an einem Orte versertigt sind. Der in Zolle getheilte hat auf der andern Seite eben so sechs pariser Zoll, zwischen benderlen Maassen sie siede Maaßstade wenn ich sie mit andern Maassen verglichen, immer was gegeben, das mit sonst

fonft bekannten Angaben übereinftimme, baf ich fie alfo, wenigstens so viel ihre Groffe es verftat-

tet, für zuverläffig balte.

18. Um 1756 lebte in Hannover ber Hr. Commissarius Hapke, welcher in Bergwerkssachen umd bem Maschinenwesen, viel praktische Geschicklichkeit, mit theoretischen Einsichten verbunden besaß. Unterschiedene von ihm versertigte Modelle sind nach seinem Tode, von kön. Regierung gekauft und hiesiger Universität gnädigst geschenkt worden.

19. Für mich habe ich aus seiner Verlassenschaft nehst Buchern und Instrumenten, auch ein Bret gekauft auf dem unterschiedliche Fußmasse verzeithenet sind, und auf bessen andern Seite, ein clausthalisches Achttheil in seine zehn Zolle gerheilt. Die Zeichnungen und Abtheilungen sind mit Tusche gemacht. Von den Fussen, fand ich einige mir bekannte nicht in völliger Schärfe richtig, und tras erregte in mir auch einen Verdacht gegen die Nichtigkeit des Achttheils. Indessen ist dieser Versdacht nicht so gat sehr gegründet, denn vom Achtstheile konnte der seel. Hapte leichter ein zuverlässiges Original haben, als von manchem Busse.

20.-Bon diesem Achttheile sind 5 tachterzoll = 4, 6 theini Zoll (17)

Diese Abmessungen stimmen überein baß

a lachterzolt = 0, 92 rheint 3.

1 21. Das schien Calvors Angabe zu wiederspreschen (10) nach ber ber tachterzoll um 0,007 bes rheins

rheinlandischen gröffer ware, und sechs Achtersoll = 5,562 rheinlandischen waren, welches ich ben meiner Messung (20) mußte bemerkt haben. Ich bielt also, im Vertrauen auf Calvoren, das hape kische Achtrheil zu klein.

-22. Bon einem Clausthaler Gr. Raufch, ber seinem Vater baselost in ber Markscheitekunst schos Bonstand geleistet hatte, und 1773 alle meine Bor-lesungen, auch die über die Markscheidekunst, mic einem Fleisse und Eiser besuchte, die seine vorzüglischen Gemuthsgaben dem Vaterlande sehr nuslich machen werden, erhielt ich ein Clausthalisches Uchttheil auch auf Holz, mit seinen Einschnitten in die Zolle getheilt. Das darf ich doch wohl also für zuverlässig annehmen.

23. Und dieses pafit, ganz, an das hapfische

5 lachterz = 4, 60 rheinl; wie (20)

24. Da ich so sicher, war das Clausthaler Achte theil richtig zu haben, und doch eben die Calvern zutrauen mußte, so blieb übrig, daß Calver viele leicht statt des rheinlandischen Fusse, etwas das zu klein war möchte gehabt haben. Folgende Une tersuchung wird diesen Gedanken bestätigen.

25. Auf Hr. Nauschens Maaßstabe, (92) was auch ein halber rheinlanbischer Fuß. abgezeichnetz ben ich aber so gleich für zu klein erkatute. Und dieser paßt genau an die Hälste bessen wieder auf dem (19) erwähnten Brete, sur den theinlandischen ausgegeben wird.

25. Affe scheint schon sviel ausgemacht, daß man in Clausthal Etwas für ben pheinlanbischen Fuß angenommen, das ein wenig zu klein ift.

26. Den halben Fuß (25) finde ich = 4, 95 rhink 3. Weinn ich also diesen falschen rheinfandischen = F; den meinigen = R nenne; solft

 $F = \frac{11,90}{12} R \text{ over} \frac{320}{119} F = R$

27. Also das clausthatische Achttheil, ober (30)

 $9, 2, \frac{1}{12} R = \frac{9, \frac{2}{1120}, \frac{1}{12} F}{119}$

28: Aber 9, 9: 120' == 1104; Alfo

log 1104 = 3,0429691

log 119 = 2,07554700.

Unterschied = 0,9674221
gehört ju 9, 277;

29. Oder: das clausthalische Achttheil ware 9, 277 Boll des unrichtig so genannten rheinlandischen Justes. Das stimmt, nun so ziemlich mit Calvors Angabe überein, (12) da man ben solchen kleinen Grössen zur Vergleichung wie ich hie habe brauchen muffen, auf Tausendtheile eines Bolls nicht sicher senn kann, Calvor auch vermuthlich die Schärzse selbst nicht sp weit getrieben hat, da er den braunschweiger Fuß nur in Tausendtheilen des rheinslandischen ausgieht.

Das clausthalische Lachter, nach Beibiers Angabe berechnet.

30. Es ift (1) == 0, 97 bes frepbergifchen, man berechnet es biefer Angabe gemäß folgenbergan falt in rheinlandischen Maaffe. 0, 8010367

abbirt log 0, 97=0, 9867717

log M = 0, 7878084 abbirt log R = 1,0791812

log N =1, 8669896

Die bephen Logarithmen geben bie Groffe bes clausthal. Lachters

M = 6, 1349 Fuß rheinl. N = 73, 6194 Zoll 31. Der Ausbruck in Zollen, giebt bas Acht.

theil = 9, 202 theinl Boll.

Folgerungen aus 10.. 31. Don der Groffe Des clausthal. Lachters.

32. Das Achtheil nach Beiblern berechnet (31) hat mit bem bas ich verglichen habe (20) so genau als ben biefen Bergleichungen zu erwarten ift (29) einerlen Berhaltniß jum rheinlanbifchen Suffe, Alfoversteht Weidler, unter: clausthalisches Lachter, und rheinlandischer Buß gewiß febr bennahe eben die Groffen die ich barunter verftebe.

33. Mehr Sicherheit laßt fich burch bie Unterfuchungen bes Belehrten in ber Studierftube nicht er. erhatten. Man mußte eine etwas lange linie, eine mahl mit bem kachter, dann mit bem rheinlandie schen Juste, aufs sorgfältigste abmessen, so konnte vielleicht die Vergleichung noch erwas schärfer gespunden werden.

34. Bis dahin wird man wohl ben ben (30) angestellten Berechnungen bleiben können, folglich

Calvors Bergleichung (ii) nicht brauchen.

Ausdruck Des clausthalischen Lachters in pa-

35. Es ist seicht zu sehen, daß man von log M(30) nur den logarithmen der Verhältniß des par riser Fusses zum rheinländischen (Geom. 32. S.
2. Anm) abziehen darf, um den logarithmen der Bahl von pariser Jussen zu bekommen, die auf das lachter gehn. Diesen will ich log P nennen.

36. Seinen Gebrauch zugleich zu zeigen und Wiederhohlung einerlen Zifern zu ersparen, will ich ihn gleich zu Berechnung eines Erempels anwenden. Calvör Maschinenw. II. Th; 2. Cap. 18. J. berichtet, die Dorothee zu Clauschal sen 162 lachter tief (zu der Zeit als er das schrieb,) diese Leufe also täßt sich sogleich in pariser Lußberechnen.

37) log M = 0, 7878084 (30) abgegogen = 0, 0149418

log P = 0, 7728666 additt log 162 = 2, 2095150

log der Leufe = 2, 9823816

Die logarithmen geben P == 5, 9274; fo viel parifer Buß halt bas lachter.

*1. Die Teufe = 960, 24 p. F.

Benn man julog P ben logarithmen von 144 abbirt, fo befommt man einen ber ju 853, 5 4 gehort. Sovielpartfer linienhat also basclausthalifchelachter. In Crusens Contoristen, I. Theil in ber VIL

Safel am Enbe, unter bem Artifel lachter in ber Bergleichung ber Bufimaaffe iftes 852,8 angegeben;

Crufe hat das vermuthlich aus einer ihm angeges benen Berhaltnifgueinembefannten Maaffeberechnet. Er giebt eben bafelbst andere Lachter in parifer

Maaffe an, bie man mit meinen Angaben fo weit folche reichen vergleichen mag wenn man fie brauden will ...

37 Noch ein Benspiel wieviel Bequemkichfeit Die logarithmen ben Maagvergleichungen geben, mag nachstehendes fenn.

Berwandlung der schwedischen Famme in frenbergische Lachterzoll. v. Opp. 76.

38 Die Ungaben find folgende 1 Famme = 6 fchwed Fuß 13913 Schwed Buß = 13200 rheinl & 3643 theinl F = 576 kachter i kachter = 80 kachterzoll Wieviel Lachterzoll hatt die Famme? Ich will zuerft berechnen wieviel lachter fie balt. Es ift aber

(d) web

also Famme = 6. $\frac{13200}{13913}$, $\frac{576}{3643}$ {achter.

log 79200 == 4, 8987252 } 576 == 2, 7604225 }

bes Zählers = 7, 6591477 3643 = 5, 5614592 13913 = 4, 1434208

bes Nenners = 7,7048800 bes Bruchs = 0,9542677 — I

gehört zu 0, 90005 ober die Famme — 0, 90005 lachter

= 72, 0040 lachterzoll Eben das findet v. D. nur gieht er die pierte Decimalstelle nicht an. Ben ihm ist es ein Erempel einer zusammengesetzen Regel Detri, wo die Zahl ber lachterzolle durch folgende Proportion gefunden wird 50685059: 364953600 = 1; Das erste Glied nähmlich ist = 13913. 3649 Das zwente = 6.13200. 576. 80.

39. Nebst bem Gebrauche ber Logarithmen babe ich burch bieses Erempel auch bie Bemerkung

23 3

er

erläutern wollen, daß es bester ist solche Rechnungen, aus Gleichungen wie mein Versahren zeige berzuleiten, als nach der Rettenregel zu bewerkstellisgen. Während daß man sich besinnt, wie die Zahlen der Kettenregel gemäß zu ordnen sind, hätte man schon einen Theil der Rechnung nach gegenswärtigem Versahren gemacht. Zu geschweigen, daß man so der Gesahr nicht ausgesest ist, sich im Ordnen der Glieder zu irren, wie den der Ketzenregel wohl geschehen kann.

Ueber Ausdrückungen wo Lachter und Theile des Lachters vorkommen zu 2B. 17. §.

40. Bielleicht ware es am bequemften die Lacheter als Ganze ihrer Art anzusehen, die Achtcheile als eigne kleinere Ganze, welche ferner in Hunderttheile getheilt werden. So brauchte man die Beichen nicht, mit denen man in der Geometrie Rusthen und ihre Theile bezeichnet. Sie schicken sich ohnehem nicht wohl hieher, weil die Theile des Lachters und der Ruthe nicht einerlen Verhältnis zu ihren Ganzen haben.

Ich wurde & E. B. erfte Zahl, und ihre Mul.

tiplication burch 6 so ausbrucken.

4 £ 5, 79 X

94 34, 74

Wie viel ganze kachter in einer Menge von Achte theilen enthalten sind, wird sogleich burch bie so leichte Division mit 8 gesunden.

Sanzes anzusehn, in besten Decimaltheilen, die Achtrheile und beren fernere Theile ausgebruckt würden. Da wäre ein Achtsheil — 0, 125, umb man könnte leicht jede Zahl von Achttheilen von x die 7 in Decimaltheilen ausgebruck in eine Safel bringen; eben soviel kachterzallen, gehörte alle mahl eine zestnmahl kleinere Zahl, z.

und ein Behntheil des tachterzolls

aber 1 Sernnel = 0,0125,

ober 1 Scrupel — 0,00105
42. Es scheint mir aber, bieses wurde die Rechnung beschwerlicher machen, als ver gewöhnliche Ausdruck. Will man eine Linie im Markscheidere maasse angegeben, vollig durch Decimaltheile eines einzigen Ganzen ausdrucken; so verwandele matt lieber die ganzen lachter durch die so leichte Muktipsication, in Acherheile.

So mate bas Product in (40) = 226, 74 %

43. Db man für die Division den Dividendus auf diese Art ausdrucken will, (42) wie B. de-fiehle, das wird man wohl mit aus der Grösse divisiors entscheiden. Ben Weiblers Exempel 28 £ 2,74 A mit 6 zu dividiren würde ich doch lieder zu erst die vier ganzen kachter angeben, den Rest in Achttheile verwandeln und nun

34,74 = 5, 79 berechnen.

Ist aber ber Divisor gröffer als bie Zahl ber Lachs

Lachter, fo wird des beffer fent fie gleich anfangs

" Bon Boigtele Eintheilung 20. 18. 5,

44. Voigtel nimmt das lachter für ein Ganzes an, das er nun nicht in Achtebeile, sondem nach der Decimaleintheilung server scheilet, in tausend Theile und noch weiter wenn mehr Schärse ersodert wird. Er bezeichnet das lachter mit di und die Decimaltheile mit 1; 11; 111; So giebt er ein Erempel das ich nach der gewähnlichen Decis malbezeichnung so schreibe 5, 892; und spricht es aus: stachter, 8 Erstens, 9 Zwentens, 2 Drittens. Will man Voigtels Decimalbrücke in Uchtibeise und deren gewöhnliche Abreilungen verwandeln, so darf man sie nur mit 8 multipliciren. So kommen 0, 892. 8 = 7, 136 Uchtibeile.

Umgekehrt, ein Lausendtheil des lachters, in Theilen des Zolls auszudrucken, ist es

o, oor, go = 0, 08 bes Zolls. Mit.

45. Boigtel bemerkte ganz eichtig daß die Deeimaltheilung benm Rechneh viel Bequemlichkeiten
derschafte. Man kann aber viese Bequemlichkeiten erhalten, wenn man bas Achtel zur Einheit
annimmt, und dadurch die lachter ausbruckt (42)
Und bestwegen kunn ich die Markscheiber nicht so
gar sehr tadeln, daß sie von B. an sich dobisses
mennten Bemühungen in diesem Stücke keinen
Gebrauch gemacht haben.

Ωb

Db mannicht ein Achttheiliam bequemften zur Einheit bes Lachtermgaffes annehmen tonnte?

46. Wenn mansbiefes thut, so hielfe das tacheter = 8, und tako die Jahl der tachter mis 8 multiplicitt, kann man was herauskumt, an die Jahl der Uchtthile: und deren kevnern Theile fostiriben, daß sieh alle Zifern gusammen nach den Gesen der Decimalarithmetikiesen lassen. Best 12 lachter 7 Uchttheile 6 Zoll 4 Scrupel waren 103,. 64 Uchttheile.

1947. Diese Ansbrückungen, wären zur Rechnung fehrbequem. Mon man nicht zu rechnun har kann nam die lachter für sich, bas übrige auch für sich nennen.

48. Man könnte auch bene Lachterzoll für bas Gauze annehmen, woburch man die Langen ause bruckt, ba ware bas Lachter = 80, und nächstvorbergehendes Exempel hieste 1036, 4 Lachterzoll

149. Aberrbem Bolt in Zehntheite zurtheilen ist schon gewöhnlich, und es giebt Fälle, wo man eine länge bis auf Hunderttheite, oder Lausendtheis le des Zolls auzugeben suchen wird. Derzleicken Fallwäre, wenn man unterschiedene Linien zusammen additen soll, daraus eine zu sinden, z. E. wenn man einer groffe Höhe als die Summe unterschiedener kleinern angieht, die man einzeln gemissen oder berechnet hat. Da ist offenbahr daß man die Lheise in Brüchen des Zolls sehr genau wissen mußen in der Summe nicht um ganze Zolle zu sehlen.

50. Man kan als weder dem Zoll, noch irgett ein Stud von ihm, für eine fleipfte Einheit aus nehmen, die man nicht weiter eintheilte, und durch welche alle übrigen Gröffen als ganze Zahlen ausgedruckt würden. Und so ist natürlich zur Einheit das anzunehmen, was zwar ferner eingetheilt wird, ober immer nur nach Decimaliheilen, und unter den Gröffen die so eingetheilt werden das Gröffe ift, folglich das Achteheil.

Won der Lachterschnur. W. G. 20.
51. Beschreibungen dieses Werkzuges, der Merkstette der Markscheider, sindet men benm v.
d. Oppel 115 S. 404. u. f. J. Beper P. II. sop.
20. 47. Selte.

3. Anmerkung. Bon der Krümmung einer Schnur oder Kette. 28. §. 20.

1. Wenn man eine Schnur an ein paar Punteten halt, die nicht so weit von einander entfernt sind, als die kange des Stucks Schnur zwischen benden Puncten, und nun dieses Stuck sinken läße, so ist offenbahr daß es sich in eine gewisse krumme linie beugen wird. Soen das wird einer Kette wieddersahren, mit dur man auch so was vornähmer. Soll der leste Fall dem ersten so ähnlich als mögstich senn, so muß die Kette aus sehr kleinen Glieddern, beren jedes man nur etwa wie einen physischen Punct ausehen könnte.

- 2. Wie die Natur diese kumme linie bildet ift leicht allgemein zu übersehen. Isdes Theilden ber Schnur ober Kette, will für sich in einer Weisticallinie sinken; dadurch aber zieht es an den and dern mit denen es zusammenhängt, und so kriekt sich alle zusammen in eine Stellung, wie die Summen aller dieser Wirkungen, des Besteedens zu siehe, und des daraus enrstehenden Ziehens erfoders.
- 3. Die trumme linie felbft aber Diefen Begrif. fen gemäß zu bestimmen, ift schwerer. Galilaus. nahm fie für eine Parabel an, vermuthlich rieth er mir auf eine ibm befannte frumme linie, welchen die, so die Rette macht, obenhin betrachtet nicht gang mahnlich war. Joh. Joach: Jung, ein hamburgifcher lehrer im vorigen Jahrhunbert, fand durch Erfahrungen und Schläffe, daß Galilaus fich geiert habe. Die mabre frumme linie aber, ließ fich nicht eher entbetten, bis bie Rechnung bes Unenblichen, Die bagu nothigen Kunftgriffe an bie hand gab. Leibnig, und bie benben Bruder Bernoullie, haben fie allebenn unter bem Rahmen bee Revenlinie bestimmt. Man bebiente fich fogar ber Bortheile welche die Rechnung des Unenblichen barbietet, biefe Untersuchungen felbst für noch schwes tere Falle zu unternehmen, als ber erfte ift, ber fich ben Augen barftellt, 3. E. wenn die Schnur niche burchaus gleich bick ift, folglich gleich lange Theile won ibr, ungleiche Gewichte haben, wenn fie fich burch ihre laft ausbehnen laft, endlich: wenn bie Richtungen ber Schwere nicht als parallel angenome. men

men merben, sondern gegen den Mitselpanct der Erde zusammenlaufen. Aon Allem diesen, umständlicher zu reden dar Untersuchungen darüber benzubeingen, ist hie der Ort nicht. Jemanden den sich die ersten Wegnisse danon machen will, könzem die 36 n. s. von Joh. Bernoullis Lectionibus Hospitalionis dienen, im III. Theile der Operum Io. Bernoullii.

Die Frage: Was für eine Gestalt nimmt eine Rette an, wenn jeder Theil von ihr mit einer andern Kraft getrieben wird, alle Krafte aber nach einem bestimmten Puncte zu gerichtet sind, also, die allgemeinste Auslösung der Aufgabe von Retetenlinien, sindet sich in Io. Bern. Op. T. III. n. 173.

Wie die Glieder einer Rette durch ihre Schwere sich ins Gleichgewicht stellen, so würden es Steine eines Gewöldes thun, wenn das Gewölde die Gestalt einer Rettenlinie hätte. Statt der Stellen an denen die Rette aufgehenkt ist, sind hie, die, auf denen das Gewölder ruht. Daher hat man die Rettenlinie zu Gewöldern vorgeschlagen. Eine Unstersuchung hieden sinder sich in Iacodi Bernoullii Oper. T. II. n. 193, Art. 29.

Ben diesem Gebrauche der Rettenlinie zu Gewölsbern, hat leibniz eine Bedenklichkeit geäusert Leibnitie et Io. Bernoull. Commercium (epiktolicum) philosophicum et mathematicum. T. I. ep. 82. mathe B. im solgenden 83. Briese zu heben gestucht hat.

Man kann sich auch gerade Linien von bestimm-

ter Groffe, Balben 3. E. vorstellen, Die eine folche Stellung annehmen, wie ihnen bie Schwere giebt. Co geboren gur Rettenlinie, bes Elvius Unterfudungen von gebrochnen Dachern'; Abhandl. ber R. Schweb. 2ff. b. 2B. meinen Ueberf. V. Band 251. Seite.

Und weil die Schwere hie nur als eine Kraft betrachtet wird, bie nach parallelen Richtungen, in gleiche Theile, gleich ftatt wirft, fo tann man flatt ihret febe Rraft fegen, Die auf abniche Arc mirft, A. E. ben Stoß bes Baffers in' einem Bluf. fe. Baffen alfo, in ben Stellungen gegen einanber, wie fie ein gebrochenes Dach erfoberte, werben auf ber aufern Seite ber Figur bie ,fie madjen ben Stoß bes Baffers am beften aufhalten. Das hat Polhem erinnert Abb. b. R. Schw. Uf. D. 28:3 1111. 139 G. Und fo bient die Rettenlinie ju Briden.

So viel, nur einige Machrichten vom prattifchen Mugen folder theoretifchen Unterfuchungen zu geben.

4. Sier fommt es nur barauf an ohne tieffinnige Betrachtung ber Rettenlinie eine Borftellung gut machen, wie viel die Rrummung der Schnur betragen fonne. Alfo fen ABCI Fig. Die Schnur, in Aund C befeffigt, AE, CE, find Tangenten. ift flar, bag bie taft ber Schnur ihre unenblich. Bleinen Theile ben A und C, nach ber Richtung bies fer Langenten zieht. Diefe benben Theile wurden also völlig noch auf eben die Art gezogen, wenne man sich ein Paar Faben AE, CE, vorstellte, von beren Durchschnitte E, ein Gewicht herabhinge, so schwer als die Schnur, die Schme abet, ware weggenommen ober wenigstens nicht mehr schwer.

5. Statt der Pflocke oder Schrauben, weiche die Schnur in A. C., befestigen, ist verstattet sich ein paar Kräste vorzustellen welche nach EA. EC. gleich so start ziehen, daß sie zusammen, das Gewicht K erhalten. Dieses wird durch eben solche Betrachtungen gerechtsettiget, wie ich in Stat. 29. angestellt habe, Verwechslungen von Unterlage und Hebel zu zeigen.

6. So hat man also in E 2. Zig. drey Krafte im Gleichgewichte, sie mogen heisten: r nach ER; q nach EA; p nach EC. Wenn man EN = q EO = p nimmt, und das Parallelogramm EOMN erganzt so ist EM = r (Stat. 63) und (das. 65)

q: p = fin CEM: fin AEM p: r = fin AEM: fin AEC. q: r = fin CEM: fin AEC

7. Die Kräfte q, p, sind die, mit welchen die Schnur ben A, C, angezogen wird. Das mag nun durch Schrauben, oder wie man sonst will geschehen, so läßt sich nlemahl jede solche Kraft durch ein Gewicht, Q. P. vorstellen, das von einer Kolle berabbangt, und die Schnur zieht.

8. Nun wird allemahl die Kraft die man an jebem Ende anwendet die Schnur zu spannen, in Bergleichung mit dem Gewichte der Schnur sehr groß sehn, man wird diese Kraft, gern bennahe so geoß nehmen, als die Schnur ausstehen kann, oh-

ne pu reiffen und offenbahr ift bas Bewicht einer nicht febr langen Schnur, gegen bas, was an fie gebenkt, (wenn man nahmlich bie Schnur nur mit einem Ende befestigte, an bas andere Ende bas Gewicht banbe, baffie lothrecht berabhinge) fie gerreiffen konnte, wicht febr betrachtlich.

9. Alfo tann man in (6) immer r ziemlich flein gegen p und q nehmen. Und so ift bes Winkels AEC Sinus, gegen die andern flein; woraus folgt daß ber Bintel felbft entweder fehr fpisig, ober fehr

ftumpf, nabe ben 180 Graben fenn muß.
10. Welches von benden fatt findet, zeigt bie Bigur. In ihr, wie fie gezeichnet ift, find EO. MO, jede, nicht viel gröffer als EM, ober gar Heiner. So wird MOE nicht febr groß. Stellt man fich aber an EM ein paar Schenkel vor die in Bergleichung mit EM fehr lang find fo wird EOM sehr spisig werben, folglich AEC bennahe iso Grab.

II. Dieß affes tann man fich bestimmter und in Formeln zur Berechnung ausbrücken, wenn mart barauf bie Borfdriften anwenden will, nach benen fich ber Winkel MOE aus den brey Seiten des

Drepects finden läßt.

12. Die ift genug überhaupt ju feben, baß &EC nabe ben 120 Graben fenn muß, wenn man bie Schnur mit fo viel Gewalt als fie verträgt anpichte. Allsbann nun, muß E nabe ben AC liegen, und B ber trummen linie unterfter Punct, gewiß noch naber. Folglich ift unter biefen Umftanben bie Rrummung wenig betrachtlich.

1 13. Das bisherige ift allgomein wie auch trumb C gegen einander fiegen. Um die Geche allgerteim vorzustellen, habe ich in ber Bigar AC gegen bero Dorigont geneigt gezeichnet. Bejo fege ich, unweim leichtes Erempel ber Rechning ju geben, biefe Puncte liegen bende in einer horizontallinie. werde in G durch eine Berticallinie halbirt, fo befinden fich in biefem lothe auch Bund E; es theile offenbahr bie frumme Linie in abmitche Salften, und bas Drened AEC ift gleichschenklicht, auch besselben fo gendnitte Bintel - thimem h = AEG! ober AEM. Run ist fin 2 h == 2. fin k. cof h (Erigon. 19. S. 5. Buf.) Ferner p =q weil alter? auf benden Seiten ber Berticallinie einerlen feme. muß; Alfo (6) p: t = finh: fing h = 1:200fh!

sper cof h = -

14. Man sehe p=50.1; Oder an jedem Ende ber Schnur wurde eine Rraft angewandt, Die funfzigmabl ihr Bewicht betruge. Go ift

-. Dieses zu berechnen , erinnere man sich baß bier ber Sinustotus = 1 gefist ift.

Bill man alfo logarithmen ber Tafeln brauchen, fo iff log tab col h == 10 - log 100 == 8; with 90° — h = 34'22" = EAC folglich AEC = 178° 51" 16"

15 Ferner EG = AG. tang (34' 22"). Berne ber Salbmeffer == 1; findet fich diefe Langenre

== 5, 0099972 Also betruge EG noch niche vollig o, or des halben horizontalen Abstandes bevber Endpunfte ber Schnur ober noch nicht 0,005 bes ganzen

16. Huch ist AE2 = AG2+ GE2 also, weil GE To, o1. AGist GE2 fleiner als 0, 0001. AG2 und AE kleiner als AG. ri, ooor folglichkleiner. als A.G. 1,.00 gber AE übertriffe bie Halfte bes (15) genannten Abstandes noch nicht um fein Sunbeitheil, also AE + EC ben ganzen auch noch nicht um fein hundertheil.

17. Die Schnur ABC ift fürzer als bie genanne. te Summe ber benben geraben linien. Man wilre be also in ber (14) angenommenen Voraussetung. die lange bie man wissen will, etwas ju groß befommen, wenn man nach ber Krummung ber Schnur maffe, aber biefer Jehler betruge noch nicht ein humbertheil ber eigentlichen lange bie man wissen wollte, bes horizontalen Abstandes (15).

18. Diefes ift eine Unleitung wie man unterfuchen fonnte, ob bie Rrummung ber Schnut ber Richtigfeit bes Meffens nachtheilig fenn wurde. De nauere Bestimmungen hievon lieffen fich nur aus einer vollständigern Theorie ber Rettenlinie berleis ten, als man bem Markscheiber zumuchen barf, ber fie fonft ben feinen eigentlichen Gefchafften nirgends braucht.

19. Als eine Probe indessen, was die Unwenbung diefer Theorie genauer lehrte, habe ich an-! genommen einer Schnur gange bange ABC beiffe . - .1 10000;

Logoo; Sie werde nach (14) an jedem Ende mit einer Kraft die funfzigmahl so groß als ihr Gewicht ist gespannt, darans sinde ich, ihres tiessten Punkts Abstand unter der Horizontallinie, oder GB = 24, 992; und den Unterschied zwischen ihrer halben känge, und dem halben horizontalen Abstande (15) oder AB — AG = 0, 083282, das ist noch micht 0, 1 don einem 0, 0001 der halben känge der Schnur.

20. Wenn man also eigentlich die länge AC wissen wollte, statt ihrer aber die krumme linie ABC mässe, so bekäme man etwas zwiel, das betrüge aber noch kein Hunderttausendtheildessen was man durch die Messung gefunden hat.

ungemein viel geringer als ihn die Rechnung ohne genauere Theorie ber Rettenlinie (17) angab.

22. Da biese, etwas starte Spannung einen so ganz unbeträchtlichen Fehler giebt, so ershellt, baß man von der Krummung der Schnur nicht so gar viel Unrichtigkeit beforgen barf, wenn sie auch nicht mit dieser Starke gespannt ware.

23. Bisher habe ich die Sache so betrachtet, daß bezder Endpunkte der Schnur in einer Horizontallinie sind. Da wirkt offenbahr die Schwere am meisten, der Schnur eine Krümmung zu geben, welche von der Horizontallinie durch bezde Endpunkte unterschieden ist. Hielte man die Schnur nur an einem Ende, so würde sie sich durch ber Gewicht in eine gerade Verticallinie stellen, blos

blos elafitiche Rrafte in ihr, konnten alsbem etwa

einige Krummung verurfachen.

24. Wird also die Schnur an einem Endpunkten niedriger als am andern gehalten, so macht sie frenkich noch eine krumme kinie, welche länger ist, als die schiese gerade kinie durch bepde Endpunkte. Aber dieser Unterschied der Längen, muß weniger betragen, als der Unterschied zwischen der Länge eben der Schnur, und der Horizontallinie durch ihre Endpunkte betrüge; wenn sie nähmlich mit benden Endpunkten in einer Horizontallinie und mit eben den Kräften, gehalten würde, mit des nen sie gehalten wird, wenn sich ihre Endpunkte in der schiesen kinie besinden.

25. Soldpergestalt lehren Rechnungen wis (13.... 22.), die Granzen bes größten Feblers, ben die Krummung ber Schnur verursachen fann. Es giebt allemaßl viel kleinere Unrichtige keiten, wenn man die Schnur so braucht, bas sie

schiefer Linien Richtungen angeben foll.

a) Des hrn. v. Oppel Anwendung auf die Anhenkung des Gradbogens.

26. Der Hr. v. Oppel Markscheibek. 426. S. hat aus Betrachtung der Kettenlinie Vorschriften berzuleiten gesucht, an welcher Stelle der Schnur der Gradbogen musse angehenkt werden, eine Neisgung anzugeben, welche ber geraden linie AC iherer Neigung gleich kame.

27. Die Frage ift nahmlich biefet welche Cangente ber Rett nlinie ift mit AC parallel?

28. Offenbahr bie an B, wenn AC forizontal ift. Mimmt man also bende Endpunfte bert Schnur in einer Horizontallinie an, fo muß man ben Gradbogen in ihre Mitte henten, wenn er auch eine Horizontallinie angeben soll.

29. Wenn aber ein Endpunkt ber Schnur niebriger als ber andere ift, laßt sich selbst nach bes Hrn. v. D. Untersuchung nichts mehr angeben, als baß man ben Gradbogen besto weiter untet ber Mitte ber Schnur anhenken soll, jemehr sie steigt ober fällt, und bieses ist nicht bestimmt genug zu einer geometrischen Vorschrift.

30. Ein Erost ben bieser Ungewißheit ist, baß bie Schnur bestoweniger von ber geraden linie abweicht, jemehr sie steigt ober fallt (25).

fcharf suchen wollte, wurde hier die Betrachtung ber gemeinen Rettenlinie nicht zureichen, ben der man gleiche Theile überall gleich schwer annimmt. Der Gradbogen wird zwar so leicht als möglich gemacht, sein Gewicht ist aber doch nicht ganz unbeträchtlich. Der Theil der Schnur an welchem er hängt, wird also durch ihn beladen, schwerer, als jeder andere gleiche Theil, und das führte also auf die vielmehr verwickelte Untersuchung einer Rettenlinie wo nicht alle gleichen Theile gleich schwer sind.

33. Mezu kömmt; baß ber Grabbeger, burch feine tast wohl die Schmur emas mehr ausbehnen könnte, ob man ihn gloich, eben dieses zu verme-

ben, leicht zu machen futht.

33. Endlich, wenn der Gradbogen, wie sich die Markscheiber, damit zu befriedigen scheinen, nur halbe oder viertheils Grade angiedt; so mochte die Krümmung der Schnur wohl oft viel wente ger betragen, als et anzuzelgen im Stande ware. Im Erempel (14) wurde er erst eine Abweichung von der Horizontallinie anzeigen, wenn man ihn ganz ans Ende der Schnur henkte.

34. Alles biefes jusammengenammen, mirb wohl am besten fenn, die Schnur so statt als fie verträgt zu spannen; ben Gradbogen an ein paar Stellen anzuhenken, und wenn er nicht ganz unmenkliche Unterschiebe anglebt, pas Mittel be-

zwischen zu nehmen.

4. Unmerkung. 43

Ueber die Fehler und Prufung des Gradvogens.

W. 21. S.

s) Zum vorausgefest daß die Grede richtig atgetheilt find, kann der Gradbogen folgende bente Fehler haben.

2) 1. Sein halbmeffer ber burch o geht kann vielleicht nicht gang genau auf ben Durchmeffe

von 90 bis 90 fenfrecht fenn.

Σ 3

3) Dieser

Diefer Fehler lieffe fich mit bem Firtel prufen, und wird leicht vom Arbeiter mit mäßiger Geschicklichkeit zu vermeiben fenn.

4) II. Die Haafen burch welche bie Schnue gehe, konnen fo verbogen fenn, bag bie Schnur

micht genau dem Halbmeffer durch 90 parallel ift.
5) Ben biefem Fehler, wenn der erfte vermieben ift, lagt sich so verfahren.

6) AKB 3 Fig. sep ber Grabbogen, CK bee Halbmeffer burch o, CP bas loth.

- 7) Seine benden Haaten mogen AS, BT senn so ungleich, daß wenn er an der Schnur MN hangt, sein Halbmeffer AB mit ihr in E zusammenstößt; und den Wintel AEM = B macht.
- 3) Das Kallen ber Schune MNO fen = a;
- 9) Das loth CP giebt bas Fallen ber linie AE inn. Alfe ist ber Bogen KL ben ich γ nennen will; γ = α β; benn bas Fallen ber linie AE ist = MNO MEA.

10) Run weiß man allemahl v.

te man gleich $\beta = \alpha - \gamma$.

12) Ben einer anbern Schnur beren Fallen = Z zeigte ber Grabbogen eben so angehenkt einen Bogen = Z — B; Wenn also ber Bogen ben er anzeigt = b; so ware allemahl

9 + 3 = 2 13): So bient der einmahl bekannte Fehler bes Bradbogens, aller andern Schnur Fallen richtig un finden.

14) Wenn

14) Wenn man aber ber Schnur MN Fallen nicht weiß, mache man es fo:

15) Der Gradbogen werbe an eben bie Schnite

verkehrt angehenkt 4 Fig.

16) hier fen ber Bogen kl als Maaß best

Wintels kol = & Diefen weiß man.

17) Es ist aber kol das Fallen der linie ba, und das ist = mno + aen = a + \beta.

18) Daher d = a + B.

19) Daber aus 8; 17; bie benben Werthe Don y + d jusammen abbirt,

 $\frac{1}{2}(\gamma + \delta) = *$

20) Auch $\frac{1}{2}(\delta-\gamma) = \beta$.

21) Bill man also ben Grabbogen zwenmahl anhenken, so findet man das Fallen der Schnur nach (18) ohne bes Grabbogens Fehler zu wiffen.

22) Man tann aber zugleich ben Jehler finden (19) und, zum vorausgesist, daß er diesen Fehzier ungeandert behalt, nun das Jaken jeder and dern Schnur, nur durch einmahliges anhenten finden (11).

Exempel. Man sanbe $KL = 5^{\circ}$; $kl = 7^{\circ}$ 30° so ware (18) bas eigentliche Fallen ber sinie, nahmlich MNO ober mno $= \frac{1}{2}(12^{\circ}30^{\circ}) = 6^{\circ}$

Das wüßte man also, ohne einmahl ben Behier bes Gradbogens zu kennen.

Dieser

Dieser Fehler aber fante sich aus (19) = 1

Alm fo vielagieht nun ber Grabbogen fo lange als an ihm nichts verändert wird, das Fallen jeber linie, zu klein, wenn die Stelle A, an ihm aufwarts, zu groß, wenn solche niederwarts gekehrt wird.

Man wird sich also auf bem Grabbogen diese Stelle bezeichnen, bamit man weiß, ob man benn Behrauche sie auswärts ober niederwärts gekehrt bat.

Und nun weiß man mit bem fehlerhaften Gradbogen bas Fallen jeder linie, zu dem was der Gradbogen angiebt, addirt man den gefundenen Fehler wenn A aufwarts gekehrt ist.

3. E. Der Gradbogen gabe 12 Grad = KL; so ift das Fallen 13°151. Bare aber kl = 12° so betrüge das Fallen 10° 451.

23. Wurde in 19 der Werth von B verneint, so zeigte dieses, BT sen langer als AS so daß des Bradbogens Durchmesser nicht nach B oder b sondern nach A oder a zu mit der Schnur zusammen.

24. Auf eben die Art prüfet man ben einer Sess wage, ob die kinie nach der sie aufgestellt ist; genau senkrecht auf diejenige ist, an welcher das koth herabhenkt, wenn die Sesmage eine Horizone tallinie angeben soll. Die kinie, nach der die Sesse wage aufgestellt wird, die eigentlich der Sesmage Fuß oder Füsse enthält, ist da so was, wie die die

die Linie ST durch die benden Bonten. Selbst aftronomifche Werkzeuge pruft man auf eine abe-

liche Beife burch Umfehrung.

25. Die Marticheiber fchreiben vor, einen Brabs bogen so zu prufen, baß man ihn an eine Schnur einmahl auf eine Seite, bas anderemahl verwandt anhenkt, wie in (14). Spielt nun bas ioth nicht beptemahl auf einerley Grad ein, fo foll man die Haken fo lange beugen, bis diefes ges nau gutrifft. Boigtel Marticheibet. P. III. 23. G. 26. Wenn mit einmahligen Beugen ber haten ber Grabbogen nun funftig auf immer berichtiget ware, fo mochte bag angehen. Dach ber gewöhnlichen-Befchaffenheit ber Grabbogen aber ift zu befürchten, man werde genothiget fenn, Diefe Berichtigung fo oft zu wiederhohlen, daß die Haken bold abgehn wer-Also ist bas von mir vorgeschlagene Bers fabren ohnstreitig bequemer; weil es leichter ift, Die Summe von ein paar Winkeln zu halbiren, als fo lange bis fie gleich werben Safen gu biegen. Die lette Urbeit erfoberte ohnedem wieder neue Vorschriften, damit man nicht wieder ber Sache auf der andern Seite zu viel thate. Solche Borfdriften lieffen fich allerdings geben, wie man bergleichen ben aftronomischen und andern Werkzeugen giebt, und beruhen eben barauf, baf bie Wahrbeit, bas arithmetische Mittel zwischen Fehlern ift. Ich weiß aber nicht, ob fich bergleichen Borfiften burch Berbeugung bet Saaten u. f. w. würden bequenn, beworkstelligen laffen. . 1

5. An-

5. Anmerkung.

Theorie von des Hrn. v. Oppel Grade bogen der zugleich Sohlen und Geigerteufen angiebt.

In desselb. Markscheidek. 430 f. sein. 91 Fig.

T. AB 5 Big. fen eine linie, beren Fallen man mit bem Grabbogen DMNE mißt. Der Bintel ihres Fallens, ift die Erganzung des Wintels DCM, beffen Maag ber Bogen DM ift; CP ift ber Baben mit bem tothe.

2. Man ziehe DLN horizontal; weil DE bei Durchmeffer ift, so ist NE fentrecht auf auf DN,

also vertical, und mit CL parallel.

3. Es verhalt sich allemahl ben biefer linie Rlace: Coble = CD: DL = ED: DN Klache: Seigerteufe = CD: CL = ED: EN

- Bem biefe Martscheibertunftworter noch fremb find, ber findet ihre Erflarung unten, 9. Unmerfung.

4. Mun ift DEN = DCP, also ber Bogen DMN noch einmahl so groß als der Bogen DM.

5. Man fonnte alfo biefen Grabbogen folgene bergestalt einrichten, auf ihm Goblen und Geigen teufen ju finden.

6. Man nehme feinen Durchmeffer DE fie ben verjungten Maafftgab eines tachters ab; their le baber folden in seine 80 Bolle und ben letten Boll in Behneheile eines Bolls, bag man barauf, wie auf einem verjungten Maafftabe, Jebe kange bie fleiner als ein lachter ift, bis auf Behntheile des Zolls abnehmen fann.

7. Man verdoppele ben Bogen DM; bas

giebt ben Bogen DMN.

Die geraben linien DN; NE; bas-ift: bie Chorbe bes boppelten Bogens und feiner Erganjung jum Salbfreife, meffe man mit bem verjungten Maafstaabe (6).

So hat man ben ber gegebenen linie, fur ein

lachter Flache, Sohle DN, und Seigerteufe NE; Also nach der Regel Detri Sohle und Seigerteufe, für jede andere Flache, ben eben ber Donlege.

8. Wenn also ber Winkel bes Fallens = m; folglich DCM = 90° - m; So ist bie Sebne bon 1800 - 2 m = ber Goble (7)

2 m = ber Seigerteufe.

9. Erempel. Das Fallen sen 14° 451 = m also DCM = 75° 151; so ist die Sehne von

29° 30' = ber Seigerteufe

150 30 = ber Soble. 10. Der Dr. v. D. aber befchreibt innerhall bis Bradbogens einen concentrischen Salbfreis.

Diefes Durchmeffer theilt er fo ein, wie ich

ben Durchmeffer bes Grabbogens (6).

11. Den innern Salbereis felbft aber theilt et in Neunzigtheile ein, beren jedem also am Mittele puntte ein Winkel von ao zugehört.

z 3. Diele

12. Diefe Theile zählt er von einem Enbeldes Durchmeffers, nicht wie benm Gradbogen bie Grade vom mittelsten Puntte bes Habbreises.

eine ganze Bahl Grade beträgt, so nimmt er auf Bein innern Kreise bie Sehne so vieler Reunzigtheile. Das ist die Seigerteufe (8).

Und die Sehne der übrigen Neunzigtheile, Die Befen zum Halbfreife fehlen, ift die Sobie.

14. Nun muß er biefe Neunzigtheile in fleinere eingetheilt haben, um nach eben ber Borfchrift Sehnen zu meffen, wenn bas Fallen noch Theile vom Grabe beträgt.

15. Dieser gange innere Rreis aber nebft seinen Eintheilungen ift hochft entbehrlich (8).

: Ueber Die Richtigkeit und Bequemlichkeit dieses Berfahrens.

16. Man findet solchergestalt, für ein lachter Kläche Sohle und Seigerteufe hochstens bis auf Zehntheile bes Bolls, und das nicht allemahl ganz zuverlässig.

Wenn man baraus diese Linien für gröffere Flatchen nach ber Regel Detri berechnet, so weiß man sie kaum auf einen Zoll genau für zehn lachter ger Flache, kaum auf 2 Zoll genau für 20 tachter u. f. w.

vin. Die Rechnung ersobert die Zahl ber kacheer u. s. w. die der vorgenommenen Fläche zugehöre, bort, mit ber Bahl welche bie Meffung gab ju

18. Das wird bennahe eben fo muhfam fenn, als wem man die Zahl der lachter u. f. w. der angenommenen Flächen mit dem Sinus und Co-smus des Fallens multiplicatie; und diese lettere Multiplication erfodert keine vorläufige Messung von linien nach einem verjängten Massstabe, wird also in der That in kurzerer Zeit verrichtet.

19 Folglich wurde man biefes Werfjeug nur in Ermangelung aller Tafeln brauchen.

20. Es ift nahmlich eigentlich ein unvollständiger Auszug aus ben Lafeln, giebt Etwas mit geringerer Richtigk it und mehr Muhe, was die Lafeln, bem mäßig geubten Rechner, leichter und schärfer geben.

6. Anmerkung.

Vorschlag eines Gradbogens mit einem Bernier.

1. Die gewöhnlichen Gradbogen, sind in hale be, hochstens in Viertheilsgrade eingetheilt. Der fr. v. Oppel verlangt & 427. Man solle noch zwischen diesen Abtheilungen Winkel von 5 zu 5 Minuten schäßen. Eben das giebt Voigtel Part. 3.

23 S an und sodert dazu einen Gradbogen, daze der Grad in dren Theile getheilt ist. Ich weiß nicht ob die Markscheier ihr Augenmaaß so weit üben, und ich vermuthe selbst, ben der gewöhnlichen

den Gröffe ber Grabbogen, werde ber Zaben an bem das toth hangt, wenn er auch ein Pferdehaar ist, immer bennahe fünf Minuten bebecken. Das toth an einen Silberfaden zu henken, wie bep astronomischen Quadranten gewöhnlich ist, mochte mohl hier nicht angehn, weil ein solcher Faben alle Augenblicke reissen wurde.

- 2. Durch ben beweglichen Bogen, ben man insgemein Ronius nennt, eigentlich Vernier heisen fellte (Man st. meine aftron. Abhandt. II. Samt. 5. Abh. 180 S.) lassen sich in einem Kreise von mässiger Grösse, einzelne Minuten, oder wenigstens 2 Minuten angeben. Wäre es also nicht der Mühe werth zu versuchen, ob man so was benm Gradbogen andringen könnte? Folgendes kst ein Einfall dazu.
- 3. LM 6 Fig. ist ein Quadrant, dessen Mitstelpunkt K. Um diesen Mittelpunkt dreht sich eine Regel KN, die den Vernier NO mit sich bers umführt. In dem verlängerten Halbmesser LK, ist ein Punkt G, von dem das loth GP herabhängt. Es miss ein Punkt H etwa im fortgezogenen Bogen des Quadranten bezeichnet sepn, an dem das loth herabhängt, wenn KL horizontal; und KM vertical ist. Man sieht, daß dieses nur zwo, den einem Werkzeuge das nicht groß zu senn braucht, leicht zu erhaltende Bedingungen ersodert; die eine, daß der Winkel LKM genau ein rechter, die andere, daß GH genau mit KM parallel ist.

-14: An bie Regel beinge: man foiche Bauten and wie am Durchmeffer bes Grabbogene: gewöhnliche finds S, T, mogen biefe Saaten bedeuten.

J. Bernittelst dieser Haaken henke mun den Anabranten an eine gezogene Schnur AB. Die Regel nahmlich steht ber Richtung der Schnur pan rallel; Und nun muß man den Augdranten so umseinen Mittelpunks in einer Verticalstäche drehen, daß das loth auf H herabhängt. Alsdenn giebt der Bogen LN der Schnur Reigung gegen den Horisont; Und diese Neigung wurde sich also durch; den Bernier leicht dis auf a Minuten, oder gar bis auf eine angeben lassen.

6. Den Gradbogen aus einem Halbkreise in einen Quadranten zu verwandeln, braucht wohl keine groffe Rechtfertigung, benn warum hat man Binkel anzugeben, die nie über 90 Grad werden

einen Halbfreis gewählt?

7. Den einzigen Vortheil sehe ich ben bemi halbtreise als Grabbogen, daß man ihn so leicht prufen, selbst wenn seine Haaken sehlerhaft sind, durch zwenmaliges Unbenken, die richtige Nei-

Sung ber Linie finden tann.

8. Aber diesen Vortheil haben die Markschelber nicht einmahl gekannt. Selbst der grosse Mathematiker (der größte Mathematiker unterben Rarkscheidern, fagte mur was sehr kleines). Dr. v. Oppel nicht. Der bestehlt s. 425. Die haaken zu beugen bis der Gradbogen richtig wird, and giedt S. 514; eine Vorrichtung der Haaken,

an, baben er erfinnert, daß fie aber ja gehörig gefeelt fenn muffen, wofern der Gradbogen nicht unbrauchbar fenn soll, weil sie sich nicht leicht verandern lassen.

9. Den Quabranten über Tage zu prufen, lasfen sich leicht Mittel ausdenken. Die in (3) erfoderten Bedingungen, und die Abtheilungen bes. Randes und bes Vernier, lasten sich ben eineum Werkzeuge, das höchstens vier dis fünf Zoll im Halbmesser zu haben braucht, ohne Schwierigkeit.

mit bem Birtel prufen.

bogen, in der Stellung der Haaken, wie benm Gradbogen, in der Stellung der Haaken, bestehen. Die Linie KN zeigt mit Hulfe des Vernier; auf die Abtheilungen des Quadranten, und diese könnte: vielleicht der Linie AB nach welcher die Haaken an der Schnur liegen nicht genau parallel senn, sondern einen kleinen Winkel mit ihr machen. Dies ser Winkel ware unveränderlich, so lange sich die Haaken nicht verbeugen, und also gabe er allemahl einen und denselben Fehler, an welcher Stelle des Umfangs des Quadranten auch N wäre, das heißt: welche Vonlege auch die Schnur hette.

Defannter Donlege, und hehte den Quadranten an sie. Der Unterschied zwischen der Bonlege bie er angiebt und der befannten, zeigt seinen Febler an. Und sich davon mehr zu versichern, kann man unterschiedene solcher Schnüren ziehn und ihn an jede bringen.

12. Giner

Lage wenn man bequeme Umstände und Zeit dazu wählen kann, anzugeben, ist durch vielerlen Mittel möglich. Das einfachste ware: Man lieste von einem Punkte der Schnur ein loth herabhängen, misse auf dem Winkel der so entsteht, Schenkel und des Drenecks, das sie geben, dritte Seite, und berechnete ihn daraus. Dieser Winkel des loths mit der Schnur ware die Ergänzung ihrer Docklege. Es ist begreistich, daß man die Messung bequem und sicher anzustellen, die lothstinie besechigen müßte, welches sich wohl über Lage thun liese, aber nicht gut in der Grube, sonst wurde ich auch da, dieses Versahren vorschlagen, Docklegen einer Schnur ohne alle Bradbogen anzugeben.

legen einer Schnur ohne alle Gradbogen anzugeden.

13. Wenn der Quadrant wegen Stellung die Haaten einen Fehler hat, wenn er jede Donlege um etwas zu groß oder zu klein angiebt, so ist die ser Fehler aus (12) bekannt und wird den jedet Donlege in Rechnung gebracht, ohne daß man die Haaken eine anders zu beugen versuchen darf. So braucht selbst der Ustronome einen sehlerhaften Quadranten sicher, wenn er den Fehler nur kennt, ohne daß er sich die vielleicht fruchtlose Mahe gabe,

ben Sehler zu verbeffern.

14. Mankann fragen ob vielleicht biefer Quabratte zu viel Laft bekommen, und die Schnur zu ftakk beschweren wurde? Hieruber habe ich solgende kledne Berechnung angestellt, in der Boraudsehung man mache auch ben ihm, wie ben bem halben D. Kreise.

Rreife, nur einen Rand von Meffing, picht eine

polle Scheibe.

14. Wenn Quabrant und gewöhnlicher Grab. bogen, gleiche Salbmeffer haben, fo erspart man benm Quabranten go Grab Meffing im Umfange; Man braucht aber etwas jum Bogen bes Vernier. Dieses Bogens Balbineffer, tann ein wenig fleiner fenn, als bes Quabranten feiner, ich will ihn aber eben fo groß annehmen. Bill man ihn gu einzelnen Minuten einrichten, fo beträgt er 31 halbe Grade bes Randes, und ist in 30 Theile getheilt. Ich will also für ihn und für bas Stud MH zusammen 35 Grad rechnen, so beträgt bie Summe ber Bogen bie benm Quabranten vorfom men 90 + 35 = 195 Grab; also 55 Grab weniger als benm Salbfreife. Der Bogen eines Rreifes welcher so lang ift als ber Halbmeffer beträgt Aber 57 Grad (1. astron. Abh. 102.). Also wird men wohl am Umfange bes Quabrantens fo viel Meffing ersparen als ju der beweglichen Regel KN nothig ift, bie er eigen bat. Bielleicht mare es aber zur ficherern Stellung bes Bernier gut, wenn auch an fein anderes Ende O eine Regel von K aus befestiget mare, bag er gleichsam einen Ausschnitt aus einem Rreife barftellte. Bollte man num auch annehmen bag biefe, und bas Stud KO bem Quabranten etwas mehr Gewicht gaben als bem gemeinen Grabbogen, fo murbe es both fur eine Schnur die gehörig ftart gespannt ift, nicht zuviel d ju 15. Und

15. Und das Alles unter der Voraussehung der Vernier soll einzelne Minuten angeben. Will man sich mit einer Angabe von 2 zu 2. Minuten begnügen, so kann der Bogen AB; 16 halbe Gende sein, und in 15 Theile getheilt werden; das giebt also eine viel b trachtlichere Ersparung am Gewichte.

16. Wegen ber tellung ber Haken ware Einiges ju überleg n. Ben ben gewöhnlichen Grabbogen ift ein Haaken nach bes Wertzeuges Vorberseite, ber andere nach ber Ruckseite gebogen, und bas bient wie leicht zu sehn ist, bazu, baß bes Wertzeuges Schwerpunkt sich in die seigere Ebene burch bie Schnur, folglich bas Wertzeug selbst, in eine seigere Ebene stellt.

Bringt man benm Quabranten bie beiden Daaten T, S, auf der Ruckfeite der Regel an, so besinder sich die ganze kast des Werkzeuges auf einer Seite der Schnur, und es wird sich vorwärts neigm, daß das koth nicht gleich an seiner Ebene anliegm, sondern davon etwas abstehen wird. Ich
sehe gleichwoht keine bequemere Stelle für die
Daalen.

17. Man wollte benn die Regel NK über Khinaus so lang als ein Halbmesser ist machen, und eben auch sie nach der Seite N zu langer machen, daß sie da über des Quadranten Rand heraus ragte. Benn sie solchergestalt einen ganzen Durchmesser vorstellte, könnte man an die bepben Enden dieses Durchmeffers bie Haaten anbringen wie benm "Gradbogen.

28. Eigentlich wird also unmittelbar von der Schnur, die Regel getragen; Und die Regel solleden Stellung erhalten, daß das loth von Güber H herabhängt, nach dem nähmlich der Quadrant einmahl in die se Stellung gehracht ist. Ich glaube das lieste sich durch eine Schraube erhalten die am Ende der Regel in, der Gegend N angebracht wäre, daß man damit des Quadranten Rand sest schrauben könnte.

19. Sollte übrigens jemand ber fich mit Ausabung ber Markscheibekunst beschäfftiger, meinen Borschlag gut finden, so wird ein geschickter Mechanieus gar leicht bergleichen Werkzeuge vielleicht

noch mit Berbefferungen verfertigen.

7. Anmerkung.

Bon den unterschiedenen Arten des Compasses der Markscheider, und derselben Gebrauche.

Bu 28. 25. u. f. §.

1. Wie Winkel mit der Magnetnadel gemeffen werden, lehrt schon die gemeine praktische Geomes trie, wo man es mit der Boussole messen nennt. Die Bergleute pflegen sich zu dieser Absicht dreveralen Borrichtungen zu bedienen.

2. Die

2. Die erfte heißt ber Seizcompaß. 20. bei schreibt ihn 36 g. und bilbet ihn auf ber 24 gig. ab.

3 Man läßt ben ihm die Magnetnadet auf 12' einspielen, und bringt das Richtscheid das sich um seinen Mittelpunkt dreben läßt, in die Richtung einer gegebenen söhligen Linie, so hat man dene Winkel dieser Linie mit der Magnetnadel. Eben den Winkel einer andern solchen Linie mit der Nabel; Und folglich beider Linien Winkel.

4. Zu mehrerer Bequemlichkeit hat bas Richte, scheid zuweilen ein Dehr', daß man eine Schnur baran binben, und solche nath ber Richtung ber

lime ziehen kann:

5. Die zwerte, Hist ver Bergcompas ober Grubencompas. W. fagt etwas von ihm 38.5., und bildet ihn 15. Fig. ab.

6. Wie W. vaselbst ermasne, ein linial etwas: langer als der Durchmesser des einzicheiten Kreises, das sich um dieses Kreises Misselpunkt des im läßt, kann allenfalls dazu dienen, daß es dies Abtheilungen im Umsange des Kreises abschneidet, und man also diese Abtheilungen vormittelst des linials das sie abschneidet, sicherer währnimmt, also dermittelst der Magnetnavel, die nur von innen deraus auf sie weiset. Wollte man aber Wiedenstein, das Barte so austegen, das linial zeige kleinere Abscheilungen an, als die kürzere Nagnetnavel, sie wurde man sie vielleicht nicht in Weivelers Menkung nehmen, wenigstens wurde das nicht wahr sien Men mit einem kleinen Kranvorteur, kann D.

man einen Winkel beffen Schenkel noch fo weit über ben Transporteur hinausgiengen, boch nicht scharfer meffen, als in ben Theilen, bie ber Umfang bes Transporteurs machen läft.

7. Ich will also ben Grubencompaß so annehmen, wie man ihn auch ohne bieses linial hat. Weil er sehr gewöhnlich ist, und weil man aus ihm so gleich ben Hangcompaß versteht, so will ich umständlich von ihm handeln.

Ueber ben Gebrauch bes Grubencompaffes Die Lage fohliger Linien zu bestimmen.

8. Sein Raften ift ein Quabrat von dem zwo Seiten mit: SEME, zwo mit OROCC parallel find. 8. Rig.

9. Man tehre bas Gesicht nach Rord so hat man rechter und linker Sand Oft und Beft

- Salt man hierben ben Raffen so vor sich baß ME SE von Subeit nach Rord geht, so hat man auf bem Rasten OGO rechter Hand also oftwarts, OR linker Hand, also westwarts.

auf ihm von ME durch OCC bis SE und von

mie in L. Ann. 11.

11. Wenn ich sage die Nadel weißt m Stunden fo kann im auch ein Bruch sepn ober eine ganze Zahl mit einem Bruche, z. E. 7 fewenn sie 7 und 3 Achttheil Sta weißt.

12. Das noebliche Ende ber Nabel fen P; bas subliche Q, ihr Mittel K; also KP ihr nordlichee Theil.

13. Wenn P im Halbfreise OCC ist 8. Fig. s

find nach (10) die Winkel

MKP = m Stunden, SKP = 12 - m Stunden.

14. Wenn Pim Halbtreise OR ist, 10 Fig. st ist MKP = 12 — in Stunden, SKP = m Stunden.

15. Man fahrt auf der Linie AB nach dem Theble von ihr zu, nach dem man das Geficht kehrt.

16. Man halte ben Compaß fo vor fich, baß SE nach ber Begend zu fteht, nach welcher man zu fahrt, alfo ME zu nachft am leibe ift.

Go lege man ihn an AB mit einer ber benbeit

Seiten die mit MESE parallel find.

17. Bas für Stellungen feine Nadel alsbenn befommen kann, läßt sich folgenbergeftalt burchjablen.

18 Man nehme willführlich eine Stelle in AB an, etwa die, in welcher die Linie OROCC sie schneiber, wenn ber Compaß nah (15) an sie gee

halten wird.

19. Durch biesen Punkt welcher k heisten mag, stelle man sich eine Magnetnadel pa vor, die also der Radel des Compasses allemahl parallel senn wird; p und g. sind such ihr nordliches und sides Ende.

20. In ber 8; 9; Fig., ist B in bem Theile

nach dem man zu fährt (15).

D 4

21. Geht

21. Geht kB westwarts von kp (8. Fig.) so fallt P in den Balbfreis OCC.

22. Beht k B oftwarts von kp (9. Fig.) fo fallt

A in den Salbkreis OK.

22. Der Burge megen nenne man z, ben Win-Tel ben ber Theil ber Linie nach bem man zu fahrt, mit ber norblichen Salfte ber Nabel macht, in ber 8; 9; Fig. z = pkB = SKP. Er beisse oflich ober westlich, nachdem kB von pk oftwarts (offig.) der westwarts & Fig. fallt.

24. Wenn ber Mabel bes Compaffes norbliche Spife im Halbfreise OR ift, so ift z = m Stun-

ben offlich (42; 11.).

25. Wenn biefe Spife im Salbfreife OCC ift, fo ift z = 12 - m Stunden westlich (21: 13)

26. Gerner ift z

in (24) spisig wenn m < 6 stumpf (25) spißig fumpf

97. Der Rabel fübliche Balfte kq, macht mit bem Theile kB nach bem man ju fabrt ben Winkel akB = 180 - z, und kB liegt-auch ge-

gen kq oftlich ober westlich wie gegen kp.

28. Wenn alfo ber Theil ber linie nach bem man zu fährt mit ber nordlichen Salfte ber Rabel einen ftumpfen Wintel macht , fo konnte man aligeben, was für einen spisigen er mit ihrer fubliden macht.

ini (1.90 (Er.) 29. Die 29. Die 10 Fig. stellt vor wie es aussasse wenn man auf ber Linie AB ber & Fig. von B nach A führe.

Wenn man ber Nabel Abweichung weiß, bie lage ber linie AB gegen bie wahre Mittagelinie zu finden:

30. Es sen 10 Fig. NS bie mabre Mittagelinie, Nkp bes nordlichen Theils ber Nabel Abweichung von Norden, ben man weiß.

Mun weiß man auch Bkp Folglich NkB.

Nach bem unterschiedenen Verhalten ber Abweichung ber Nabel, und bes Winkels pkh, iff NkB bald Summe balb Unterschied bender Winkel, welches sich leicht in jedem besondern Fallegiebt.

31. Es sen Nkp = 16°; Bkp = 50° estlich

fo ift NkB = 34°.

Aus den Stunden in den zwo Linien streichen ihre Winkel zu finden.

32. Die Linie F f streiche in m Stunden 11 Fig.

Durch ihren Durchschnitt O gehe bie Magnete unbel p q.

2 **C** bringu:

33. Daher

33. Debet FOG = fOg = n - mFOg = GOf = 12 - (n - m)

34. Der Linien Binkel giebt fich alfo allemahl burch ben Unterschied ihrer Stunden; ift dieser Unterschieb felbst, ober besten Erganzung zu 12 Stunden, nachdem man ben einen Winkel ober besselben Nebenwinkel nimmt.

35. Wird aber nun folgendes gefragt: Man tommt aus einer Linie die in m St streicht, in eine die in n St. streicht, was machen die benden Theile dieser Linie nach denen man zu gefahren ist, für einen Winkel, so glebt es unterschiedene Falle.

36. Man könnte von FO auf OG ober Og fabren, und entgegengesetzt von fO auf Og ober OG.

Ralle lage

FÖ zwischen 90 und 60

38. In (33) wird alsbenn n — m verneint, welches anzeigt, Oli falle nicht auf die Seite von OG welche die Figur darstellt, sondern auf die entgegengesette.

39 Chen so wird für (37) in (33) FOg grof: ser als is St. Rabmitch FOg ist ber Binkel bieser kinien in ben Op fallt; dieser Winkel besträgt nun mehr als igo wenn Og ihre lage behålt, aber OF zwischen OG und Qu liegt.

40. Man tonnte biefe Mannichtaltigfeit von Fallen burch ben Gabrauch ber positiven und negativen Groffen (37) auf eine geringere Anzahl wife fringen

bringen und bastir Regeln geben. Es wurde aber immer zu berselden richtigen Auwendung viel Aufamerksamkeit nothig seyn, und baber bente ich der Winkel zwischen einen Paar Linien auf den man gesahren ist bestimmt sich am besten so:

41. Man giebe 12 Sig. AB welches bie erfte.

linie bedeute nach ter man gefahren ist.

42. An ihrem Endpunkt B zeichne man sich eine Magnetnadel pa nur in die ohngefahre tage daß man bemerkt, ob derselden nordlicher Theil Bp; westwarts oder oftwarts dan BA liegt, das ist ob ka in Ba verlängert westwarts oder oftwarts von Bp liegt.

43. Nun wiß man aus ber Stunde ber linie AB; und daraus ob die Nordspisse P der Nadel des Compasses in OR oder OCC gewesen ist, den

Wintel pBn ber bas z von 24 ober 25 ift.

44. Eben fo weiß man für die andere linie BC:

ben Winkel pBc.

45. Mein weiß alfo, welcher biefer benben Bintel fleiner ift, auch ob Ba; BC; auf einer Seite ber Mabel ober auf unterschiedenen liegen.

46. Und fo weiß man die Wintel aBC, ABC.

47. Exempel. Wenn das Nordliche Ende der Nadel des Compasses an AB in OCC ben 2 St. steht, und an BC in OCC ben 43 so giebt

ber erste Stand pBa = 10 St.

ber pvente pBC = 8

aBC = 2

ABC = 10 = 150°

48. In welchem Halbtreise des Compasses die nordliche Spise der Nadel ist, läßt sich gleich nach der (10) angezeigten Urt wie die Stunden eingeschrieben sind angeben. Man sese nähmlich nur vor die Zahl der Stunde Mer oder Sept. das erste bedeutet P weise auf diese Stunde nach meinen vorhin gebrauchten Ausdrückungen, in OCC; das zwente in OR.

49. Go murden bie bepben in (47) angegebe-

nen Winkel fo bezeichner Mer. 2; Mer. 4.

vo. Dieß (43) ist eine Bezeichnung wie die welche ich in der 1. Anm. XVIII. noch den der dort angesührten Erinnerung bengebracht habe. Bas ich die von den benden Salften des Compasses Or und Occ gesagt habe, bezieht sich nicht auf die Unsterabtheilung die ich am angef. Orte für entbehreitich erkläre, sondern hier mußte ich diese benden Balften nennen, um den Gebrauch gegenwärtigen Compasses dadurch zu erläutern, und zu zeigen weswegen Or. und OCC: gerade an Stellen stehen, die denen entgegen gesest sind, wo sie eigentlich stehen sollte (9).

Hängcompaß W. 25. S.

51. Diese britte Art des Compasses ift eigentlich ein Grubencompaß (5) so eingehenkt, baß er sich durch die Schnur jedesmahl wagrecht stellt. Was also seine Abtheilungen betrifft, ist Alles bisher ersklatt worden.

52. Benn eine Schnur, in welcher Schiefe gegen ben horizont, man will, gezogen ift, und Diefer Compag baran gebenft wird, fo ftellt fich bie linje bie an ihm turch E, F, in Beiblers 4 Fig. geht allemahl borijontal, in einer Berticalflache burch bie Schnur; (foblig in ber feigern Cbene). Ift alfo biefe linie mit Se Me bezeichnet, und ftebt fo wie benm Grubencompaffe (16) ift gefagt worben, fo giebt bie Mabel, wie benm Grubencompaffe an, was die linie EF für einen Winkel mit ber Mittagslinig ber Nabel macht. Diefer Bintel ift aber berjenige ben bie Verticalflache burch die Schnur mit ber Verticalflache burch Die Dabel macht; Ober; bie Abweichung ber Berticalfläche burch die Schnur vom magnetischen Meribiane.

53. Zieht man also in der Verticalstäcke durch die Schnur, eine Horizontallinie, durch den Punkt um den sich die Nadel dreht, (denn diefer Punkt ist, vermäge der Vorrichtung des Hangecompasses im jeher Verticalstäcke) so giebt der Hängecompass den Winkel an, den diese Horizon.

tallinie mit der Rabel macht.

54. Und nun, nehme man in der Verticalstäche durch die Schnur, einen Punkt an wo man will, und ziehe durch ihn, zwo Linien, eine, in der Berticalstäche, aber horizontal, die andere der Nadel parallel, so machen (Beom. 46. S. 2 Zus.) diese Linien den Winkel (52) der also auch durch die Nadel angegeben wird.

55. Das heißt kurz: Der Hängecompaß glebt das Streichen, jeder söhligen kinie, in der seigern Ebene, durch die Schnur, an die er gehenkt wird.

56. Sind aus einem Punkte zwo Schnuren gezogen, so lehrt det Hangecompaß, was die seigere Ebene durch jede Schnur für einen Winkel mit
dem magnetischen Meridian macht (51) Diesen
magnetischen Meridian, kann man sich hier als
eine Ebene durch jener benden Durchnitte vorstellen. Daß der Durchschnitt seiger ist tehrt Geom.
48 S. und so ist jede Ebene durch ihn seiger.
(Geom. 47. S.). Wenn man also einen Punkt
in ihm nach Gefallen annimmt, und badurch eine
sohlige Linie, der Nadel parallel zieht, so ist eine
Ebene durch diese schlige Linie und der Durchschnitt
der magnetische Meridian.

57. Der Sangecompaß giebt alfo, was für Wintel die bepben feigern Sbenen durch die Schnuren, mit einer britten, burch ihren, ber Ebenen, Durchschnitt machen. Es ift leicht zu sehen, daß manhieraus ber seigern Sbenen Wintel selbst weiß.

8. Anmerfung. Ueber Die Gifenscheiben.

139. 5.

1. Was W. a. a. D. Stundenscheiben nenne, heissen Andere Eisenscheiben. Jene Benennung soll Scheiben anzeigen die in Martscheiderstung den abgetheilt, diese, Scheiben die in Eisen-Bergwerten gebraucht werden.

2, **E**£

2. Es giebt Eisenerze, die nicht so merklich in die Magnetnadel wirken, daß ein Compaß den man unter ihnen gebraucht unrichtig wiese. Bener VI Th. Prop. XXX: rechnet den Glastopf dahin. Bo aber von einer solchen Wirkung der Eisenerze mehr zu befürchten ist, da wird man also die Wintel mit dem Compasse nicht sicher abnehmen fonnen.

3. Statt beffen, ließ sich also etwa solgendes angeben: Ein Kreis sep eben so wie ber Compaß, in Stunden eingetheilt, und mit den Weltgegenden bezeichnet. Um seinen Mittelpunkt lasse sich in seiner Ebene eine Regel drehen, die am Ende etwa mit einem Dehre versehen ist, daß man eine Schnur daran binden und nach der Richtung der Regel, also nach einer Linie die aus des Kreises Mittelpunkt ausgeht anziehen kann. So was ohngesähr giebt eine Sisenscheibe.

4. Der Gebrauch wenn man horizontal fort-

geht, wird fich etwa fo vorstellen laffen.

5. A fep 13 Fig noch etwas vor bem Mundlor de eines Stollens in einem Eisenbergwerke, B im Stollen AB eine fohlig ausgespannte Schnur.

6. Man wied unweit A noch nicht fo viel von ber Birtung bes Gifenerzes auf die Nabel befürchten burfen, alfo bringe man ba ben Compag an, und

bemerte die Stunde in welcher AB streicht.

7. Als eine Borsichtigkeit empfiehlt hieben Bener VI. Th. Prop. XXX. ben Compaß zwenmahl ans jubringen, einmahl an eine Seice ber Schnur, bas anderemahl an die andere, und zu feben ob er bepbe-

bepdmahl eine Stunde weiset, wenn er bas nicht thut, eine andere Stelle statt A zu suchen, wo bas geschicht.

8. Dim find BE, EF, ein paar andere foblige linien, bereu Streichen will man vermittelft ber

Eisenscheiben abnehmen.

9. PQ sen die tage der Magnetnadel ben A (1) P ihre nordliche Spise. Man hat den Compasi so gestellt, daß SE auf ihm von A gegen Blag, (7. Unm. 16.), so giebt die Rapel auf ihm eine gewisse Stunde an, die mit dem Winkel PAB übereinstimmt, den AB mit der Nadel nordlicher Haller Balfte macht.

10. Run bebeute ber Kreis um B bie Scheibe, sohlig gestellt. M, S, bezeichnen auf ihr Suben und Morden, AB schneidet ihren Umfang in a, und verlängert in C, die Frage ift: wie stellt man die Scheibe daß SM mit PQ parallel steht?

11. Offenbahr mussen alsbenn von S bis C ober von M bis aan ihr so viel Stunden senn, als aufdem Compasse zwischen AB und AP enthalten sind.

12. Der auch zwischen S und a auf ber Scheibe, so viel Stunden als zwischen BA und AQ auf

bem Compaffe.

13. Vermöge bieses Verfahrens wird SM auf ber Scheibe, so gestellt, daß man weiß sie stehe ber Nadel parallel, und zwar auch so, daß was auf der Scheibe Norden und Suden bedeutet, nach einerlen Gegenden mit dem nordlichen und subliachen Ende der Nadel liegt, daß man also annehmen

men kann der Compass sep in B gebracht und SM sep vie Radel.

14. Nun ziehe man die Schnur an der Regel (3) an den Punkt E; so stellt sich die Regel nach Be daß e in BE liegt. Und nun ist der Winkel SBE eben der welchen BE mit der nördlichen Hälfete einer Nadel machen wurde, wenn man den Companya in B bringen durste (13).

15. Also giebt Be auf ber Scheibe die Stumbe an, in welcher BE streicht, die Stunde, die man finden wurde, wenn man den Compaß in B bringen durfte, und die Stelle auf ihm die mit SE bezeichnet ist, auf BE von B nach E zu legte.

16. Den Fortgang blefer Arbeit zu übersehen, stelle man sich ben dem Kreise um E, eine andere Scheibe jener vollkommen abnlich vor. Auf ihr bedeuten I, m, was auf jener die gleichgultigen graffen Buchstaben bebeuteten. Auf ihrem Rande sen b in der kinie EB, nach B zu.

17. Diese Scheibe jo zu stellen, baß auf ihr Im mit SM, folglich mit ber Rabel parallel ist, muß man machen baß zwischen m und b so viel Stunden sind als zwischen S und e; ober zwischen

I und b so viel als zwischen M und e.

17. Diese Borschrift bruckt Bener 198 S. mit solgenden, sonst wohl ziemlich unverständlischen Worten aus: Dieses ist anden zu gedenken, daß wenn die erste Scheibe Sept, ist, die andere Merid. sepn muß.

18. Zieht man nun die Schnur an ihrer Regel durch F, so stellt sich die Regel nach Ef, und die Stunden zwischen f und f, geben der Linie EF Streichen eben so an, wie es ein Compaß angeben würde, wenn man ihn in E bringen durfte, die Stelle SE auf ihn von E nach F zu legte; und seiner Nadel nordlicher Theil auf El siel.

19. Ich hoffe man wird das Bisherige, von dem Berfahren mit den Eisenscheiben, und desselben Gründen deutlicher finden, als was Weidler und Beper davon sagen. Sie erfodern dazu zwo Scheiben, wie die erste in B, die zwente in E. Dieses ware wohl nicht nothwendig, wenn man die eine die man hatte, von B wegnahme und gehörig in E stellte. Es wurde aber frenlich, weil die Schnur nach BE über sie weggeht, mit dem Abnehmen und Wiederanspannen der Schnur, Mühe, Zeitverlust und vielleicht Irrihum verurssachen.

20. Da ber Umfang ber Scheiben so groß gemacht, und so scharf abgetheilt werden kann, als
bes Compasses seiner, so giebt wohl dieses Verfahren
unter den disher angenommenen Umständen eben
die Richtigkeit, die sich durch den Gebrauch des
Compasses selbst erlangen liesse. Zum vorausgesest, daß man die Linien SM, sm, allemahl genau parallel stellen kann. Da könnte nun freylich
BE mit SM einen Winkel machen, der sich durch
die Abtheilung der Stunden die man auf der
Scheibe zu machen im Stande ist, nicht genau genug

nug angeben lieffe, und da lieffe sich auch Im nicht vollkommen richtig stellen. Das ware aber ein Fehler des Werkzeuges, nicht der Methode. Diese würde doch was Richtiges geben, wenn man nur ben ihr ein Werkzeug von gehöriger Vollkommenheit brauchte.

20. Was aber nun ben bem Gebrauche ber Gifenscheiben als die vornehmfte Schwierigkeit anzus

feben ift, wird aus Folgendem erhellen.

21. Der Sekcompaß, und der Grubencompaß geben die lagen sohliger linien gegen die Magnetanadel; der Hängeompaß, an einer donlegigen Schnur gebraucht, giebt die lage der Verticalflasche durch biese Schnur, gegen eine Verticalflache durch seine Magnetnadel, das ist: die Stunde jeder söhligen linie in der Vertiralflache durch die Schnur (7. Anm. 54).

22. Läßt sich nach B, von der Stelle wo man den Compaß brauchen darf eine Horizontallinie ziehen, so kann man ihre Stunde mit dem Grudencompaß abnehmen, ist aber diese Stelle höher oder niedriger als B, so bringt man den Hängescompaß an die Schnur die von ihr nach B gezogen ist, und sindet durch ihn, das Streichen jeder Hoerizontallinie in der Verticalstäche durch die Schnur.

23. Alfo fann man allemahl annehmen , Al fep

eine fohlige Linie beren Streichen man weiß.

24. Nun aber sey von B eine donlegige Schnur' gezogen. Die seigere Chene burch dieselbe schnels be die foblige Schene burch AB, in BE.

2 25.-Durf.

25. Durste man ben Sangecompaß weiter fort gebrauchen, so brachte man ihn an diese Schnur, und fande baburch bas Streichen ber kinie BE.

26. Da aber biefes wegen bes Gifenerges, nicht

perstattet ift, so entsteht folgende Frage:

Um B 14 Fig. als einen Mittelpunkt, befindet sich eine sählige Scheibe, in Stunden eingetheilt. Auf'ihr ist MS der Magnetnadel parallel. Nun geht von B eine kinie aus, nicht söhlig sondern donlegig, also nicht in der Ebene der Scheibe. Wenn man sich nun durch diese kinie eine seigere Ebene vorstellt, wo schneidet diese Ebene, die Ebene der Scheibe? Soll Be diesen Durchschnitt bedeuten, in dessen Verlängerung E liegt, so fragt sich also: Wie sindet man die kage dieser kinie BE gegen BS, oder: ihr Streichen?

27. In der 14 Fig. sep AB die sollige Linie, deren Streichen man mit dem Compasse abgenommen, in B stehe die Eisenscheibe sohlig, und SM sep der Nadel parallel. Das läßt sich allemahl wie vorhin bewerkstelligen, wenn auch gleich die nächste Linie, an die man kommt, nicht mehr wie

porbin föhlig, fondern BK; bonlegig ift.

28. Wenn man von einem Punkte der linie BK ein loth herabhängen lieste, und das so lange forts subsete, dis dieses loth ke; an den Umfang der Scheibe in e trafe, so ware das Dreyeck Bke in der seigern Schene durch BK; und in derselben Be sohlig. Wie viel Stunden zwischen S und e sind, suche man auf dem Rande der Scheibe. Also hat-

te man die Stunde der Linie BE die durch B, fohe lig in der Leigern Sbene durch BK geht, eben fo gut, als menn man an BK den Hangecompaß andrin-

gen durfte.

29. So was schlägt Voigtel vor; P. 14. 112. S. Weibler G. 54. Res. 2. 6. Bener P. 6. Prop. 30. befürchtet es werde sehr mühsam, auch ben flachen Scheiben und scharfen Winkeln gar nicht thunlich seyn. Beschwerlichkeit und Gesahr

zu fehlen, gesteht Boigtel felbft 113 G.

30. Gienge von K nach L eine andere donlegige Linie, mit welcher man diese Arbeit fortsessen wollte, so mußte man erstlich die zwepte Scheibe in K sohlig stellen, darnach die Linie Im auf ihr, der SM parallel machen. Zu dieser Absicht mußte man sich durch K eine söhlige Linie in der seigern Sbene durch BK vorstellen, und es so einrichten, daß auf dem Rande der zwepten Scheibe, von m bis dahin wo diese söhlige Linie ihn schneidet, so viel Stunden wären wie auf der ersten Scheibe zwischen. S und c. Dieses ist ein Verfahren wie in (17).

31. Die sthlige Linie durch K anzugeben (30), wenn nur die Scheibe ben K sohlig steht, konnte man sich wieder eines lothes bedienen, das man hart an KB, und am Nande der Scheibe heradbangen liesse. Eine Linie durch K, und die Stelle wo dieses loth an den Nand trifft, ware in der verlangten sthligen Linie, und nun mußte man die Scheibe so drehen, daß zwischen m und der Stelle

E 3

wo bas loth an ihren Rand trifft, so viel Stun-

ben waren, als zwischen S und o.

32. Nachdem man die zwente Scheibe gehörig gestellt hatte, machte man mit ihr und bee linie KL eben das was mit der ersten und der linie BK gemacht hatte.

33 Es ist leicht zu erachten, baß man auf Mittel wird gesonnen haben, Arbeiten, bie fo muhsam und ber Gefahr zu fehlen so fehr ausgesest

find etwas anders einzurichten.

34. Boigtel P. 21. schlägt baju folgendes vor. Mitten durch eine Scheibe, senkrecht auf ihre Seene geht ein Robrchen an benden Enden offen. Durch das Röhrchen gehen zweene Faden jeder durch die Deffnung über der Scheibe, und auch durch die unter der Scheibe heraus, jeder ist mit seinen benden Enden zusammen gebunden, daß er wie eine Schlinge macht, an die man eine Schnur anbinden kann. Der Faden sind zweene, damit man so an jeden eine Schnur anbinden, und sie Schnur nach entgegengesesten Gegenden anziehen kann.

35. Wenn num die Scheibe söhlig steht, also bas Röhrgen seiger, und eine Schnur angezogen wird, so machen natürlich, die benden Theile des Fadens an den sie gebunden ist, der Theil der aben vom Röhrchen, und der Theil der unten herausgeht, mit dem Theile der im Röhrchen steatt, ein Drepeck, und von diesem Drepecke ist die Seite die im Röhrchen steatt vertical, solglich die ganze Ebene des Drepecks.

Drepets. Die Schmur also, mag söhlig, seiger, ober bonlegig angezogen sepn, so stellt sie allemahl die Sbene dieses Drepects seiger, und da sie selbst in dieser Sbene ist, so giebt sich auf diese Art

eine feigere Chene burch bie Schnur.

36. Nun läßt sich um den Mittelpunkt der Scheibe eine Regel, der Ebene der Scheibe partallel drehen. Diese geht etwas über den Rand der Scheibe hinaus, so weit daß sie allemahl von einem der benden Theile des Fadens die zum Röhrechen herausgehn kann angegriffen und fottgeschoben werden, so daß eine ihrer Seiten in der Ebene des Drepecks liegt.

37. Diese Seite der Regel, ist also eine fohlt. ` ge kinie in der seigern Sbene durch die Schur (35).

38. Und nun erhellt was der Gebrauch dieser Scheiben senn könnte. Wenn auf einer solchen Scheibe irgend eine Linie der Magnetnadel parallel gestellt, ware, so gabe der Winkel den die Regel mit dieser Linie macht, das Streichen einer söhligen Linie in der seigern Sbene durch die Schnur. Eben das was man fande, wenn man den Hangecompaß an die Schnur bringen durste.

39. B. theilt biese Scheiben in Grabe, nicht in Stunden. Dieses und was Er von ihrem Gesbranche sagt, mag man ben ihm nachlesen, ba mir genug ist, ben Zusammenhang dieser sinnreis chen Angabe, mit bem Vorherigen gezeigt zu haben. Man sehe auch Leupolds Theatr. Mack.

E L

Supplem. T. XXH.

40. Beners Vorschläge zu Verbesserung ber Eisenscheiben, kann man ben ihm P. VI. Prop. 30. lesen. Ich finde darinnen nichts, die Schwierigskeit wegen bonlegiger Linien zu heben.

41. Eine sollige linie anzugehen, die sich in der feigern Sbene durch die Schnur befindet, und das Streichen dieser linie zu bestimmen, ist wohl die beste Vorrichtung, des Hrn. v. Oppel zwedte Si-

fenscheibe Markfdeibek. 495.

In Sprengels Handwerken und Künsten, fortgesett von Hartwig, VIII. Samml. 6. Abschnitt, sind unter den Arbeiten des Mechanicus, auch die Markscheiderwerkzeuge erzählt. Da ist 7. Theil 41. Fig. diese Eisenscheibe abgebildet. Was dorten das Richtscheid heißt, muß mit dem daran befindlichen Arme, in einer Ebene senn, welche auf der Ebene des eingetheilten Kreises senkrecht steht; die Figur stellt diese lage sehr schief vor, und im Lerte 351. S. ist nichts gesagt, diesen Irrthum den die Figur veranlassen kan zu berichtigen. Des Hrn. v. Oppel Zeichnung weiset die gehörige lage.

42. Soviel von dem Gebrauche der Eisenscheisben da man ihre Ebene söhlig stellt, und doch damit das Streichen einer söhligen Linie in einer seigern Ebene durch eine donlegige Schnur abnehmen will. Der Hr. v. D. a. a. D. 493. erinnert mit Rechte, daß die Foderung eine ganze Ebene söhs lig zu stellen, nicht so gar leicht zu ersüllen sep. Dieses hat ihn veranlaßt, eine Eisenscheibe anzus geben, bey der nur eine Linie söhlig seyn muß.

Weil

Weil er die Regeln von derfelten Gebrauche ohns Beweis lehret, so wird es nicht undienlich senn, die Theorie derfelben hier benzubringen. Wegen der umständlichern Beschreibung und Abbildung des Wertzeuges darf ich auf sein Buch verweisen.

- 43. Eine Scheibe 15 Fig. ist so vorgerichtet, baß man thren Durchmesser MN horizontal stellen kann, umd daß sie sich um diesen horizontalen Durchmesser, in jede schiese Ebene drehen läßt. Ein anderer Durchmesser KL ist auf jenen senkercht. Jeder der vier Quadranten, die sich so gehen, ist sür sich in 90 Brad getheilt. Diese Grade werden von K und L gegen M und N gezählt, daß also 90 im horizontalen Durchmesser steht.
- 44. Um der Scheibe Mittelpunkt C, dreht sich eine Regel, der Schene der Scheibe parallel. Man kann ans Ende der Regel eine Schnur befestigen, die sich also als eine Berlängerung der Regel, in der Ebene der Scheibe ansehen läßt. Die Schnur kann jede schiefe kage haben, weil sich die Schnur kann jede schiefe kage haben, weil sich die Schnur der Scheibe nach Ersodern drehen läßt.

45. Die Richtung biefer Schnur fen CD. Sie

Schneibe ben Umfang ber Scheibe in E.

46. Wenn man den Gradbogen an die Schnur benkt, so erfährt man ihre Donlege. Ferner giebt der Bogen NE auf der Scheibe, was die Schnur für einen Winkel mit der sohligen linie macht.

47. Ware nun MN ber Magnetnadel parallel gestellt, so durfte man nur suchen, mas eine fob-

lige Linie burch C in ber feigern Ebene burch bie Schnur für einen Winkel mit MN machte. Das gabe biefer Linie Streichen.

48 Diefes führt auf folgende Frage:

Man weiß ben Winkel NCE = 90° — m; Sein Schenkel CN ist horizontal; ber andere CE, macht mit bem Horizonte einen gegebenen Winkel = p; die Sbene ECN aber ist nicht vertical, sondern schief, Wenn nun die verticale Ebene durch CE, und die horizontale durch CN einander in CR (16 Fig.) schneiden, so sucht man den Winkel NCR = t.

49. Es giebt unterschiebene Wege biese Ausgabe aufzulösen. Ich werde selbst in ber Folge eine allgemeinere abhandeln, unter welcher sie als ein besonderer Fall enthalten ist. hier will ich die Auflösung nur kurzlich ans der sphärischen Trigonome.

trie berleiten.

50. Man nehme wie verstattet ist, (16 Fig.) CE = CN = CR; so kann man C als den Mittelpunkt einer Rugel ansehen, und mit dem Halde messer der Rugel, die Bogen EN, ER, RN, beschrieben, entsteht ein Rugeldrepeck das ben R rechtwinklich ist. In demselben, weiß man die Hypothenuse, EN, und die Seite ER, als Maasse ber ber berden gegebenen Winkel. Man sucht die Seite RN, das Maaß des unbekannten. Also in meiner sphärischen Trigonom. der rechtwinklichte Drepecke 14 Fall

borten BP PA BA hier 900—m P t

Folglich

Folglich cos $t = \frac{r. \text{ fin m}}{\cos p}$

51. **Exempel.** Der Schnur Donlege sen 25° 15' = p. Sie schneibe auf ber Elsenscheibe ben Wogen KE = 50° 30' = m ab. So ist

log. cof p = 19, 8874061 log. cof p = 9, 9563870

 $\begin{array}{c} \log \cot t = 9, 9310191 \\ \text{slebt } 90^{\circ} - t = 58^{\circ} 34' - \\ \text{also } t = 31 26 + \end{array}$

52. So fanbe sich in biesem Erempel 31 Se. 26 m; für ben horizontalen Wintel NCR, welcher bem Wintel in einer schiefen Sbene NCE = 39 Gr. 30 m zugehört, wenn benbe Wintel einen horizontalen Schenkel gemein haben.

53. Die Formel (50) ist nach der Vorrichtung den des Hrn. v. O. Scheibe eingerichtet, wo unmittelbar der Winkel KCE = 90° — NGE gegeben ist. Heißt man NCE oder 90° — m = h5 so wird die Formel

 $colt = \frac{r. colh}{colp}$

14. Der Winkel p; die Reigung einer linie gegen den Horizont, ist allemahl spisig. Es macht frezilich eine Unie mit dem Horizonte zweene Nebenwinkel von denen einer stumpf ist; Unter der Reigung aber versteht man doch den spisigen.

55. Der Winket h., ben die schiefe linie mit ber horizontalen macht, kann auch allemahl für spisig angenommen werben.

In der Figur ist NCD spisse. Ginge aber eine schiese linie von C durch den Quadranten MK hinaus, daß sie mit CN einen stumpsen Winkel machte, so machte sie mit CM einen splsigen, und der hiesse nun h.

36. Wenn biese benben Winkel spisig sind, so ist auch t spisig. Denn er ist gewiß kleiner als 180 Gr. und sein Cosinus ist bejaht (Trigonom.

3 Erft. 4 Zus.)

57. Jeder Ginus ober Cofinus, ist kleiner als

ber Sinus totus. Folglich ist $\frac{1}{\cos p}$ in (53) ein

uneigentlicher Bruch, und well man colh damit multiplicitt, so kömmt colt > colh; baber, weil hier alle Winkel spissig sind, e < h.

58. Das heißt: ber horizontale (söhlige) Win-Eel NCR ist kleiner als ber in der geneigten (donlegi-

gen) Chene NCE.

59. Hätte man den Winkel NCR gemessen, und wollte daraus NCE berechnen, so gabe sich dafür cosp. cost

aus (53) bie Formel — cosh. cost = cosh

60. Der hr. v. D. macht fich baben ben Ginwurf: Man fande vielleicht auf der Scheibe nicht allemahl den Winkel, den die Schnur mit der fohligen Linie macht, richtig genug angegeben; daraus wurde wurde also ber soblige Winket nicht gang richtig berechnet werben, wenn man auch gleich bie Don-

lege, wie er annimmt, genau batte.

61. Seine Antwort hierauf laßt fich, auf meis ne Figur angewandt und dadurch erlautert so vor-tragen: Man findet aus dem gröffern Bogen EN, den kleinern NR (58) ein Fehler also beym großfern begangen , giebt einen geringern Sehler benm fleinern.

62. Daß ein Sehler benm Rleinen geringer wird als benm Großen, gilt nur, wenn bas Rlei-ne bem Großen abnlich ift, z. E. Wenn man eine Bigur verjungt, fo wird ein Fehler ber in einer Seite ber groffen ift begangen worben, ben ber abnlichligenben Seite ber Rleinen, geringer. Daren die Bogen EN, NR, einander abnlich, bata te einer so viel Grade als ber andere; und man batte bes Groffern lange auf irgend eine Urt gemeffen, baben aber um Etwas gefehlt, fo murbe man, nach bem Sage baß fich die langen abnlichet Bogen wie ihre Salbmeffer verhalten, bes Rleinern lange auch mit einer Unrichtigkeit wiffen, fie ware aber geringer, als Die benm Groffern begangene.

Aber hier find ber fleinern und gröffern Bo gen nicht abnlich, und alfo ift fein Grund vorhans ben allgemein zu schliessen, man werde bepm fleinen

weniger fehlen als benm groffen.
63. Ein Erempel wird auch fogleich bas Ges gentheil zeigen. Man fete, bie Gröffen in (51) find

sind die wahren. Man hatte aber, aus Jerthum, oder weil die Scheibe nicht genau genug eingestheilt war, statt des wahren m; nur 50 Grad genommen, also statt des wahren h; 40 Gr. Jes nen Winkel einen halben Grad zu klein, diesen, den Winkel in der schiesen Ebene, einen halben Grad zu groß. Die Donlege ware richtig. So sühre man die Rechnung nach (73) aus dem uns richtigen h.

10 + log cof 40° = 19, 8842540 log cof 25° 15' = 9, 9563870

log cos t = 9, 9278670
Also findet sich dieser
unrichtige t = 32° 7° —
zuvor (51) der richtige = 31 26 +

Der unrichtige zu groß um o 40

Alfo beträgt hie der Fehler benm horizontalen Winkel 10 M mehr als der benm geneigten. Und ist nicht wie Hr. v. D. sagt geringer

64. Dieser Sas bes Hrn. v. D. ist also nur eine kleine Uebereilung. Der Versasser der Analysis Triangulorum, nahm sich hier nur die Zeit nicht, die Sache nach seinen so gründlichen und tiesen Kenntnissen zu untersuchen. Es ist bekannt daß man Formeln hat, kleine zusammengehörige Uenderungen, der Seiten und Winkel eines Drenecks zu vergleichen, dergleichen ich in meinen astronomischen Ubhandlungen I. Sammlung I. Abh. 83 sur ebene Drepecke, II. Abh. 2. Cap. sur Rusgeldrepecke

geldreyede gegeben habe. Sie beruhen auf den Ausdrückungen der Differentiale von Winkeln, durch die Differentiale ihrer trigonometrischen Lis nien, und wer also solche Differentialsormeln kennt, kann sich sur jeden vorkommenden Fall, die Vergleichung alsobald machen, ohne ein Buch deswegen nachzuschlägen.

65. Zu gegenwärtiger Absicht, sesse man in (53); $r = \tau$; p unveränderlich, und differentlire. De sindet sich

$$- \text{ fin t. dt} = - \underline{\text{ fin h. dh}}$$

$$\text{2006 dt} = \text{ fin h. dh}$$

fint cosp

66. Diese Formel giebt immer etwas ber Mabre beit nabes, wenn auch gleich die Aenderungen ber Binkel, die man bier als Differentiale ansieht, eie nige Minuten betragen.

67. Auf jesiges Erempel wurde man sie.so ans wenden: Man hatte h = 40° gefunden, ware aberungewiß, ob der wahre Winkel nicht etwa 30 M. kleiner ware. Man wollte also berechnen, wie viel sich der Winkel t, den man (63) berechnet hat, andern wurde; wenn man ihn aus einem h der um 30 M kleiner ware berechnete.

Also seste man dh = 30 Min., wo man ben bem Gebrauche ber kogarithmen auf bas Zeichen nicht acht zu geben nothig hat, bie Anwendung bessel.

besselben ist nur, daß man sieht, de sen verneint, wenn dh'es ist, oder : t und h nehmen zugleich ab.

Nun ware log sin h'=0, 80806/5 — 1
log 30 = log dh = 1, 4771212

Summe = M = 1, 2851887
log sin 32° 7' = log sin t = 0, 7256217 — 1
log cosp = 0, 9563870— 1

Symme = N = 0,6820087-1 M - N = 1,6631800

Dieß ist log dt; gehört zu 40, 10; Und zeigt also t nehme um 40', 1 ab, wenn h um 30' abnimmt. Welches mit der Rechnung 63; sehr wohl übereinstimmt.

68. In gegenwärtigem Falle, ware es freylich kürzer, ohne die Differentialformel (65) die Rechenung wie in (63) nur für h = 30° 40° ju führen, da man t so groß als in (51) sinden müßte. Ausserdem aber daß es gut war hie ein Benspiel zu geben, wie nach der Differentialformel gerechnet würde, so ist der Gebrauch solcher Formeln haupte sächlich, wenn man annimmt daß die Aenderungen der gegebenen, folglich auch der gesuchten Wintel, nicht eben ganze Minuten, sondern Misnuten und Secumden, vielleicht gar nur Secumden den betragen. Da würde man die gemeine Rechenung nicht bequem von vornen anstellen können, weil die gewöhnlichen Tafeln die Wintel in keinen fleisnern Theilen als in Minuten angeben.

Man f. hierüber die angef. I. astron. Abhands.

69. Man kann fragen, wie sich die andere, wenn dh immer einerlen bleibe? Nun ist h > t (57) ber Fall ausgenommen, wenn cosh = o da h = t = 90°. Also ist von die der kleinste. Werth der such ber such ber such die ser fleinste.

ste Werth ist = $\frac{dh}{cosp}$ = dh. foc. p. Weil mun

allemahl sec p > 1, so ist auch ber kleinste Werth von dt, gröffer als dh. Des Hrn. v. D. Sag ist nicht nur, nicht allgemein richtig, sondern so gar allgemein falsch. Wenn man den Winkel in der schiefen Ebene mit einem Fehler gemessen hat, so berechnet man daraus den horizonkalen Winkel mie einem gröffern Fehler.

70. Für das bisher gebrauchte Erempel ben rechnete man ben fleinften Fehler fo;

log dh = 1, 4771212 abges log colp = 0, 9563870 - 1

1, 5207342

Gehört zu 33, 17. Um so viel Minuten wird ben bieser Danlege ber söhlige Winkel zum wes nigften unrichtig, wenn ber in ber bonlegigen Sbene nur um 30 unrichtig ift.

71. Dieser kleinste Fehler dh. sec p ist besto gröffer je gröffer p ift. Für p = 60° ist er = 2 dh. Ober wenn ber Schnur Donlege = 60' Grad, so fehlt man benm sibligen Binkel wenige ftens

stens um noch einmahl so viel als ben dem in der donlegigen Ebene. Ein Fehler von 15' ben die. sem, giebt wenigstens einen von 30' ben jenem. Für gröffere Donlegen, kann der Fehler des söhligen Winkels vielmahl gröffer werden, als der Fehler dessein in der donlegigen Ebene, mehr als 6 mahl so groß, den einer Donlege von 80 Graden; also einen Grad betragen, wenn man den dem don-

Will man dieses durch die gemeine Rechnung nach der Forinel (53) prüsen, so nehme man eine willführliche, nur etwas grosse Donlege an, und berechne daraus für zweene Werthe von h, die auch nahe ben 90 Graden, nur unter sich wenig unterschieden, die zugehörigen Werthe von t. Man wird sinden, das solche vielmehr unterschieden sind, als die Winkel aus denen man sie berechnet hat.

Ich have die Donlege p = 800 angenom-

men. Da finbe ich für h = 85° 84 50'

t = 59° 52′ + 56 45 +

Unterschiede 0 10

Dem vorhin gesagten gemäß, ist ber lettere Unterschied ohngefähr sechsmahl größer als ber erste.

72. Ich befürchte baher, des Hrn. v. D. Gifenscheibe ist nicht so brauchbar als man sonst ben ihrer übrigens so wohl ausgesonnens Appricheung munschen schen michte. Er wurde fetalt so geurtheilt haben, wenn er fatt seines nur übereilten Schlusses die Sache genauer untersucht hatte.

9. Anmerkung.

lleber die Berechnung des rechtwinklichten Dreveds. W. 47. §.

1. Wenn man sich in bem rechtwinklichten Drepeck 17 Fig. die Seite AB vertical vorstellt, also die ganze Chene des Drepecks vertical (Geom. 47. 6.) so beißt ben-dem Markscher

die Hypothenuse AC Slache

Höhe AB Seigerteuse

Grundlinie CB Soble

Der Winkel C Donlege

2. Bekannte trigonometrische Regeln lehren hie aus gegebenen Dingen gesuchte zu berechnen. Ich will hier einige hieher gehörige Formeln benbringen, so ausgebruckt, daß ich den Sinustotus das ben = I sehe, wedurch die Ausdrückungen am kürzesten und bequemsten werden. Wenn man barnach mit Hülse der Taseln rechnen will, so muß man sich erinnern, daß jeder Sinus und jede Tangente in den gewöhnlichen Taseln, in Zehnmillions theilchen des Sinustotus ausgedruckt ist, die Loggarithmen derselben aber den Sinustotus für Zehnstausend Millionen annehmen. Wie man die Rechnung diesem gemäß führt, habe ich in meinen Angfangs.

fangsgründen 1. Theil gezeigt, besonders in der britten Auflage in der Borerinnerung vor der Anmendung der Buchstabenrechnung auf die Trigonometrie. Es wird sich auch hier an Exempeln leicht weisen lassen.

3. Um gewöhnlichsten find Donlege und Blide

gegeben, baraus man bas übrige fucht.

4. Ich will der Rurze wegen, jede Seite mit dem fleinen lateinischen Buchstaben andeuten, davon der grosse an dem Winkel der Seite gegenstder steht. So heißt die Flache = b; Seigerteufe = c; Solle = a.

5. Alfo hat man in (3) Folgende Borfdriften:

Seigerteufe = c = b. sin C Sohte = a = b. cof C.

6. In Beiblers Erempel (B. 47 S.) ift bie

Donlege = 10°, die Flache = 6 lachter.

7. Will man mit den Zahlen selbst rechnen, so drucke man (2) Sinus und Cosinus der Donlege, die in den Taseln stehn, als Zehnmilliontheile aus.

8. Für bie Seigerteufe

fin
$$C = 0$$
, 1736482

c = 1, 0418892

9. Die Decimalbruche des lachters multiplicire man mit 8, so bekömmt man Achttheile, und deren Decimaltheile (Arithm. I Cap. 81.)

In (8) kömmt = 0, 0418892. 8 = 0, 3351136. Also beträgt die Seigerteuse 1 kachter

1 lachter 0, 3351136 Achttheil
10. Für die Sohle
cul C = 0, 9848077

6

== 5, 9088462 == 5 lachter 7, 2707696 Uchttheil.

vird, das Gesuchte in so kleinen Theilen anzugeben, selbst die gegebenen Gröffen, nicht so sehr richtig senn werden, in so grosser Schärse aus ihnen zu rechnen. Also kann man zu Abkurzung der Nechnung etwa van jedem Sinus die benden less ten Zissern weglassen, wie W. gethan hat. Vielleicht ist es aber doch oft bester, daß man sich die kleine Mühe nicht verdrüßen läßt, ein paar Zisern mehr zu multipliciren, wo man noch allemahl vom Produkte, die lesten Zissern wenn sie entbehrlich sind weglassen kann.

12. Wenn man die Flache durch 48 Achtheile ausgebruckt, und damit sogleich, statt a multiplicirt hatte, so ware die gesuchte Grosse sogleich in Achtheilen und deren Decimalifieilen gekommen. Man hatte aber alsbenn die gange barinn enthaltene kachter, durch die Division mit 8 herausbrin-

gen muffen.

13. Wer des K. Pr. Hrn. Bauraths tamberts Bufagezu den logarithmischen und trigonometrischen Tabellen (Berl. 1770; 8vo.) besist, sindet daseilbst inder XXV. Tasel unter der Aufschrift: Abacus Sinuum, die Sinns aller ganzen Grabe, seben auf den Sinustotus 1 gebracht, und mit jeder einzelnen Zifer mulfiplicirt. Die Sinus sind nur dis auf Hunderttausendtheile des Sinustotus angegeben, seder hat also 2 Zifern weniger, als in den gewöhnsichen Taseln. So steht das (8) gefundene Produkt, dort so: 1, 04189 die niedrigste Zifer nähmlich um 1 vergröffert, da das Weggelassen beynahe eine ganze Einheit von ihr beträgt.

Das ift also ein Ginmableins für bie Sinuffe.

Hr. L. hat sich besselben zu aftronomischen Rechnungen bedient, und da ihm hiezu sünf Decimalssellen in jedem Sinus genug gewesen, so konnte der Markscheiber, dem doch astronomische Schärse gar nicht einfällt, daraus schliessen, daß auch er jeden Sinus nur in fünf Decimalstellen nothig hatte (11). Daben wurde ich doch erinnern, daß Ir. L. wohl in der That sein Einmahleins zu machen, sieben Decimalstellen jedes Sinus multiplicirt hat, vom Produkte hat er die benden niedrigssen, die niedrigste die er behielt um 1 vergröffert. Daß er sich so verhalten hat, zeigt das bengebrachte Erempel.

Uebrigens enthält bieses Einmahleins nicht bie Bogen bie burch Grade und Theile von Graden

gegeben merben.

Mit den Logarithmen.

14. Da ziehe ich von jedes Sinus ober jeder Tangente logarithmen den ich aus den Tafeln neh-

me 10 ab; Ich beute aber nur biesen Abzug hinter ben logarithmen, durch das gehörige Zeichen an, und ziehe am Ende 10 von der Summe ab. Man kann auch gleich die Kennziser des trigonometrischen logarithmen in 0 verwandeln, und hinter ihm, nur so viel abzuziehen als der Kennziser zu 10 sehlte. Bendes zeigt sich in nachstehender logarithmischen Rechnung des vorigen Erempels.

15.
$$\log \text{ fin } C = 9$$
, 2396702 — 10 $\log b = 0$, 7781512 $\log c = 0$, 0178214 $\log 1$, 0419 = 0, 0178260

Weil $\log \tau$, 0419 — $\log \tau$, 0418 = 417; fo muß man von 1, 0419 ben Peoportionaltheil $\frac{46.10}{417}$

abziehen, giebt c == 1, 04189

Ohne diesen Proportionaltheil zu brauchen, sieht man sogleich baß c nur febr wenig kleiner als 1,0419 ist.

$$\log \operatorname{cof C} = 0, 9933515 - 1$$

$$0, 7781512$$

$$\log a = 0, 7715027$$

giebt a == 5, 9088
16. So stimmt viese logarithmische Rechnung mit 8; 11; überein, und giebt das Gesuchte so gleich dis auf Zehntausendtheile des Lachters, das ist die auf Hundertheile des Lachterzolls (2 Unm. R. 4 (41)

(41) welches für bie Ausübung scharf genug gehalten wird.

17. 3ch habe mich freylich hieben grofferer Lafeln für die logarithmen der Zahlen bis 100000 Die gemeinen Tafeln für bie Bablen bis 10000 gaben bas Gefuchte unmittelbar in einer Decimalstelle weniger, als es in (15) ohne Proportionaltheile gefunden wirb, immer noch zur Ausübung richtig genug. Benbete man ben ihnen bie Mube an , Proportionaltheile gu brauchen , fo fande man bas Befuchte fo genau, als es bie grof. fern Zafeln unmittelbar geben.

18. Wenn die Glache groß ift, findet man frenlich burch bie logarithmen Sohlen und Seigerteufen, nicht in fo fleinen Theilen als benm gebrauchten Erempel. Alsdenn aber, murden ben langen - Linien hundertheile eines Lachterzolls, vielleicht felbft lachterzolle, nicht febr in Betrachtung

fommen.

19. Ift bie gegebene Groffe in lachtern und Theilen berselben ausgebruckt, so wird es wohl am bequemften fenn, Die gangen lachter ju Uchttheilen zu machen, und fo Alles in Achttheilen und beren Decimaltheile auszubrucken.

Wie man die trigonometrischen Linien als gemeine Zahlen ben den Logarithmen, brauchen konnte.

20. Fur jeben Winkel finben fich in ben gemeinen Lafeln, Simus, Langente, auch wohl Gecante. cante, so berschnet daß der Sinus totus zehn Millionen angenommen ist. Der logarithme aber, der sür jede dieser Unien angegeben wird, sest els nen Sinus totus von Zehntausend Millionen zum voraus. Der logarithme also gehört zu einer taufendmahl grössern Zahl als seine trigonometrische Linie. Vermindert man ihn um 3, so bekömmt man einen logarithmen, dessen Zahl die ihm zuges hörige linie ist; Und umgekehrt: Jede trigonomes trische linie, kann man als die Zahl des neben ihr stehenden logarithmen ansehen, nur müßte man an sie rechter Hand noch dren Zissen schreiben, die man nicht weiß wenn man nur die gemeinen Taseln hat; in größern wie in Gellibrands Taseln, wurde man sie sinden.

21. Exempel. Man vermindere den logarithmen der Tangente von 55 Graden um 3; so ist 7,1547732 = log 14281480. Umgekehrt, die Zahl 14281480067 hat zum logarithmen 10, 1547732; Der Zahl dren leste Ziseen sind aus Gellibrands Taseln; State dieser Zisern mußte man dren Rullen sesen, wenn man nur die gemeinen Taseln hat-

te, und also diese Zifern nicht wußte.

22. Solchergeftalt mare mohl naturlich auf fol-

gente Borfchlage ju fallen :

23. Man bekommt für eine gemeine Zahl einen Logarithmen, der die Tafeln der Logarithmen für die gemeinen Zahlen, die man hat, übersteigt: Go feste man ihn als einen Logarithmen einer trigonomes trifchen Linie an, und suche ihn also unter den trischen Engenomes

gonometrischen logarithmen, und nehme bie ihm angehörige Linie, für feine Babl an.

24. Umgefehrt, eine groffe Bahl, febe man als eine trigonometrische Linie an, suche sie unter benfelben auf, und finde fo ihren baben flehenben Logarithmen.

Diefen Vorschlag that schon Reper ; ber feine Logarithmen nur für die trigonometrischen Linien berechnet hatte. Man febe meine IV. aftron. Abb. 59. 6. Er ift auch wohl in ber That zuweilen ge-Braucht worben, g. E. vermuthlich vom Sugen,

man f. unten 33. Anmert. 28.

25. Dief Berfahren ift ber Theorie nach vollig richtig. In ber Unwendung aber leibet feine Brauchbarkeit einen groffen Abfall, weil die trigonometrischen Linien , fich nicht burch einzelne Ginheiten, fonbern fprungweise andern, und also bie gesuchte ober gegebene Bahl, in ihnen felten febr genau zu finden ift , fondern nur Grenzen zwischen welche fie fallt, und zwar biefe Grenzen nicht eben gar zu enge benfammen, wenn man nur bie gemeinen trigonometrischen Tafeln hat, wo bie Bogen burch alle Minuten geben.

26. Bur Erläuterung biene bie Berechnung ber Sohle in (15). Wenn man ben Tafellogarithe men des Cosmus von C, nicht um 10 vermindert, fonbern ihn, wie er in ben Tafeln ftanb, gelaffen hatte, fo fame ber Soble logarithme = 10,7715027.

Es erhellt daß diefes ein logarithme irgend einer

Tangente fenn tann.

Er fallt zwifchen bie logariehmen folgenber ben ben Langenten

Bon 80⁹ 23¹ tang == 59019138 24 59123550

Manmußte an jede der Tangenten rechter Sand brey Nullen schreiben, so hatte man die Zahlen, welche den benden logarithmen in den Taseln zugebören, nur mit Ungewisheit der dren niedrigsten Zisern jeder Zahl. Und nun, von jeder Zahl die zehn niedrigsten Zisern rechter Hand abgeschnitten, giebt die eigentlichen Zahlen, zwischen welche die Sohle fällt. Die waren also

5, 9019 . . 5, 9123 . .

Diese Grenzen geben mas zwischen sie fällt ziemlich unsicher. Man könnte freylich auch ben ihnen Proportionaltheile brauchen; aber ba wird man lieber sieh der Logarithmen ber gemeinen Zahlen bedienen und ben ihnen Proportionaltheile anbringen.

- 27. Hatte man sowohl die trigenometrischen is nien als ihre Logarithmen, für Bogen die durch fleinere Unterschiede wachsen, so fande man freglich siche Grenzen enger benfammen.
- 28. Die logarithmen ber Sinusse und Tangenten von 10 ju 10 Secunden, hat man in Taseln die unter Sperwins und Gardiners Nahmen unterschiedenemahl herausgekommen sind, und ich in meiner astron. Abh. II. Samml. 4. Abh. 25 S. beschrieden habe. Die weueste, dort ebenfalls 21 S. angezeige

angezeigte Ansgabe: Tables des logarithmes - -Avignon 1770; enthalt die angezeigten trigonomes trifchen logarithmen, auch für Die erften vier Grabe burch alle Secunden, und bie logarithmen ber gemeinen Zahlen bisto2100. Aber feine natürlichen trigonometrischen Linien.

29. Da man, feitbem bie logarithmen befannt worden find, bie trigonometrischen Rechnungen lieber burch sie führt, als burch bie natürlichen Linien, fo hat man nicht geglaubt baß die legten in groffer Vollständigkeit nothig maren. ' Wozu man fie noch braucht, etwa Winkel burch Zeichnung vermittelft ihrer zu meffen ober aufzutragen, (Trigonom 7; 9; Sat) baju ift es genug fie für

alle. Minuten zu baben.

30. Bon gehn zu zehn Secunden findet man fie in einem jego ziemlich feltenen Foliunten: Thesau-rus mathematicus, f. Canon Sinuum... a Bartholomaco Pitisco, Grunberg-Siles. Franks. 1613. Pitiscus giebt hie nur die Sinus fur ben Sinus totud: taufend Billionen. Diefem aber ift bengefügt: Georgii Ioachimi Rhaetici Magnus Canon doctrinae triangulorum . . . auch von 10 gu 10 Secunden, und für ben Salbmeffer zehntaufent Millionen, Sinuffe, Tangenten, und Secanten; nicht unter ben jest angeführten Nahmen, wer aber biefen Canon gebrauchen tann, wird gleich feben wie biefe Dinge bort beiffen.

34. 3ch will nun noch einmahl Grengen, zwischen welche ber in (26) angeführte logarithme

fällt,

fällt, aus den Avignoner Tafein herschreiben, und die ihnen zugehörigen Tangenten, aus des Mariscus Canon.

Man sieht hieraus daß die gesuchte Sohle ziems lich genau durch die gröffere der benden Tangenten, auf den Sinus totus = 1 gebracht, wird gegeben werden, welches mit (10) wohl übereinstimmt.

32. Die trigonometrischen Linien als gemeine Bahlen mit ihren logarithmen ju vergleichen giebt boch alfo eben feinen groffen practischen Bortheil; wenn man auch gleich bie von mir zunächst ge brauchten, feltenern Sulfemittel anwendet. Frem-lich wenn die Grenzen noch enger bepfammen måren, wenn man Die trigonometrifchen linien, und derfelben logarithmen burch alle einzelne Secunden batte, murbe die Ausubung biefes Kunftgriffes noch bequemer und richtiger. Wie aber, nicht eben ber unterirrbische Geometer ber Marticheiber, fonbern mehr ber himmlische, ber Astronome, foli che logarithmen fur alle Secunden, wohl wunschen durfte, so sind doch die Linien selbst daben in solcher Vollständigkeit, zu jeder Absicht so viel ich einsehe als zur gegenwärtigen, entbehrlich. Und allemahl wollte ich statt der trigonometrischen is nien durch einzelne Secunden, lieber logarithmen ber gemeinen Zahlen etwa bis auf eine Millian bered)net

Ċ,

technet, haben, baburch sich bie ilogarithmischen Rechnungen bequemer und sicherer wurden führen lassen, als burch ben Gebrauch ber trigonometrischen Linien.

33. Es ist manchmahl gut, einen Vortheil ber sich darzubieten scheint, gehörig zu schähen zu wissen. Das wird mich rechtsertigen, wenn ich von diesem Gebrauche der trigonometrischen Linien als Zahlen, so umständlich geredet habe. Uebrigens gehört dieses freylich nicht weiter zur Markscheider kunft als in sasen die Trigonometrie dazu gehört. Es hat indessen der Dr. v. Oppel selbst einen solchen Gedanken geäusert 260 S. auch erinnert, daß hieden dienlich senn wurde, die trigonometrischen kinien und ihre kogarithmen, für alle Secund den zu haben.

Ueber des Herrn von Oppel Tafeln der naturlichen Sinusse und Tangenten.

34. Der Hr. v. D. 257 u. f. S. beschreibt die Einrichtung und den Gebrauch besonders von ihm eingerichteter trigonometrischer Taseln. Er hat den Sinustotus — 80, 0000 angenommen, und darnach die natürlichen Sinus und Langenten in den gemeinen Taseln deren Sinustotus zehn Mils lionen ist verändert.

Es ist nahmlich für jeben Winkel, zehn Milkonen: 80 = gemeiner Sin.; v. Oppels Sinus. Also ber Oppelische Sinus = 0, 000068, gemeiher Sinus.

3. E. Idr 1 Minute, ist der gemeine Sie nus = 2009; blefer mit der angegebenen Bahl multiplicirt, giebt 0, 023272; Die benden lesten Bifern lagt Br. v. D. weg, weil er nicht weiter als bis auf Zehntaufendtheile geht, und vergröffett wie gewöhnlich, bie unter ben Zifern bie er behalt die niedrigste um 1; weil das Beggelaffene, mebr als eine balbe Einheit Diefer Bifer beträgt,

35. Man fieht leicht daß ber Gr. v. D. fich bieben ben Sinustotus als I lachter = 80 Boll vorgeftellt, und die Gröffen bis auf Zehntausendtheis le eines Zolls angeben wollen. Go begreift jeder seiner Sinuffe ber nicht fleiner als go bes Sinus totus ist-Zolle, und Zehntausendtheile berfelben. Die Zehntausendtheile sind in den vier lesten Zifern enthalten, und biefe Zifern hat der Sr. v. D. besmegen burch einen Punct von ben vorhergebenben gangen Bollen abgefondert.

36. Alfo aus Flache und Donlege, Die Seigerteufe zu finden, giebt er folgende Borfcbrift: Man drucke bie Flache als eine Menge von lachtern aus, biefe Menge kann auch ein Bruch fenn. Go ausgedruckt multiplicire man fie mit bem Sinus feiner Das Produkt giebt die Seigerteuse in Zehntausendtheilen von Jollen. Schneibet man alfo die vier niedrigsten Bifern ab, so hat man in ben bobern bie gangen Bolle, die man mit 80 biri-

biren muß, sie zu lachtern zu machen.

37. Sein eigen Erempel ift: Die Flache = 5 & 3 Achteb, 6 Boll = 198 Lachter. Die Donler ge = 97° 15'; beren Oppelischer Simis = 48-4235 ber Punkt sondert die Zehntausendtheise ab. Dieser mit 109 musikplicirt giebt 5278. 1615 und bas mit 20 dividirt giebt 263. 90807; die Zisern linker Hand des Punkts sind ganze Zolle, also ist die Seigerteuse = 3 kachter 23, 90807 Zoll. Die fünste Decimalziser 7 hat Hr. v. Oppel nicht, weil er nicht weiter als die vier geht.

38. Wenn der Hr. v. Oppel für gut befunden hatte, nach meinem Vorschlage (19) Alles in Achtspeilen und deren Decimaldrüchen auszudrüksten, so wären ihm die gemeinen trigonometrischen Laseln zulänglich gewesen, und er hätte die Müsche erspart sie sür einen Sinustotus von Achzig Zehntausendtheisen zu verwandeln. Wirklich hätte ein Mann von seinen Einsichten und Eiser, die Zeit die ihn dieses gekostet hat, zu Etwas viel wichtigern und nüslichern anwenden können.

39. Sein Erempel wurde ich noch (5) fo rechenen. C = 37° 15'; b = 43, 6 Achttheil, Alfo fin C = 0, 6052940 der mit 43, 6 multiplieitt; c = 26, 39081840 glebt. Das sind Achte speile, und also ist die Seigerteuse = 3 lachter 2, 3908184 Achttheile. Diese Rechnung ist doch in nichts weitläuftiger als des Hrn. v. D. seine, ausser in sofern der Sinus den ich brauche eln paar Zisern mehr hat, und so die Rechnung mit einer freylich überstüffigen. Schärse giebt.

40. Die logarithmen ber trigonometrischen linien, hat der Hr, v. D. so gelassen, wie sie in ben gewöhne wöhnlichen Lafein, für den Gibustotus zehntau.

fend Millionen zu finden find.

41. Ben der Nechnung mit den logarithmen sucht er sich des 20 u. f. angesührten Vorthells zu bedienen. So findelt er für das Exempel (38) log tab sin 37° x 5. H log 109 — log 20 — 10, 51863629. Alle logarithmen aus den gemeinen Laseln genommen. Nun sucht er den gesundenen logarithmen in seinen trigonomeerischen Laseln auf. Um nüchten frimme diesem logarithmen der von Lang 37° 8'; Sie ist der schaft ihm 2d. 8628 (36). Diese Zahl so verstanden, daß die Istern linker hund des Prankses ganze Zoll bedeuteten, ist ein wenig kleinen als vie eigentliche Seigerteuse (37) und so bekömme der Hr. v. D. Unlaß zu der (33) angeführten Erinnerung.

42. Weim man die Langente von 73 Gr. kM. in den gemeinen Lasten aufsicht; und auf den Sie nuscous = 1 bringt, so ist ste die Jahl von lachten welche der Seigereuse gehören. Denn die Seigereuse zu sinden, multipskirte Hr. v. D. den Sinns der Dontege mit 200 und die Einheit, auf welche sieh diese Antigentliche Bruid bezieht, ist ein lachter (35):

Alfs ift die Seigetteufe = 3,2982851 lachter. Die Derimalbeuche mit 8 multiplicirt, köme 26, 3862808 für die Menge von Achttheilen, die noch zu den 3 ganzen kachtern gehöreit, die Seigerkufe auszumuchen Wan sieht daß dieses, wie gehorig, genna until(44) übereinstimme, nur daß bie tleinften Gangen bie Aldsttheile, benten Boll finb.

10. Anmerkung.

Ucber die Tafeln der Gohlen und Seigerteufen.

Berechnung derfelben.

1. In (9. Anm. 5.) sen die Flache aus zwen Studen zusammengefest, b = p + q; so ift

Seigerteufe = p. fin C + q. fin C

Soble = p. col C + q. col C

2. Alfo berechne man für eine gegebene Donlege, Seigerteufe welche ber Flache p; und Seigerteuse welche ber Flache q gehort, benden. Seigerteufen Summe, ift die Seigerneuse welche ber Flache p-l- geschott. Eben so mit ben Sohlen.

3. Es erhellt daß eben das statt sindet, wenn die Flache aus drep oder mehr Stücken zusemmengesetzt wird; So ist die ganze Seigerteuse, die Summe der Seigerteusen, und die ganze Soble, die Summe der Soblen, die den Stücken zugeshören. Welches man sich auch leicht durch eine Figur vorstellen kann, wenn man ein rechtwinklichtes Oreneck mit linien durch Punkte der Sposchenuse den Seiten parallel gezogen, in chaliche

4. Was für ben Winkel C, als Doellege betrachtet, Seigerteufe ift, ware Gobie, wenn man A für Donlege amahme, bas ist BC vertical, allemahl

Pleinere theilt.

mahl den rechten Winkel zu unterft stellte. Und gegentheils, der Donlege C Sohle ift ber Donles ge A Seigerteufe.

Nahmlich Seigerteufe und Cobie, find ber

Donfege Sinus und Cofinus.

Auch machen C und A zusammen ho Grad.

3. Für eine angenommene Flache alfo, ift

Seigerteufe ju 45° — u == Soble ju 45° + u Soble au = Seigert. ju

Sohle zu Seigert. zu Go hat man alle Seigerteusen und Sohlen berechnet, wenn man fie für bie etsten 47 Brade berechnet hat.

6. Diefen genaß, haben fich bie Tafeln fo eine

tichten luffen, wie ich nun befchreiber will.

Weidlers Tafelit.

7. In einer schmalen Columne linker Hand fich hen die Donlegen, unter der Anfschrift: Gradus libellae, welche der Ueberseger, wörtlich durch Grade des Gradbogens gegeben. Sie wachsen bis 90 durch alle Wiertheilsgrade, welche Schärfe nach B. Erächten den Markscheidern julanglich ift.

8. In einer schmalen Columne rechter Dand steben Donlegen, deren jede mit der, (7) welche sich mit ihr in einer Zeile befindet, 90 Grad macht. 3. E in einer Zeile linker Hand 4 und rechtes Hand 86. Diese Donlegen rechter Pand, wache sen also von hinten, vom Ende ber Tasel bis vor en den Ansatta.

9. 3mm

9. Zwifchen biefen Columnen, befinden fich zwölf, überschrieben &; \(\frac{1}{2}; \frac{1}{2}; \

10. In jeder solcher Columnen fteben für die Ilm chen bie ihre Ueherschrift anzeigt, Seigerteufen, ben Donlegen in der linken Seitencolumne zugehörig.

gr. Nahmlich was in einer ber Columnen (9) und zugleich in diner Zeile mit einer Donfige (7) steht, ist die Seigerteufe, welche ber Jäthe der Columne und der Donfige der Zeile zugehört.

12. Eben bas (11) aber, steht in einer Zeile mir einer Donlege rechter Hand (8). Und für

Diefe Danlege ift es Soble: (5).

13. Wenn man also Seigerteufen wissen will, sucht man die Donlegen linker hand, und wenn man Sohlen wissen will, rechter hand.

2 r4. Diefe Gohlen ober Seigertaufen, giebi 98.

Dis auf Zehntheile von Zollen an.

15: Wenn ein Glieb feiner Tafel nicht mehr als bren Zifern enthält, so lassen sich solche zusammen lesen, wie man sonst Zahlen mit bren Zifern geschrieben ließt, die niedrigste Einseit bedeutet Zehntheilt von Zollen.

Bu 2 Gr. Donlege und 10 & Blache gehort 279 Seigerteufe, nahmlich so viel Zehntheile eines Zolls, ober wie sie zuweilen genannt werden Drimen; So kann man dieses als eine einzige Zahl aussprechen, oder sagen: 2 Achtheil, 7 Zoll, 9 Primen.

16. Wenn

to Wenn aber ein Glieb ber Tafel mehr als bren Zifern hat, so kann man bie, welche ben bren niedrigsten zur linken Hand stehn, nicht mit ihnen zusammen lesen. Sie bebeuten für sich, ganze lachter.

Bu 85 Gr. Donlege und 20 & Flache gehört

19739. Das heißt 19 lachter 739 Primen.

27. Ich finde es, zumahl für einen lehrer ber Mathematik, sehr unvorsichtig, auf diese Art Zisfern an einander zu schreiben, die nicht kannen zustammen gelesen werden. Dieses kann sehr leicht ben dem Gebrauche der Tafeln Irrungen verursachen, wenigstens erfordert es eine Ausmerksamskeit auf die Bedeutung der Zisern, die mit einer kleinen Bezeichnung leicht ware erspart worden.

18. Den Gebrauch seiner Safeln erläutert 3B. mit Exempeln, baben ich Giniges bemerken will.

19. In seinem 48. s. II. Er. ist die Regel of senbahr gang falsch. Er will die Seigerteuse für 4½ Grad und 5 lachter wissen. Da such er se, dieser Flache zugehörig, erst für 4 Grad, denn sur ½ Grad, und abbirt das zusammen.

Run aber ift bekanntlich bie Geigerteufe ber Sinus ber Dontege, wenn man bie Flache fur ben

Cimestotus annimmt.

Ulfo ist W. Verfahren folgendem gleichgültig: Man will den Sinus von 4½ Gr. wissen, und adbirt zusammen, die Sinusse von 4 Gr. u. von ½ Ge. Daß ber Sinus ber Summe zweener Winke nicht die Summe ihrer Sinusse ift, kann man sich, wer es noch nicht weiß, leicht überzeugen. Also ist W. Verfahren unrichtig.

Sind aber bende Winkel klein, so ist beprahe ber Sinus ihrer Summe, die Summe ihrer Sinuffe, wie aus ber Formet fur ben Sinus ber

Summe erhellt (Erigon. 19: S.).

Alfo batte 2B. erinnern follen, baf fein Ber- fahren ben biefem Erempel, nur ben tleinen Bin-

feln, und auch ba, nur bennahe gutrifft.

Wenn man 5 lachter burch 40 Achttheile ausbruckt, und damit ben Sinus von 4½ Grad auf den Sinustotus 1 gebracht, multiplicirt, so bekömmt man die richtige Seigerteufe 2, 96434 Achttheil; also frentich in Zehntheilen des Zolls, so wie 2B. sie angiebt, der nicht weiter geht.

20. In seinem III. Erempel, verlangt er die Seigerteufe für 34 Grabund 13 & Lachter. Da sucht er einzeln, für diese Donlege, die Seigerteufen zu 303 33 \frac{1}{25} \frac{1}{

21. Theoretisch ist dieses Verfahren ganz richtig. In ber Anwendung aber muß man bedenken, daß jede einzelne Seigerteuse, nur dis auf Zehnetheile des Zolls angegeben ist. Gine Summe vieler solcher Gröffen, wird affo nicht in Zehneheilen des Zolls richtig senn, und W. giebt doch diese Zehntheile in der Summe an.

22. Zu zeigen wie viel Unrichtigkeit biefe Tafeln fo gebraucht geben, will ich M. Erempel unmittelbar

telbar trigenometrisch berechnen, einmaßl burch ben natürlichen Sinus, und barnach burch logarithmen. Die Fläche ist 13 £ 5 A. = 109 Achteheile, und ich nehme zur Einheit ein Achteheil an. Die Donlege ist 34 Grad.

fin 34° = 0, 5591929

109

5, 0327361 55, 919290

Seigerteufe = 60, 9520261 Achth.

7 lachter = 56

Geigerteufe = 7 & 4, 952026 Aduttheil. Ferner log fin 34°, = 0, 7475617 - 1 log 109 = 2, 0374265

> log ber Geigert. = 1, 7849882 giebt die Geigerteufe = 60, 952 Achttheil

Alfo, fo weit die Logarithmen hie reichen, eben wie die Rechnung mit dem Sinus felbst.

23. Erfilich also ist die logarithmische Nechnung offenbahr kunger als die aus B. Taseln. Man abbirt doch wohl lieber zweine Logarithmen, als wier Glieber ihrer Tasel. Hat man logarithmen, wie ich hie gebräucht, so sindet man also mit leichterer Mathe, als aus B. Taseln, das Gesuchte in Hundertheilen des Zolls, an die B. Taseln nicht reichen, wenn quit die Zehnthelle des Zolls aus demselben richtig zesunden matchen. Die gemeinen logarithmischen Massall die Lood, geben doch das Gesuchte

Sostichte auf Zehntheile des Zolle, mis b genau als W. Lafeln es versprechen, (aber nicht halten) und weim man Proportionaltheile brauchen will, auch auf Hunderstheile.

Und solchergestalt ist schon bie Muhe bie man, sich durch 2B. Tafeln erspart, nicht fehr betrachtlich.

24. Nun aber zeigt sich vollends, daß die unmittelbare Berechnung, 2 Hundertihelle eines Zolls, Weiblers seine nur 3 Zehntheile, also über 2 Zehntheile zu wenig giebt. Der fünfte Theil eines Zolls, um welchen Weiblers Nechnung, ober eigentlich noch um was mehr sehlt, ist keine ganz unbeträchtliche Grösse.

34 Die Unwallkommenbeit ber Tafeln, bof jedes Glied nur bis auf Zehnsheile des Zolls geht, batte fich badurch vermindern laffen, bag inan eines Gliedes niedrigfte Bifer um i pergroffert hatte, wo die weggelaffenen hunderttheile u. f. w. mehr als ein halbes Zehntheil betragen, welches ben trigonometrifchen u. a. Lafeln gewöhnlich genug ift, felbsten von Voigtel 41 S. gelehrt with. Daß Weibler biefes wenigstens nicht allemahl gethan hate ebhellt aus Bergleichung einiger Glieberen Gur gleiche Donlege, ist offenbahr ben ber Blacke 20, bie Seigerteufe gehnmabt gröffer als ben ben Flache 1. Und ba ift oft ben jener bie niebrigfte Biffer groß, ohne baß bas ben biefer in Betracheung gejogen ware. Bu's De, Donlege, Beht 279 ben ber Flache roj und mobes der Tim Die foster Seigerteufe, ist alfa bennahe une ein gang Finantheil eines nes Bolls zu kind angegeben, mit viel geringern Inchame ware sie ein wenig zu groß; 28; gesehr worden.

26. Eine allgemeine Folge aus dem bisherigen, möchte wohl fenn: daß AB. Tafeln nicht viel beffen als unnif sind.

Beyers Tafeln.

27. Sie fiehen, am Ende feines II. Speils. Beger liefert Duegerley folde Safeln.

28. Die erffe newitt er much den Achtein.

Sie ist im wesenkichen mit ben nur beschrier benen einerlen; hat eben die Seitencolumnen (7; 8) giebt Sohlen ober Seigerten m wie (14) und die Juhlen wie (14; 16) ausgedrucket, auch ist die Erinnerung (25) ben ihr ebenfalls nicht beobachtes, sondern es steht auch in dem dorten angesährten Erempel 27 wo 28 der Wahrheit näher ware.

29. New enthatt fie mehr Zwischencolumnen (9) als 2B. Neben ben bortigen zwissen, noch neun,

für jebe Menge einzelner Boll.

Durch diese nenn, wird die Regel Detri erspart, die BB: nothia hat, wenn die Flache mit durch Boll gegeben ift. Man f. hieven fein III. Erempel.

30. 38. Lafeln tonnen alfor, als ein Auszug

aus diefer Benerischen angesehen werden.

3. Bebrigens gilt auch bie, was ich ar. . . 26

gefage habe.

32. Beners zwente Tafel heißt: nach ben Zehenteln. Es ist Woigtels Tafel, aus bessen Mark-Go- fcheidefchelbekunft f. Theile Das lachter wird in taufend Theile gerheilt, und in folchen Theilen find Sohlen und Seigerteufen angegeben, bas ift in folchen Theilen, beren jeder o; ost des Molls ift,

27 (2 Anm. 44.) Diefe Theile find alfo nur ein wenig fleiner, als die Behntheile bes Bolls bis auf welche Bepers und Weiblers Tafeln gehn.

33. Seine britte Zafel, nennt Beper, einen Briract aus weiland herrn Simonis Stevini Ta-Sinus und Cosinus burch alle bulis Sinuum. Wiertheilsgrade, in zehntaufenbtheilen bes Simus. rotus, alfo in bren Bifern weniger als bie gewöhnlichen Lafeln haben. Angenommen, baf ber Brab-Bogen bie Donlegen nicht genauer als auf Biercheilsgrade angeben foll, fo kan biefer Ertract bem Marticheiber nur bagu bienen, bag er bie Bogen, bie er allein braucht, bie von ben übrigen abgefondert leichter findet. State Cofinus ift in Der Ueberfcheift ber Columnen : Sinus Berfus gefest', nur burch einen Gebreibfehler, benn dus P. 4. c. 8. erhellt, baß Bener wohl gewußt, mas Sinusverfus, und Sinuscomplementi find. nusrectus ift burch Seigerteufe, und ber falfchlich fogenamite Simusversus burch Goble überfest, Diefe Lafeln follen nach Beners Erinnern V. Th. 5. Cap. ben vorigen jur Probe bienen.

In ber Trigonometrie, bie Beger IV. Theil 8. Cap. abhanbelt, find feine togarithmen gebrauche,

aber P. VI. Prop. 18.

Des Hrn. v. Oppel Cafeln.

34. Sie geben durch Donlegen von 5 ju 5 Mir nuten. Der. Hr. v. Oppel sodert, daß man die Winkel wo möglich so genau meffen foll, und hat kierinnen schon Boigteln, Markscheidek. 111. Th. 6. zum Borganger.

35. Die Flacken, zu beren jeder, für jete Donlege Seigerteufe und Sohle berechnet find, sind folgende: In Bollen; 1; 2; 1; 2; 3; 4; 5. In lachtern; 1; 2; 3; 4; 5; 10. Diese Anordnung ist mit guter Einsicht gemacht, man kann jede Flacke bequem aus ben angezeigten zusammen sehen.

36. Sohlen und Seigertenfen sind in Zossen und beren Humberttheilen ausgedruckt. Daburch wird vermieden daß lachter, und Achtheile entweder mit besondern Zeichen mußten unterschieden werden, oder wie ben vorhin beschriedenen Einrichtungen, auf eine unschiedliche Art zusammengeseht wurden. Daß Hunderttheile der Zosse angegeben sind, bringt den Bortheil, daß ben Summirung etlicher Glies der Lasel, das Verlangte, dach immer noch in Zehnebeilen, wenigstens in ganzen Zossen, richtig herauskommen wird.

37. Ich will nach biefen Tafeln bas Grempel (22) rechnen

2	447, 35 Zoff 134, 21
4 21.	29, 37
	511, 2 2

609, 52 wie in (22) nur baff

bie die Einheit ein Boll ift.

38. Wenn man biefe Rechnung mit Weiblers feiner vergleicht, fo wird man feben, daß ben D. bie Columne der Hunderttheile des Bolls fehlt, und beswegen bekommt er in Schntheilen fo viel zu

menig.

39. Daß aber bier bie hunderttheile eben fo fommen, wie ben ber unmittelbaren Berechnung, ift frenlich ein gludlicher Bufall, ben man nicht allemabl erwarten darf. Wie er hier emftehen konnte, macht die Rechnung (22) baburch begreiflich, baß fie teine Laufendtheile bes Bolls angiebt. Muferbem tragt es auch gur Richtigkeit ber Rechnung nach Grn. v. D. Tafeln viel ben, bag er bie Bifer ber hunderttheile um i vergröffert hat, wenn bas Beggelaffene bennahe ein Sumbertheil bemug.

40. Benm Gebrauche biefer Tafeln wurde nutslich fenn, jede Babl von tachtern wenigftens von t bis 10; in Zollen ausgedruckt zu haben. gleichen Ginmafteins für bie Lachter wurde im Exempel (37) gleich zeigen, baß 7.4. = 560 3. und so behielte man burch ben Abzug bie Bolle åbrig.

41. Wenn

41. Wenn man Lafeln von Sohlen und Gel. gerteufen brauchen will, so sind ohne Zweifel bie Oppelifchen vorzüglich zu empfehlen,

42. Indessen gestehe ich, daß ich mit logarith. men für die gemeinen Zahlen bis 100000 allemahl bequemer und richtiger zu rechnen glaube, als felbst mit biefen Zafeln.

43. Ein Bepfpiel, bas der hr. v. D, felbst giebt mag biefes bestätigen. Er sucht 672 S. für 28% lachter 9% Zoll und 690'25! bie Beigerteufe. Die fest er nun aus folgenden gufammen: Bur (10 + 10 + 4 + 4 + 4 + 1) lachter + (1 + 4 + 2) Boll. Alfo hat er neun Glieber seiner Tafel zu adbiren.

Ist nicht folgendes kürzer: 28 lachter = 222 Alfo ist bie Flache = 229, gr Acht. Achtel:

 $\log 229$, 95 = 2,3616334log fin 69° 25' = 0, 9713509 -2, 3329844

gehört ju 215, 27 A.

26 1 = 208

Die Geigerteuse = 26 & 7, 27 Ucht. Dr. v. D. findet = 26, 7, 269,

11. Enmerkung.

Den Winkel von gezogenen Schnüren, blos durch Messung gerader Linien anzugeben.

1. Man tann biefes wunfchen, wenn man ben Compas nicht brauchen barf, und mit ber Eisen-Scheibe nicht verfeben mare. Geometrie und Eris gonometrie bieten baju unterschiebene Mittel an.

. Geometrische Auftofung:

2. AB, AC, 18 Fig. find Gruden nuf ben Schnaren aus bes Wintels Spige gemeffen; Man meffe noch ihre Gehne BC, und gelchne num aus ben bren Geiten bas Dreped boa 19 Big. nach bem verjungten Maasstabe, fo tann man in biefer Beichnung ben Winkel a = A meffen.

3. Das fest alfo nur jum voraus, baß ber Martitheiber ein Maaf ben fich bat, bie Schnu. re AB, AC, BC, bamit zu messen. Es muß fleine Theile enthalten, ober man muß einen Theil bapon, in fleinere gerheilt haben, Die linien ge-nau zu meffen, besonders BC bie nicht willfuhrlich ift.

4. Wollte man fich ber lachterschnur bedies nen, die man ohnebem ju brauchen gewohnt ift; to fonnte man besonders auf Bolg ober Deffing, ein Achtheil , ober ein balbes Achttheil in taufend Theile getheilt baben.

. Wei

g. Weil die Schenkel des Winkels von willtigelicher tange fomen genommen werden, fo murbe, ich rathen jeden gebn Achttheile lung zu machen, die Sehne auch mit Achttheilen, und Tenfandsheilen: eines Achtheils zu mesten.

6. Der wenn man nicht fo lange Schenkel neche, men wollte, konnte man jeden funf Uchttheil machen, und ben Abmeffung ber Sehne, fich ber ganzen, und bes halben in Laufendtheile getheilt bedienen.

7. Jebes biefer Berfahren (5; 63) gabe bes. Drenecks gleiche Schenfel jeben = .10000 unb *

Die Grundlinie in folchen Zehntaufenotheilen,

y. Wollte man sich also ben ber Zeichnung eines verfüngeen Maasstabes bedienen, ber wie gewöhnlich 1000 Theil hat, so konnte man zuerst von ihm die Grundlinie Verzeichnen, und die Schenkel

barüber, zehnmahl fo lang als er ift fegen.

9. Ware die Grösse dieser Zeichnung zu imber quem, so wurde man wohl sich befriedigen können, wenn man einen Theil des verjüngten Maasstabes so viel bedeuten liesse als zehn des wirklichen. Des Drepecks Schenkel wurden da der lange des verstüngten Maasstabes gleich.

Denn man nicht aus ber Spine des Wine

tels meffen tonnte.

10. Es könnten wohl ein paar gerade kinlen, BD, CE, ihrer lage nach gegen einander bestimmt son, ob man gleich ben Punkt. A in dem sie zus sammenstossen, nicht vor Augen sähe, oder sonst nicht bequem genug von ihm messen könnte.

خيورة ج

ein paar Gange zu Tage ausstrichen, boch nahe genug ben einander, bag man von einer zur andern auf einer Gbeme messen konnte.

12. Da messe man also in ben benben Linien willkubrliche Stude BD, CE; Ferner die Linien BC, BE, CD.

'13. Nun die Zeichnung zu machen, ziehe man auf dem Papiere, be nach dem verjüngten Maasse so groß als BC nach dem wirklichen ist.

Darauf setze man nach bem verjungten Maasse bie Drepecke bed, bee, wie die groffen nach bem wirklichen Maasse sind.

So hat man die Linien bd', ce, bie verlangert einander in a schneiben, und bas Dreneck bac ist dem groffen, bas eben die Buchstaben hat, abulich.

14. So gabe fich burch Abmessen auf ber Zeich, nung mo bie Linien, wie (11) jusammenstiessen und was sie für einen Winkel machten.

Trigonometrische Auftofung.

gemessen, ben Winkel A berechnen.

16. Da wird nun alles sehr erleichtert, wenn anm die Schenkel gleich macht und wie in 5 ober 6 verfährt.

17. Die Regel den Winkel zu finden, ist aus Erig. 9. S. folgendes

Man halbire die gemessene Sehne.

Diefe Balfte febe man als einen Sinus, für

Den Sinustotus = 10000 an;

Das ist man suche unter ben Sinussen wie sie in ben gewöhnlichen Taseln für ben Sinustotus zehn Millionen stehen, den auf dessen höchste Zifer, die drey niedrigsten abgeschnitten, ihr am nächsten kommen.

Den Wintel, melder biefem Sinus jugebort,

verboppele man, fo bat man ben gesuchten.

18. Erempel. Hur BA = CA = 10000; sep BC = 11387

 $\frac{1}{2}BC = (693, 5)$

Aber sin 34° 421 = 5692795

43 = 5695186

Wenn man von jeden dieser Sinusse die brey niedrigsten Zisern abschneidet, so fällt die halbe Sehne zwischen bende, und ziemlich nahe an den kleinern. Man nehme also seinen Winkel für des gesuchten Halfte an, so ist der gesuchte A = 69°

18. Wenn es ber Mühe werth ware, und man sich auf die Messung der Linien genau verlassen durfte, könnte man den Winkel noch schärfer finden. Man bringe die Sinus auf den Sinustonens zehntausend, oder man stelle sich vor jedes vier niedrigste Zisern, sind Decimalhrüche, und die höhern Ganze. Er ist der benden Sinusse linter-

fchieb = 2, 391; bes fleinsten, und ber hatben Sehne Unterschied = 0, 704; ju biefen benden Rablen und 60 bie vierte Proportionalzahl = 18. Um fo viel Secunden ift der halbe Winkel gröffer, als ber fleinste ber benden, zwischen die er fallt. Rolglich bekommt ber gange ju ber angezeigten Groffe noch 36".

19. Die trigonometrifchen Tafeln zeigen, bag bis auf 75° 451, bie Sinus fich in Zehntaufenb. theilchen bes Sinustotus anbern, in bem fich bie

Bogen um einzelne Minuten andern.

20. Benn man alfo nach gegenwärtigem, Berfahren ben halben Wintel fleiner als 75 Grab finbet, fo hat man ihn innerhalb einer Minute, und ben ganzen innerhalb 2 Minuten. Es ift auch leicht zu sehen, welcher von ben benben Minuten, amischen bie er fallt, ber halbe am nachsten liegt, und welcher feiner Grenzen alfo ber gange am nachsten senn wird.

21. Fur groffere Wintel finbet man ben halben mit einer Ungewißheit bie 2 ober mehrere Minuten beträgt, und ben ganzen allemabl mit boppelt

so viel.

22. Einen fo ftumpfen Bintel, murbe ich rathen, burch eine Schnur, bie aber genau in feiner Chene mußte gezogen fenn, in zweene ju thei-

len, und jeben einzeln zu fuchen.

23. Batte man bas ganze oder halbe Uchtfheil in 5; 6; nur in Sunderttheile getheilt, fo gaben sich die Sehne des gangen Winkels ober der Sinus nus des halben, nur in Tausendtheilen des Sinustotus. Dergleichen Sinus stellen die in den Tasseln vor, wenn man von jedem die vier niedrigsten Zisern abschneidet. Da läßt sich der halbe Winstel, wenn er über 10 Grad beträgt, nicht genauer sinden, als auf 2 oder 3 Minuten, der Ganze auf 4 oder 6 Min. Allemaßt viel genauer als ihn Compas oder Sisenscheiben angaben. Nur ben ziemlich stumpfen Winkeln, wurde die Ungewisseit Viersteils die halbe Grade betragen. Solche Winkel müßte man also in kleinere theilen, (22) oder versuchen, ihre Nebenwinkel zu messen.

24. Wer sich die Mube ersparen wollte, erst jedes Winkels Salfte aufzusuchen, und bann zu verdoppeln, könnte sich eine Tasel der Sehnen für den Sinustotus Zehntausend machen. Nähmlich, jeden Sinus in den Taseln verdoppeln, und vom Doppelten die vier niedrigsten Zisern abschneiden, mit der Vorsichtigkeit, daß der bleibenden niedrigste um s vergrößert wurde, wenn die weggeworsenen mehr als eine halbe Einheit von ihr austragen.

Diefe Lafel ginge von 2 ju 2 Minuten.

25. Wer nur alle Sinus bis 45 Grad verdops pelte, hatte eine folche Lafel, die aber nur bis an ben rechten Winkel zu brauchen ware.

26. Stumpfe Wintel mußte er also nach (22)

eintheilen.

27. Für den Sinustotus Tausend (23) findet sich eine folche Tafel (24) in P. Bernh. Grubers, eines Cistercienfers, und Prof. der Philos. 3u Prag,

Horographia Trigonometrica, Prag 1718; 4°. am Ende des Buchs. Sie geht nur bis an 90 Grad (25). Wie genau sie die Winkel geben kann zeigt (23).

28. Wenn man Winkel zeichnen will, (und baqu ist Grubers Lafel bestimmt) läßt sich nicht wohl was genauer eingetheiltes zum Sinustotus brauchen, als ein tausendtheilicher Maasstab. Und so kann eine Lafel wie Grubers, zu Zeichnungen zulänglich senn.

29. Aber, Winkel zu meffen, konnte man, bachte ich, wohl ben Sinustotus Zehntausend brauchen.

30. Es ist nichts Meues, Winkel so burch Sebnen zu meffen. Man bat eine Tafel bagu von Djanam, welcher annimmt, man mache jeben Schenfel 30 Ruff, und meffe bie Gebne mit einem Maaffe, wo der Fuß in 12 Boll getheilt ift. Das ware fo viel als Gehnen fur ben Sinustotus 30. 12 = 360, wenn bie Gehnen durch alle einzelne Bolle gingen; fie geben aber in ber Tafel von 2 ju 2 Bollen, bas ift die Lafel giebt die Winkel nur fo genau an, als Sehnen für ben Sinustotus 180 fie angeben tonnen, also ist ein Winkel von seinem nachsten schon um viel Minuten unterschieben, wenn bie Winkel nur mäßig groß werben. Da nun auch bie Ginrichtung bes Maaffes ben biefer Lafel ziemlich unbequem ift, so verdiente fie es eben nicht, baf fie fo oft ift abgebruckt worden. Man finbet fie unter andern auch in Sturms Ausgabe von Strauchs Zafeln, gegen bas Enbe. Hrn.

Heftafel Halle 1753, ist bequemet eingerichtet, enthalt aber nur für ben Sinustotus 500 Sehnen von halben zu halben Graben.

Trigonometrische Auflösung des Falls in 10.

- 31. Aus der Drepede DBC, ECB, Seiten berechne man die nur genannte Winkel. Ihrer Summen Supplement zu 180 Graden ist der gefuchte A. 'Auch kann man im Drepede ABC, aus der Grundlinie und den Winkeln, die benden übrigen Seiten berechnen.
- 32. Steht es fren BD = CE und jede so lang als BC, welche nicht willführlich ist, zu nehmen, so werden die benden Drenecke, in denen man die Winkel such, gleichschenklicht, und die Rechnung ist leichter.

12. Anmerkung. , Rinkel mit doniminen Schenkel

Winkel mit donigigen Schenkeln auf schlige 31 bringen.

1. Wenn die Schnuren, durch welche der Markscheider Schenkel eines Winkels angiebt, bonlegiq sind, so will er eigentlich nicht diesen Winkel wissen, sondern den Winkel den die benden seigern Sbenen durch die Schnuren machen, oder, wie er sich ausbrückt, der Schnuren Sohlen.

2. Diesen

2. Diesen Winkel giebt ihm ber Sangecompaß an, welcher sich unter jeber Schuur, in ber feis gern Sbene burch sie sohlig ftellt. (7. Unm. 54).

3. Wenn es ihm verboten ift, ben Compaß zu brauchen, so sucht er die Eisenscheiben dazu einzurichten. Wie das geschicht, und daß es mit allerlen Unbequemlichkeiten und Unsicherheiten verbunben ist, lehret das mas ich von den Eisenscheiben
gesagt habe (8. Unm.).

4. Weiß man nun ben bonlegigen Winkel blos burch Abmessung gerader Linien zu sinden, so kann man leicht auf die Gedanken gerathen, ob sich nicht auch ein Verfahren angeben lasse, aus dem

bonlegigen ben föhligen zu finben.

5. Das ist die Absicht nachfolgender Untersuchung. Es versteht sich baben, daß der Schnuren Donlegen bekannt find. Den Gradbogen verbieten die Eisenerze nicht.

Wenn man einen Winkel gemessen hat, dessen Schenkel gegen den Sorizont gerneigt sind, zu finden, was die beyden Verticalstächen gurch seine Schenkel, für einen Winkel machen.

6. OP = OQ 20 Fig. sind ein paar gleich lanz ge Schenkel eines Winkels, beren jeder eine and dere Neigung gegen den Horizont hat. Ich nehme sie bende gleich lang, als eine Vorbereitung zur folgenden Untersuchung. Sonst kann man sich jeden Schenkel so lang, als man will, vorstellen.

7. Der

7. Der Binkel heisse POQ = g; jeber seiner

gleichen Schenfel = a.

8. 3ch nehme an, man weiß bie Reigung jebes Schenfels gegen ben Sorizont. In ber Figur laßt fich biefes fo abbilben:

9. Man stelle fich burch O eine Borizontalflache vor, und auf ste Berticallinien PR; QS; fo find ber Schenkel bes Winkels ihre Neigungen, POR = p; QOS = q.

Der Marticheiber nennt, von bes Wintels Schenkeln, PR, QS, Seigerteufen, OR, OS,

Sohlen.

10. Die Sbenen POR, QOS sind vertical (Geom. 47. S.). Also ift ihr Durchschnitt auch vertical (Geom. 48 G.). Mit bemfelben mas chen die horizontalen kinien (9) OR, OS, rechte Winkel. Folglich ift ROS ber verticalen Ebenen Deigung gegen einander (Beom. II. Th. 2. Erfl.).

11. Dieser Bintel ROS = li ist ber, melcher

gesucht wird.

12. Durch die parallelen Verticallinien (9) geht (21 Fig.) eine verticale Ebene PRSO, welche in ber II Fig. besonders vorgestellt wird. In ihr ziebe man QT horizontal, so ist QT = SR; und PT = PR - OS.

13. Bas also ju (11) erfobert wird, lagt fich

folgenbergeffalt überfeben:

Unmittelbar gegeben sind g; a; (7) p; q;

(9) auch bie Gebne PQ.

auch die Sepre 1-72. Daraus suche man PR; OR; QS; OS;

So hat man auch PT (12).

Und, weil QTP ein rechter Winkel ift, hat

man auch QT = SR.

Alfo des Drepects ROS Seiten, und baber unter feinen Winkeln ben gesuchten.

Aufibsung burch Beichnung.

- 14. Man beschreibe mit einem Halbmeffer om (22 Fig.), ber nach bem verjungten Maasse so viel balt als OP = OQ nach bem Wirklichen, einen Rreis, ober nur so viel bavon als nothig ist.
- rs. Da nehme man die Bogen mq, mp, ben Winkeln QOS, POR gemäß, daß also diesen Winkeln hie qom, pom gleich sind.
- \ 16. Man falle die Perpendikel pr, qf; Sie werden nach dem verjungten Maasse so viel halten, als PR, QS, nach dem wirklichen Maasse. Und so hat man aus der Zeichnung die Grösse dieser Linien PR, QS, die man nicht unmittelbar messen kam.
- 17. Chen so aus or, of, in ber Zeichnung, die kinien OR. OS.
- 18. Man ziehe at parallel mit mo, (22 Fig.) so ist pt nach bem verjungten Maasse, PT nach bem würklichen, weil pr, af, unter sich parallel sind, wie PR, QS.

19. Aber ber Winkel poq ist nicht = POQ, jener ist = pom — gom bas ist aber bieser nicht.

Daber

Daher find auch nicht pa; gt, nach bem verjungten Maaffe so viel, als PQ, QT, nach bem mirflichen.

20. Nun nehme man (23 Fig.) pq nach bem verjungten Maaffe, fo groß als PQ welche man

weiß (13).

Darüber als über einem Durchmeffer, befcbreibe man einen Halbfreis, und trage in felbigen

Die Gehne pt = ber (18) gefundenen.

Bieht man nun bie qt, so ist, wegen bes rech-ten Winkels ben t, bas bie gezeichnete Dreped bem mit ben gleichgultigen groffen Buchffaben (20 u. 21 Fig.) ahnlich.

Alfo bie (23 Fig.) qt nach bem verjungten Maasse, so groß als QT = RS nach bem wirk

lichen.

21. Man nehmerf (24 Fig.) = qt (23 fig.) und zeichne baran bas Drepeck rof mit ben benben

übrigen Seiten ro, fo aus ber (22 gig.).

22. Go ist biefes Dreneck rol, bem ROS ibnlich (20; 17;) also ber Winkel rol = bem asfuchten ROS.

Auflosung durch die ebene Trigonometrie.

23. Die Sehne PQ 20 Fig. = 2. a. sin ½ g = 18 24. PR = a. fin p; OR = a. cosp; QS =

a. fin q, OS = a. cof q.

25. Nun hat man PT = a. (fin p - fin q).

26. Aus 23; 25; $QT = \sqrt{(PQ^2 - PT^2)}$.

27. Die Ausziehung ber Quabratwurzel, kann man so vermeiben:

Man suche ben Winkel PQT = Q;

Es ist nahmlich $\frac{PT}{PQ}$ = fin Q.

Mun hat man QT = c, col Q.

28. Dieses Berfahren, gabe vollkommne Richeigkeit, wenn man ben Binkel Q genau in ben Tafeln fanbe.

Meiftens aber werden in ben Tafeln nur Gran-

gen fteben zwischen bie er fallt.

Alsbenn hat man auch feinen Cofinus nicht genau in ben Lafeln, fondern nimmt ftatt bessen was, das ihm am nachsten kömmt; Und so giebt sich das Gesuchte mit einer kleinen Unrichtigkeit.

Diese Unrichtigkeit, wird boch meistens nicht groffer fenn, als fich ber Markicheiber fonft gefal-

len läßt.

Man vermiede sie burch Proportionaltheile, bas machte aber die Rechnung etwas muhfam.

Erempel:

29. Ich fege man habe folgendes, theils ans genommen, theils durch unmittelbare Meffung gestunden.

a = 10000; c (23) = 12244 Also ½ c = 6122; giebt des Winkels PQQ Hassen te ein wenig kleiner als 37° 45° also den ganzen g ein wenig kleiner als 75° 30°. Diesen Werth will ich sur g annehmen.

30. Ger-

30. Ferner habe man durch den Gradbogen gefunden (9) p = 50° 30° 4 q = 23 30

31. Diefer Winkel, Sinus und Cofinus, auf bem Binustotus Zehntaufend gebracht, oder von jedem bie bren letten Zifern als Decimalbruche angefesten, geben

 $\begin{array}{c|ccccc}
PR &=& 7716, 246 & OR &=& 6360, 782 \\
QS &=& 3987, 491 & OS &=& 9170, 601 \\
PT &=& 3728, 755 & OS &=& 9170 & 601 \\
\end{array}$

PT ist hie ber Unterschied zweener Sinusse für einen Sinustotus. Dergleichen Unterschied kann man durch das doppelte Produkt aus dem Sinus und Cosinus der halben Summe bender Winkel ausdrucken. (Trigon. 19. Sas V. Zusas oder 1. astron. Abh. 9) und das giebt also dem logarithmen dieses Unterschiedes durch die Sums me etlicher Logarithmen.

In der Folge braucht man den logarithmen dies fes Unterschiedes, und da ware das angezeigte Bersahren nicht unnus, ihn genauzu finden. Die aber da man sich mit Zehntausend als Sinustotus begnügt, belohnte es nicht die Mühe, die Rechnung durch diesen Runstgriff, ein wenig schärfer,

und viel weitlauftiger gu führen.

32. Nun nach (27). Weil ich hie nur mit ben ges meinen logarithmischen Tafeln rechnen will, nehme ich, ber Wahrheit naber zu kommen, l'T = 3729.

3729. Weil c = 2. 6122 hat man ben logarith. men auch aus ben gemeinen Tafeln.

 $10 + \log PT = 13, 5715924$ $\log c = 4,0879^233$

log fin Q = 9, 4836691 giebt Q = 17° 441 -

33. Mun log c = 4, 0879233 abbirt log tab col Q-10= 9, 9788579

log QT = 4, 0668812

Die gemeinen Lafeln, geben die Babl belche biefen logarithmen gehort zwischen ben Zehnfachen von 1166 und 1167, baraus man fieleicht burch Proportionaltheile berechnen tann. In gröffern Zafeln findet man fie fogleich ein wenig fleiner als 11665, welches man für fie annehmen fann.

34. Run ist noch übrig aus bes Drepecks ROS bren Seiten, ben genannten Bintel ju finden. Die Rechnung nach meiner Trigon. 20 G. besonbers 16 u. f. Art. in ber britten Ausgabe laßt fich fo verfiellen.

. OK == 2 == 6360, 782

 $OS = b = g_{170}, 601$ $RS = c = 11665, \cdots$

a+b+c=27196 (1

a+b-c = 3866 (II

*+c-b= 8815 (III

b+c-a = 14474, 8 (IV

Diese

Diese Summen, die aller dren Seiten, und bie von jedem Paare, weniger der deiten, zu berecht nen, habe ich ben den Seiten anfangs die Decimalbruche benbehalten, damit jede dieser Summen ein wenig richtiger herauskame; darnach habe ich sie von den Summen weggelassen. Mur ben der letten habe ich den Decimalbruch benbehalten, statt desse ich aber benm Gebrauche die niedrigste Ziefer der Ganzen, 4; in 5 verwandeln will.

35. Ich nehme an daß jemand, der nur die ges meinen togarichmischen Tafeln besit, für die hie vorkommenden Zahlen, welche diese Tafeln übersteigen, die togarichmen durch Addiren oder Proportionaltheile findet. Ich habe mich gleich der

gröffern Zafeln bebient.

36. Wenn man ben gesuchten Winkel durch seinen Sinus bestimmen will, so muß man porläusis wissen, ob dieser Winkel spisig ober stuppk ist. Es ist aber bekanntermaassen im ersten, Falle a2 + b2 kleiner, im zwenten größer als c2. Dieses nun leicht zu erforschen, berechne ich den togartthe men von c2 — b2 oder (c + b). (c — b) und halbire ihn, sehe, ob ihm eine größere oder kleinere Zahl gehört als a. Im ersten Falle ist der Winkel spisig im andern stumps.

37. Im Erempel ift c + b = 10835, 601;

c - b = 2494,399

log 10830 = 4, 0346284 2494 = 3, 3968964

Summe = 7, 4315248 halb. = 3, 7157624

Webort

Gehört zu 5197; einer viel kleinern Zahl als . Also ist der gesuchte, Winkel stumpf.

38. Diese Frage konnte man auch entscheiben, wenn man nach einem verjüngten Maasstabe ein Prepeck wie ROS aus ben bren Seiten zeichnete (34) ba sich wiese, ob der Winkel stumpf ober spisig ware.

39. Eine solche Zeichnung könnte überhaupt wie man glauben möchte, die Verechnung des Winkels ersparen. Und allerdings steht es jedem fren, ob er sie zu dieser Absicht größ und genau genug machen will. Weil man aber doch in einer Zeichnung nie einen Winkel so scharf messen kann, als er sich berechnen läßt, höchstens ihn auf 4 oder 5 Minuten, oft nicht einmahl so genau, aus der Zeichnung weiß, so muß man nach seinem Endszweite entscheiden, ob man sich mit der Zeichnung befriedigen, oder, die freylich muhsame Rechnung vornehmen will.

40. Diese Rechnung sieht so aus (34) log (1) = 4, 4345050

(II) = 3, 1872618

(111) = 3,9471886

(IIII) = 4, 1606186

S. der Column,= 11, 2111220

4918452

Bange Summe = 16, 1295740

Aufldsung durch die spharische Trigonometrie.

41. Ich will zuerst die Vorschriften geben, wie sie jemand, der auch keine spharische Trigonomes trie kennt, verstehen kann, und denn zeigen, woher diese Vorschrift fliest.

42. I. Man ziehe bie kleinere Donlege von ber gröfferniab.

11. Diesen Unterschied abbire man zu bem Bintel mit bonlegigen Schenkeln,

III. Und ziehe thu auch davon ab.

IIII. Man halbire II; und III;

V. Dieser Salfte Sinus multiplirire man mit einander.

VI. Und dieses Produkt multiplicire man in das Quadrat des Sinustotus.

VII. Was so entstanden ist, bividire man burch bas Produkt der Cosinusse der Donlegen.

VIII.

VIII. Der Quotient ist das Quabrat des Sie nus ber Salfte bes gesuchten Winkels.

VIIII. Zieht man also aus bem Quotienten bie Quabratwurzel, so hat man diesen Sinus, und

fein Wintel verdoppelt, ift ber gesuchte.

42. Wenn man die Buchftaben (23; 24; II) braucht, fo gieben fich biefe Regeln in nachftebende Zeile zusammen.

$$(f, \frac{1}{2}h)^2 = f \cdot \frac{1}{2}(g+p-q). f \cdot \frac{1}{2}(g-(p-q)). r^2$$
cosp. cosq

43. Für bas vorige Erempel ist (30) p - q = 27°; 2116 (29)

g+p-q=1020 30' balb=510 15'

g-(p-q)=4830 $\log \sin \frac{1}{2} (g + p - q)) = 9,8920303$ $\frac{1}{2}(g-(p-q)=9,6135446)$

20 + Summe = 39, 5055749 = M

 $\log \cosh = 9.8035105$ q = 9, 9623978

Summe = 19, 7659083 = N M - N = 19,7396666

belb = log fin 1 h = 9, 8698333

giebt ½ h = 47° 49' 8" Also h = 95 38

Bubor (40) 95

Unterschied bender Rechnungen 7

44. Die Secunden ben dem halben Wintel durch Proportionaltheile zu suchen, ist deswegen nicht überflüßig, damit man den ganzen besto richtiger befommt. Betragen sie benm Ganzen noch keine halbe Minute, so kann man sie weglassen.

45. Nur diesen kleinen Theil der Rechnungen für die Secunden, habe ich nicht hergesest; Sonst steht alles da, und so erhellt, daß diese gange Rechnung noch lange nicht so weitläustig und muhfam ift, als nur der leste Theil der vorigen in (40.)

- 46. Daß man aber hie ben gesuchten Winkel schärfer sindet als dorten, ist daraus klar, weil man dorten so viel Zwischenrechnungen nothig hatte, durch die man Grössen suchte, nur in der Abssicht aus ihnen das leste Gesuchte zu bestimmen, und diese Grössen fand, und brauchte man nicht in gröster Schärfe, daß also der 40 gesundene Winkel das Resultat einer Rechnung voll kleiner Unrichtigkeiten ist. Daher kömmt der Unterschied bender Rechnungen. Hätte man in (29) nur a 1000 angenommen, so ware Alles, solglich auch h noch mit geringerer Richtigkeit berechnet worden.
- 47. In ben bisherigen Rechnungen nahm ich an, die Schnuren OP, OQ, gingen von der schligen Ebene, durch O, bende auswarts. Dem Marksicher kann sich oft ereignen, daß die erste auswarts, die andere niederwarts geht, oder, wie er sich ausbrückt: jene steigt diese sallt.

48. Die Rechnung kann alsbenn doch noch nach ber Formel (42) geführt werden, Man muß nur wissen, daß ein Winkel, den eine kinie mit dem Horizontalwinkel untermarts, oder sallends macht, als verneint anzusehen ist, und nun muß man mit verneinten Grössen zu rechnen verstehen. Dieser Winkel nahmlich wird addirt, wenn der ihm entgegengesehte bejahte abgezogen wurde, und umgekehrt. Eines verneinten Winkels Sinus ist dem Sinus des bejahten sonst gleichen Winkels entgegengeseht, aber Cosinus für bejahte und verneinte Winkel sind einerley.

49. **Erempel.** Die Schnur OP steigt 12 Gr. 30 Min. Die OQ fällt 20 Gr. 30 M. Ihr Wintel g = 50 Gr. Ulso ist p = 12° 30'; q = — (20° 30') p — q = 12° 30' + 20° 30' = 33°; Und nun g + p — q = 83° halb 41° 30'.

g-(p-q)=27 13 30 $log lin 41^{\circ} 30' = 9, 8212646$ 13 30 = 9, 3681853

20 + Summe = 39, 1894499 = log cosp = 9, 9825815 } q = 9, 9715876]

> Summe = 19, 9611691 = N M - N = 19, 2282808 halb = 9, 6141404 glebt \(\frac{1}{2}\) h = 24° 17' 9" h = 48 34 18

> > 49. Wenn

- 50. Wenn bende Schmuren fliegen, gehörte in vorigen Rechnungen q ber, bie am wenigsten stie ge, ober es kedeutete von ben benden Reigungs-winkeln ben Kleinsten.
- 51 Dem Ausbrucke gemäß, daß eine verneins Gröffe weniger als Michts ist, hat man einen verneinten Winkel allemahl kleiner zu schäßen als einen bejahten, wenn er auch gleich mehr Grade hatte als der bejahte. Denn er ist weniger als Nichts, ber bejahte mehr. Dieß ist der Grund, warum ich in (48) 4 dem Fallen zueignete, obgleich das Fallen mehr Grade beträgt als das Steigen. Denn solchergestalt bleibt dieser Buchstabe immer noch den dem kleinsten Winkel, wo er war, wenn bende Schnuren stiegen.
- 52. Nun könnten auch bepbe fallen, bas ist: bie kinien OP, OQ, bepbe von ber föhligen Ebenne burch O, niederwärts gehen. Alsbenn bedeuteten sowohl p, als q, verneinte Winkel.
- 53. Dem Geseße gemäß, daß p ben gröften. Winkel bedeutet, wenn bende bejaht find, muß es von benden verneinten Winkeln ben bedeuten, der die wenigsten Grabe hat, ber Schnur gehören, die am wenigsten fällt. Won ein Paar verneinten Gröffen schäht man die far die gröfte, welcher zum Niches am wenigsten fehlt.
- 54. Erempel. Die eine Schnur fiel 27° 30'. Die andere 43° 15' fo feste man

$$p = -27^{\circ} - 36^{\circ}
 q = -43 - 15$$

$$p - q = + 16 - 15$$

$$= + 15 + 45$$

Machten nun die Schnuren einen Winkel von 50 Gr. 20 M. = g; so wäre

$$g + p - q = 66^{\circ}$$
 5' halb 33° 2' 30''
 $g - (p-q) = 34$ 35 17 17 30

55. Wenn man hie die Secunden nicht weglassen will, ist es leicht die Logarithmen der Sinusse der halben Winkel durch Proportionaltheile zu sinden, weil man nur den Unterschied der benden nachsten Logarithmen, zwischen die ein solcher Logarithme fallen muß, halbiren dats.

36. Uebrigens wurde für bieses Erempel bie Rechnung wie vorhin gefühtt. Die Cosinusse von p und q sind bie, von 27 Gr. 30 M. und von

43 Gr. 15 M.

. 57. Ist eine der benden Schnuren söhlig, die andere steigt, so darf man nur in (42) q = 0

feßen.

58. Für diesen einsachern Fall aber ist schon vorfin ben Gelegenheit der Eisenscheibe (8 Ann. 53) eine Formel gegeben. Weil dorten die Größen anders heisen als hie, so will ich, damit man sich in den Buchstaben nicht irrt, die bortigen Bezeichnungen in die hiesigen übersehen. Es beist

borten t h p hie h g p

59. Alfo ift in ber gegenwärtigen Bezeichnung $\cosh = \frac{r. \cos g}{\cos p}$

Daß (59) eben ben Wintel giebt, ben man nach (57) befame, läßt fich aus trigonometrifchen lehren zeigen. Wer biefe zulanglich inne bat, wird bie Bergleichung für fich auffuchen, und einem andern fiele ich bie ohne Rugen bamit befcwerlich.

60. Ist eine Schnur fohlig, bie andere fafft 3. E. 12°; Go fege man fur die foblige p = 0; für die fallende q verneint, im Eremrel = - 1203 barnit q wieber ben 'fleinsten bender Berthe hat. (52). Im Erempel mare

p — q = + 12. 61. Ob benbe Schnuren steigen, ober eine fleigt bie anbere fallt, ober benbe fallen, ober eine fteigt ober fallt, die andere fohlig ift, diese funf Falle find in ber einzigen Formel (42) mit gehörigem Bebrauche ber befahten und verneinten Groffen enthalten.

62. Noch ift alfo übrig biefer Formel Urfprung

zu zeigen.

63. Man stelle sich vor aus O (20 Fig.) werben mit bem Salbmeffer a (7) Bogen beidrieben, einer in ber Ebene POR, ber andere in ber Ebene QOS. Jener schneibe OR in H; dieser OS in K; Go find Diefe Bogen HP, KQ, Maaffel ber Wintel p, q.

64. Ein Bogen mit eben bem Jalbmeffer aus eben bem Mittelpunkte, geht-also burch H und K, und ist bes Winkels h Maaß (11).

65. Die benben Ebenen, in benen bie Bogen (62) beschrieben find, schneiben einander in einer geraben linie, bie burch O fentrecht auf 110K ftebt,

also vertical ist.

66. Zieht man also jeden ber benden Bogen in feiner Ebene weiter auswarts, so schneiden sie einander in einem Punkte der Verticallinie (64), welcher von O um den angenommenen Halbmeffer entfernt ist. Dieser Punkt heise Z. Von Z bis H und K sind Quadranten.

67 Ein Bogen mit eben bem Salbmeffer in ber Ebene POQ geschrieben ift bes Wintels g

Maaß

68 Also kann man sich eine Rugel vorstellen, beren Mittelpunkt O, Halbmesser = a, auf ihrer Flache Quadranten größter Kreise ZH, ZK (25 Fig.), welche mit dem Bogen KH, ben K und H rechte Winkel machen. In diesen Quadranten HP = p; KQ = q; und ben Bogen PQ = g.

69. So hat man ein Rugelbreneck ZQP; in felbigem find die bren Seiten gegeben PQ = g;

 $PZ = 90^{\circ} - p; ZQ = 90^{\circ} - q.$

70. Der Wintel Z biefes Rugelbrepedis hat ju

feinem Maaffe ben Bogen KH = h.

71. Und so ift die Frage (11) darauf gebracht, n diesem Rugeldrepecte, aus den drep Seiten, ben Wintel zu finden.

72. Aus

72. Aus der spharischen Trigonomettie (8 Sas) findet sich das Quabrat des Sinus der Halfte des Winkels folgendergestalt.

 $f_{\frac{1}{2}}(PQ+ZQ-ZP).i_{\frac{1}{2}}(PQ-(ZQ-ZP))_{r^2}$

fin ZP. fin ZQ.

Mun ist ZQ — ZP = p — q; und so überfest man leicht ben gegenwärtigen Ausbruck in bie

Buchftaben (42).

73. In bem einfachsten Falle, wenn eine ber benben Schnuren sollig ift, giebt es ben bem sohligen Winkel, ben man berechnet, nicht unbetrachteliche Fehler, wofern man ben bonlegigen mit einiger Unrichtigkeit gemessen bat. (8 Unm. 65; 64;)

Alsoläßt sich auch hie urtheilen, baß Unrichtige keiten in Messung bes Winkels g begangen, nicht unbeträchtliche Folgen in dem berechneten Winkel h haben werden. Eine allgemeine Formel, wie ich borten für den leichtern Fall gegeben habe, würde hie zu verwickelt werden. Diese Bemerkung dient also nur, zu erinnern, daß man sich bemühen soll, g, auch p und q, so genau als möglich zu messen.

74. Von der Aufgade: Einen Winkel in einer schiefen Sbene auf den ihm gehörigen horizontalen zu bringen, habe ich schon in meinen astronomischen Abhandlungen 1. Samml. 1. Abh. 168 u. f. S. umständlich geredet. Damahls dachte ich aber vornähmlich daran, wenn die Schenkel des Winkels a nur kleine Winkel mit dem Horizonte machen, welches sich benm Feldmessen aft ereignet.

Ich suchte baher für biese Boraussehung. Adherungen aus allgemeinen Vorschriften herzuleiten, fand aber, daß sich hierinnen nichts bequemes erhalten läßt. Daß man solche Untersuchungen auf die Eisenscheiben und überhaupt auf gegenwärtige Aufgabe der Markschebekunst anwenden kann, has be ich in diesen Abhandlungen II. Sammlung, 92 S. erinnert. Hie aber schiene mir die deutliche Aussührung einen Plaß zu verdienen, um desto mehr, weil die Vergleichung der dren Ausschungen (14; 23; 41;) die vorzügliche Bequemlichkeit und Richtigkeit der leßten zeigt.

75. Damit man übrigens biesen gangen Borfchlag, Wintel burch Abmeffung geraber Linien, ohne Bangecompaß und Gifenscheiben zu bestimmen, nicht etwa für bloffe Spiffindigfeit eines Theoretiters balt, fo muß ich noch benbringen, baß ihn Woigtel schon gethan bat. Er tragt fo mas Part. 14; n. 2. 113 Seite unter ber Aufschrift vor: wie auf Gifenbergwerfen accurater Scheiben, als mit Scheiben, ohne Compag abzugieben; Mur mit Baage und Schnur, welches ihm beffer, obwohl ju Saufe benm Ausrechnen und Bulegen mubfamer ju fratten fommt. Boigtel mifit ebenfalls die Sebne eines Winkels ben ein paar gezogene Schnure machen. Er fucht dieser Sehne Seigerteufe und Sohle (ben mir PT, TQ); bie lette burch Ausziehung ber Quabratmurgel. Db er fich aber biefer Goble recht beblent, bie lagen ber Sohlen ber benben Schnure ju bestimmen men (ben mir OR, OS;) das mag man ben ihm nachsehen. Vielleicht hat er richtiger gedacht all sich ausgedruckt. In seiner Flgur wenigstens, nennt er noch die Schnüre selbst, wo er nur thre Sohlen nennen sollte. Die Vortheile welche Geometrie und Trigonometrie hieben darbieten, waren ihm wohl nicht sehr bekannt, an spharische Trigonometrie konnte, an spharische Trigonometrie konnte der Markscheiber zu V. Zeiten natürlicher Weise gar nicht denken. Das der Wimskel durch die Sehne nicht gar zu richtig gemessen wird, wenn tr etwas stumpf ist, hatte V. gleichwohl auch bemerkt.

76. Weibler beschreibt auch so ein Verfahren S. 54. 1. Auflös. 9. Fig. Man soll an die Sehne ben Gradbogen henten, um berselben Steigen (ben mir den Winkel PQT) zu finden, wenn es sich offen Krummung der Schnure thun läßt.

Daß es sich nicht wohl ohne Krummung ber Schnur thun läßt, wurde man wohl schon urtheilen, wenn es auch Voigtel nicht schon gesagt hatte, ber sich ohne Zweisel sonst baburch gern bie Uusziehung ber Quadratwurzel (75) wurde ere spart haben.

77. Wie man die Messungen der Schenkel des Winkels und der Sehne brauchen soll, lehrt Weidler erst §. 66. 1. Fall ben Gelegenheit des Zulegens. Es hangt aber mit gegenwärtigem so natürlich zusammen, daß ich hie dabon reden muß.

78. Beiblers Bortrag und seine bagu bestimmde 10 Fig. Scheinen mir gang verwirrt gu fenn. Er will bas Drepect cdb, wie er fich ausbruckt, borizontal barftellen, und zieht zu Diefer Abficht bie unterfte Borizontallinie zgd.

... 79. Alfo muß er sich durch d eine fohlige Ebene porstellen, die von der feigern burch de in dz gefchnitten wird. Dieß erhellt auch baraus, weil mach feiner eignen Angabe, cz; zd; ber Linie cd,

Seigerteufe und Soble finb.

80. Weibler nennt ausbrudlich bie linie zyd, nimmt also an, daß cz, by bendes Perpendikel auf Diese linie sind, folglich ist zyd in ber Ebene bes Drepects cbd; und weil er cz, by fur seigere lie nien annimmt, ist biefes Drepeck in einer feigern Cbene.

Es soll aber ohnstreitig bas Dreneck ebd feiner 9 Fig. bedeuten, benn S. 66. will er zeigen, wie bas S. 54. gemeffene zugelegt wird.

Das Dreneck obd ber 9 Fig. ift aber nicht In einer feigern Chene, wenigstens laft fich biefes nach ber Absicht ber 9 Fig. nicht allgemein annehmen.

Also hat sich Weibler hie verwirrt, und selbst

nicht gewußt, was er wollte.

Rt. Won biefem Wieberspruche tonnte man ibn burch eine etwas gewaltsame Emenbation retten. Man mußte im Terte und in ber 10 Fig. es für einen Jrrthum annehmen, baf y in ber linie dz ift. Man konnte fich biefen Punkt irgendwo sonst auffet ausser biese Linis, aber in ber Spligen Sene burch sie, vorstellen, so bliebe bas Uebrige noch wahr, mas M. sagt; Noch blieben hx, by, cz = xy, die Seigerteusen von bc, bd, cd, und aus cz und cd sande man zd.

82. Run aber sieht man nicht, mas W. sepener macht. Aus den Sohlen, sagt er, soll man das Drepeck obd zulegen. Run sind in seiner Figur ox die Sohle von ob, zd bie von od, und yd die von bd, wo aber y falsch gelegt ist (80). Und was man mit diesen drep Sohlen machen soll, hatte B. deutlich anzeigen muffen, zumahl da die ersten benden in unterschiedenen Gbenen sind.

Aus den Sohlen das Drepeck obd zu machen, wie der beutsche Uebersetzer es gegeben hat, und wie es auch Weidlers Ausbruck wenigstens zuläßt, ist gedankenlos, denn des Drepecks obd Seiten sind nicht söhlig, man kann es also nicht aus Sohlen machen. Die einzige verständliche Auslegung von W. Ausbrucke kann seyn: das Drepeck zu zeichnen, daß der Linten ob, da, de, Sohlen machen.

83. Wenn man überlegt, daß W. 19 Fig. ben Gebrauch ber Meffung in feiner 9 lehren foll, so ift leicht zu feben baß er ohngefähr folgendes hatte sagen follen:

Man stelle sich burch o ber 9 Fig. eine stollage Sene vor; In dieser bestimme man ben Wintel, ben ber kinien, bo, bd Sohlen mit einanden,
machen.

Das

Das mare die bisher abgehandelte Aufgabe, finit bonlegigen Winkel ben jugehörigen sohligen für finden. Aber in 2B. Vortrage ist nichts, das bagu biente.

84. Es scheint, daß Weidlern, wenigstens bie; bie' geometrischen lehren von den lagen der Ebetien nicht gar zu gegenwärtig gewesen sind, und dai diese lehren ben dieser Untersuchung nothwenbigiersodert werden, so ist kein Bunder daß er darüber etwas sagt, darinnen kein Werstand ist, und darein der deutsche Ueberseger freylich auch keinen bringen konnte.

13. Anmerkung.

Ueber das Verrichten der Grubenzüge mit dem Compasse.

20. §. 52.

- 1. Der Markscheiber nennt abziehen, ober einen Zug verrichten, was ber Belbmeffer: ein Belb aufnehmen nennt.
 - 2. Der Feldmesser braucht gewöhnlichermaffen, so viel er kann, Horizontallinien, ben bem Markfcheiber verstattet die Beschaffenheit der Geburge in denen er arbeitet dieses nicht. Er muß also geneigte Linien brauchen.
 - 3. Die Reigungen biefer linten giebt ibn ber Grabbogen (4. 20mm.).

4. Und

4. Lind hie die lage ber Berticalflache burch jebe linie, gegen ben Meridian ber Magnetnabel ber Compaß. (7. Unm.).

5. Die lange jeber linie, Die lachterschnur.

(e. Unm.).

6. Jebe biefer bren, vorhin ein ein beschriebenen Arbeiten, ben jeber ber kinien, bie in einer Reihe nacheinanber folgen angebracht, wird also bie Big gur angeben, welche biese kinien mit einander machen.

7. Man sieht, daß dieses Berfahren mit der Feldmesserrbeit am meisten Aehnlichkeit hat, da man eine Figur, um die man gehen kann, aus ihrem Umfange, mit der Boussole mist. Nur daß der Feldmesser die Seiten des Umfangs horizontal annimmt, und gewöhnlich die Figur ganz umgeht, daß-er am Ende seiner Arbeit wieder dabin kömmt, wo er am Ansange war; bendes ge-

schicht eben nicht allemahl benm Markscheiber.

8. Der Markscheiber nennt die Linie, die er abzieht, einen Markscheiberwinkel. Won Opp. 623.

626. Ich führe diese Benennung nur an, damit sie nicht unbekannt ist, werde sie aber nicht brauchen, da sie nur Verwirrung verursachen wurde.

9. Die lage ber linie, die man abzieht gegen ben Horizont, gebe man so an, daß man bemerkt, ob sie nach ber Gegend, nach welcher man zuzieht, steigt ober fällt.

Wenn 3. E. die linie mit bem horizonte einen Winkel von 60 Gr. machte, so konnte man an ihr

von oben herunter, ober von unten hinauf ziehen. Borten murbe man fagen, daß fie fo viel fiele, hie, daß fie fo viel fliege.

10. Den Compaß stelle man allemahl mie SE nach ber Gegend, nach welcher man zuzieht.

(7. Anm. 15).

11. Diese benben Vorschriften (9; 10) bienen bazu, baß man die lage ber Dinge, bie man abzieht, kurz, und ohne Gefahr zu irren aufschreiben kann.

12. Der seigern Sbene burch die Schnur, ihre lage gegen ben magnetischen Meridian, giebt ber Hangecompaß unmittelbar an, weil er sich vermöge seiner Vorrichtung föhlig stellt (7. Ann. 54).

13. Will man aber einen ber andern Compaffe brauchen, fo muß man in erwähnter seigern Chene irgendwo eine foblige Linie haben und biefer Streb

den mit bem Compaffe abnehmen.

14. 3. E. Man liesse von der gezogenen Schnut zwey kothe herabhangen nahe genug an einander, daß eine kinie auf dem Compasse bende durchschneiden könnte. Nun hielte man den Compass nach einer solchen kinie, dem Augenmasse nach söhlig, an bezode kothe an, und bemerkte das Streichen der kinie. Oder: Man brauchte nur ein koth, und legte ein Richtscheid dem Augenmaasse nach söhlig, durch einen Punkt dieses kothes, und einen Punkt der Schnur; dieses Richtscheids Streichen nahme man mit dem Compasse ab.

15. Solche, ober mo möglich-beffere Worricha tungen, mußte man bie fur ben Bebrauch bes Sescompaffes ober Grubencompaffes machen. Und bas erinnert Weibler, in feiner 2. Aufl. 3. Art. mit bem einzigen Borte unter ber Schnur; verlaft fich vermuthlich darauf, der Markscheiber werbe, wenn er fo was vornimmt, schon selbst finden, wie er es machen muffe.

15. Methoden, wie ich (14) angezeigt habe, scheinen mir ziemlich mubsam und unsicher, weil man benm Unhalten des Compasses u. f. w. leicht etwas aus ber feigern Ebene fommen wirb. Man fann afo baben allerdings leicht in Ungebung ber Stunde fehlen , wie 2B. S. 53. fagt , ob ich gleich nicht febe, bag bie Enge ber Gruben bieben besonbers beträchtliche Wirkung haben follte. führt in dem lateinischen Originale Boigteln pag. 113 an. Da rebet B. aber von Gifenfcheiben, wertigftens in ber erften Ausgabe bie ich befige. Der beutsche Ueberseger hat Diefes Allegat wegges laffen, vielleicht, weil er es unrichtig befunben bat.

14. Anmerfung.

Ueber die Berechnung eines Zuges, der mit dem Bangecompasse verrichtet morden.

33. 6. 58.

I. Es wird nicht unnug fenn, biefes Berfahren, bas nur Unwendung ber bisherigen Lehren ift, burch Durch ein Paar Erempel zu erlautern, wozu einige Zeilen aus 2B. Lafel ben biefem Absache bienen können.

- 2. Diese Tasel enthält in den ersten 7. Columnen, so zu reden, die Geschichte des Zuges; was der Markscheber unmittelbar gemessen hat, wozu noch die Anmerkungen der 11 und 12 Col. gehören. Die übrigen Columnen enthalten Verechnungen aus jenen Messungen hergeleitet. Man könnte sie also auch von den übrigen absondern. So hat es der Hr. v. D. gemacht, und S. 641 einen Grubenzug beschrieben, S. 678. desselben Verechnung mitgetheilt. Die Unmerkungen mußte er alsdenn zweische benschreiben. Und so ist es frenlich natürlich, bendes in einer Tasel vorzustellen, wenn man nur den Ursprung der berechneten Columnen aus dem Gemessenen gehörig erläutert hat.
- 3. Die Geschichte bes Zuges in 2B. Tafel fangt also in ber ersten Zeile folgendergestalt an:

Bom Unhaltungspunkte ift man & lachter feiger aufwarts gefahren.

Also giebt es da fein Streichen, und feine Soble.

- 4. Die Geschichte in ber zwenten Zeile heißt: Eine Schnur, 4 lachter lang, fiel 10, ihre Soble frich in 1 St. $7\frac{1}{4}$ Ucht.
 - 5. Hieraus murbe ich (9 Unm. 14.) fo rechnen:

Die lange ber Schnur ist 32 Achttheil. log fin 10 = 10, 2418553 - 2. 38 == 1, 5051500

ber Seigert. = 0, 7470053 - 1 cof 1° = 0, 9999338 - 1 32 = 1, 5051500

ber Goble = 1, 5050838

Diefe Logarithmen geben

bie Soble = 31,995 Acht. = 3 & 7,995 Acht. Seigert, = 0,55847

3ch habe mich ber gröffern logarithmischen Lafeln bebient. Mus ben gemeinen findet man ble li-nien in einer Decimalgifer weniger, alfo boch Coble in Behntheilen bes Bolls, in taufend Theilen Seigerteufe.

2B. in ber &. Col. giebt bie Sohle in gangen Bollen mit mir einerlen an. Folglich um of Bun-Dertheile eines Bolls, bennahe um einen ganzen zu flein.

Much fo, in ber 10. Col. die Geigerteufe fallens, 55 Behnthelle eines Zolls, sie ist aber beren bennahe 56.

6. Man fieht hieraus, wie unbrauchbar die Tafeln ber Gobien und Seigerteufen find, beren fich 2B. hie ohne Zweifel bebient bat. Schon ben jeder biefer linien einzeln ift 2B. Fehler nicht unbetrachtlich. Dimmt man nun viel Linien gufammen; abbirt man g. E. bie II Geigerteufen fallens. Der

ber zehnten Columne, so kömmt ihre Summe einen Zoll zu klein, wenn jede nur etwa ein Zehntheil eines Zolls zu klein ift. Und daß nach W. Tafeln jede einzelne Gröffe zu klein, nicht manchmahl zu groß kommen wird, läßt sich aus (10. Unm. 25) schliessen.

7. Aus dieser Erläuterung der zwenten Zeile versteht man alle übrigen, nur daß W. in Bezeichnung der Angaben nicht allemahl mathematische Richtigkeit gebraucht, handwerksmäßigen Markscheidern sind solche Undeutlichkeiten eher zu verzeihen, die man sich aus dem Zusammenhange erläutert.

8. 3. E. ber 4. Col. Ueberschrift ist: Lachter und Achtspeile. Mun steht barinnen in ber dritten Zelle r. Das heißt nicht x Lachter & Achte theil, wie aus der Ueberschrift wohl folgte, fondern: Anderthalb Lachter. Da W. in der ganzen Columne, was Achtspeile und Vielsache das von beträgt, als Bruche des Lachters geschrieben hat, so mußte ihre Ueberschrift nur heisen: Lachter.

9. Die dritte Zeile heißt also: Eine Schnur von 12 Lachter fällt 4°. Ihre Sohle streicht in 3 St. 32 Acht., ist 1 Lachter 3, 9 Acht. Seigert.

fallens o, 82 Achtth.

10. Die Berechnung (wie in 5) giebt mir hier Sohle = 1 & 3, 970 Achtth., Seigerteufe fablens = 0, 83708 — Achtth. Bende also wieder gröffer, als W. sie fand (6).

is. An•

15. Anmerkung. Vom Abziehen auf Eisengruben.

NB. S. 54.

1. Hie barf man nur bas wlederhohlen, was vorhin von Eisenscheiben (8. Unm.) und bem-Berfahren, Winkel nur mit Schnuren zu messen, (11. Unm.) ist gesagt worden.

2. Von Achsen ber Gruben (Beibler J. 54. II. Auflös. n. 7) habe ich ben keinem Markscheiber was gelesen Man errath leicht, daß W. instünftige lehren will, Zeichnungen der Gruben zu.

machen.

16. Anmerkung. Von Grubenrissen. W. C. 61.

1. Wenn man sich die Grube, in der gemeffen worden ift, mit einer sobligen Seene durchschnitten vorstellt, und was sich in dieser Seene besindet, auf einem Papiere, nach einem verjüngten Maaß-slade verzeichnet, so entsteht ein sobliger Riß, so etwas, wie ein Grundriß ben einem Hause.

Einen folden Rif verfertigen, nennt ber

Markscheiber: zulegen.

2. Weil aber ben einer und berfelben Grube ein folcher söhliger Durchschnitt und ein anderer gar sehr unahnlich senn werden, so sind dergleichen R 2 Riffe

Riffe unterschiedene nothig, die man sich parallel übereinander in gehörigen Entfernungen vorstellen muß, wie Grundriffe von unterfchiedenen Stock

werken eines Saufes.

3. Die Grube lieffe sich auch mit seigern Shernen, nach unterschiebenen Richtungen gesetzt, durchschneiben. Was in eine solche Sbene fällt, läst sich auf einem Seigerrisse abbilben; ben man also, über die gehörige Sobse, senkrecht auf einen söhligen stellen kann. Wie Prosile eines Gebäubes.

4. Die allgemeine Beschaffenheit solcher Riffe wird fich folgenbergestalt vorstellen lassen.

5. FG, GH, 26 Fig. find ein paar Schnuren,

von beren jeder-man lange und Donlege weiß.

6. Auf eine willführlich angenommene sohlige Ebene fallen FT, GV, HW, feiger, find also ber Puntte F, G, H, Sohen über dieser Sbene.

7. Ober Giefen unter ihr, wenn die Sbene

über einem, oder mehrere biefer Puntte lage.

8. TV ist so lang, als FO, eine ihr parallele Linie durch F zwischen FT und GV, folglich ist TV die Sohle von FG, und eben so, VW, die von GH (9. Anm. 1).

9. Es wird angenommen , baß man bas Strei-

chen diefer Cohlen weiß.

10. Nun muß man wissen wie weit einer ber brep Punkte (6) von der sohligen Sbene ist.

11. Aus

rr. Aus (5) fat man jeder ber benden linien Seigerteufe in der Bebeutung, die das Wort (9. Ann.) hat.

12. Folglich aus to; It; bie Perpenbikel FT,

GV, HW;

13. Nahmlich, wenn FG wie in ber Figur angenommen wird, steigt, so ist GO ihre Seigerteufe, und GV = GQ + FT, baß man also aus Seigerteufe und einer ber benden andern Linien die übrige hat.

14. Fiel FG, fo mare GV um bie Seigerteufe

fleiner als FT.

17. Ware also FGH ber Ansang eines verrichtes ten Zuges, so liesse sich ber sohlige Ris bavon folgendergestalt zulegen:

16. Man ziehe 27 Fig. TV, VW, in eben ben Stunden, in benen TV, VW 26 Fig. ftreichen.

17. Man mache nach bem verjungten Maaße flabe bie benben Limen ber 27 Fig. so lang, als die bepben ber 26; nach dem wirklichen find.

18. Ein Seigerriß laßt sich biesem föhligen

folgenbergestalt benfügen.

19. Man ziehe nach Gefallen eine Unie MN 27 Fig. welche eine Horizontallinie bebeuten foll.

20. Auf fie falle man Perpenditel Tt, Vv,

Ww.

21. In Diesen Perpendikeln nehme man it, vg, wh, nach bem verjungten Maasse so groß, als TF, VG, WH, 26 Fig. nach bem wirklichen.

E, G, H, in Absicht auf thre Sohe und Liefe vor.

23- Mahmid: vg ist um sooviel grösser ober kleiner als tf, so viel G höher ober niedriger ist als F u. s. w. zum voraussest, daß die Horizontalssiche (6) nicht über F liegt, sonst müsser man diese Ausdrückungen umkehren.

24. Rahme man fint, fo hieste bas bie Hori-

zontalfläche murbe burch F gelegt.

25. Zieht man fq 27 Big. mit MN paraffel, so hat man ber Linie FG 26 Fig. Seigerteufe GO (23).

26. Und thre Sohle PO = TV 26 Fig; vers' moge ber TV 27 Fig. im söhligen Riffe (17).

- 27. Will man also die känge der kinie FG 26 Fig. selbst wissen, so zeichne man 28 Fig. ein rechtwinktlichtes Dreneck, wo IK = gq; KL = TV 28 Fig., dessen Hypothenuse IL ist nach dem perjungten Maasse so groß, als die gesuchte känge nach dem wirklichen.
- 28. Sp laßt sich die lange einer bonlegigen lie nie, aus söhligem und Seigerriffe, burch eine Verzeichnung sinden, aber nicht unmittelbar abnehmen.
- 29. Das leste ginge für eine einzige Anie fo an: Wenn man MN mit TV parallel gezogen, oder selbst in die Richtung dieser. Linie gelegt härte; da wurde sq = TV die Sohle also kg 27 Fig.

nach bem verjungten Maaffe fo groß, als FG 26

Sig. nach dem wirflichen.

30. Aber nun kann MN nicht zugleich ber folgenben Sohle VW 27 Fig. parallel senn, und also muß man für bieser ihre Anie boch nach (28) verfahren.

31. Uebrigens ist ben dieser Gelegenheit noch ein sehr unrichtiger Ausbruck in Weidlers S. 65. zu verbessern. Er sagt: die gefundene Sohlen murben auf dem Papiere in die Winkel gegen einander gelegt, welche die Donlegen in den Gruben mit einander machten". Der Ueberseher hat es auch so benbehalten.

Die Winkel der Donlegen, sind FGH 26 Fig. die Sohlen ihre TVWig benda sehr unter-

schieden (11. Anm.)

17. Anmerkung.

Von den Werkzeugen, Winkel sohliger Linien zu zeichnen.

- T.. Wenn man das Streichen jeder linle in Stunden angegeben hat, und eine Zeichnung von ihnen verfertiget, so kann man offenbahr annehmen, die erste, die man zeichnet, wie TV 27 Fig. streiche in welcher TV 26 von der die, 27 Fig. die Vorstellung ist, streicht.
- 2. Dieses angenommen, ift bie Frage: wie man VW 27 Fig. legt, baß sie in eben ber Stunde R 4 streicht

fireicht, in welcher bie von ihr vorgestellte Linie VW

der 26 Fig. streicht.

3. Ober, überhaupt: Die ift ber fohlige Rif zuzulegen, baß jebe feiner linien, in ber geborigen Stunde streicht, wenn man nur eine von ihnen in die ihr geohrige Stunde gelegt hat?

4. Will man ber fohligen Linien Winkel in Graben ausbruden, (7. Anm. 32) fo ift bagu kein anber Werkzeug nothig, als bergleichen sich ber Felbmeffer ben feinen Zeichnungen bebient.

5. Diese Verwandlung zu ersparen, bedienen sich die Markscheider bes Juleginstruments (Weidler f. 29.) bessen Gebrauch, von jedem der sonst zu zeichnen versteht, so gleich kann verstanden werden.

6. Weil sie glauben es sen am sichersten, mit eben bem Compasse zuzulegen, mit welchem ber Bug ist verrichtet worden, so nehmen sie den Hangecompas aus seinem Behaltnisse, und bringen ihn in das Zuleginstrument.

7. Sorgfaltig muß von bem Lifche, auf bem fie zeichnen wollen, alles Eifen entfernt werben. Selbst

Die Zirkel wunscht ber Br. v. Oppel von Silber, ober boch die ftablernen Spigen baran fo kurg, als

moglich.

8. Das Verfahren (6) ist beschwerlich, und noch mehr die Sorgfalt (7) ben welcher noch der Riß immer in einerlen tage bleiben muß, damit keine seiner Linten in eine andere Stunde kömmt, als in die, in welcher sie streichen soll.

9. Und

9. Und eigentlich, wenn man sich auch bie Werwandlung (4) ersparen will, ware boch nicht nothig, baß jede kinie auf bem Risse in ihre Stunde be gelegt wurde, sondern nur daß jede mit der andern den gehörigen Winkel machte. Diesen könete man in Stunden angeben, und ihn vermittelst eines Kreises auftragen, der in Stunden getheilt ware.

10. Dergleichen Werkzeuge sind schon unter ben Nahmen: Stundentransporteur bekannt; Bener redet davon, P. 11. sap. 13. und bildet sie Tab. 1. fig. 10, ab. Man hat sie gebraucht einen Zug zuzulegen, der mie Eisenscheiben vers richtet worden, offenbahr aber dienen sie allezeit

ftatt bes Zuleginftruments.

abzutheilen, als der gemeine Transporteur, weil ben jenem Alles durch Salbirungen der Bogen ge-

fchicht.

12. Sturm hat in seiner Markscheibekunst 13 hi die Sehnen angegeben, die man zu einem gerabes linichten Stundentransporteur brauchen könnte. Wiel Nechnung hat ihn das nicht gekostet, denn es sind nur die Sehnen für alle ganze Stunden, also von 15 zu zr Graden. Aber eben deswegen ist auch Sturms Tasel nichts nüße. Der Feldmesser braucht den geradelinichten Transporteur, die Winkel etwas schäffer zu zeichnen als vermittelst des gemeinen möglich ist, und wurde ausgelacht werden, wenn er die Winkel nicht genauer als R 5 von is zu 15 Graben angeben wollte. So grob als Sturms Chorbentafel, giebe jeder Stundentransporteur die Winkel. Wollte man Achtheile öder kleinern Abtheilungen der Stunden angeben, so könnte zu dieser Absicht ein gerädlinischter Transporteur dienklich sein, weil man für solchen, beil Jaldmesser größer annehmen kann, als für ben kreissörmigen. Ueberhaupt aber, würde ich statischen weil Instrument anzuschaffen, steber die allgemein gewöhnlichen, mit der so selchien Verwandelung der Stunden in Grade brauchen.

g. Ahmerkung.

Berjungter Lachtermagkstab.

Tit. Manitrage bie Anie AD 29 Rig. /bie ein kachter bebeuten soll, auf AB: se oft als es angeht.

ste ist es brenmaßt geschehen.

2. Auf AD richte man AC senkrecht auf, und trage auf sie so viet Mache These, als man im Lache

5. 99 C/28. T.

ter ingugeben verlange.

3 Die sind vier Theile gemacht, und so glebt ber Maakstab Biertheillachter, ober von 20 ju

4: Rim glebe man die Paralleken; und bie Diagonale, wie die Figur zeigt, und fonst ben solchen

Maasstaben gewöhntich ist.

1: 5. Bon biefem Maakstabe fann man ganze kachter, und die Theile die nach (2) anzugeben find, abnehmen.

Die

Die binie Gias ware if lachter ober 1 lachi ter 45 Bell. On.

- 6. Der Br. v. Oppel leher biefen Maafftab 120 f. Er tragt 16 Theile guf AC; fo fain man Sechszehntheile bes lachtere .- ober wom 5 3u 5 Bollen barauf abnehmen.
- 7. Im eben bem Orte lehet er noch Maafftabe perkeichnen-pit. etwas, dupers vindenichet: 3 Mes bieß berfteht man leicht aus ben Bergeichnungen gewöhnliche Maafftabe. Daher ift bie eine turge Anzeige bavon genug.

47 19. Anmerkung.

Grubenrif bes Anfangs von dem Zuge den Weidler 58. S. beschreibt.

r. Ich will bie bie Zahlen benbehalten, wir 28. fie angiebt, ohne die Berbefferungen, welche Gohlen und Seigerteufe, nothig haben. (14. 2nun. 5.)

2. Meine Zeichnung foll nur die erften bier Zei-

len von 2B. Tafel vorftellen.

3. In ber erften Beile ift bom Anhaltenspuntte feiger gemeffen worden, da giebt es teine Soble und fein Streichen.

4. Run follen AB, BC, CD, 30 Jig. bie Sohlen Der 21; 3; 4; Schmar ober ber 2; 35 4;

Zeile in W. Lafel senn. 5. Durch jeben Punkt von bem eine Sohle ause geben foll' ftelle ich mir eine Magnetnadel vor; Das

Das sind hie die getüpfelsen Linien. Hie brauche ich nur die nordlichen Halften, und bezeichne jebes nordliche Ende mit P.

6. Go ift aus Weiblers Angabe.

2 Beile PAB = r St. 7½ 21. = 28° 35′ 37″5 3 PBC = 3 3½ = 54 33 45

4 150 PCD = 113 24 1 = 120 ,9. 22,

7. Die Sohlen AB = 3 & 7, 9 2 = 31, 9 2.

BC = 1 3, 9 = 11, 9

CD = 4 6, 3 = 38, 9

8. Der Raum verstattet nicht die Beichnung groß genug zu einer maffigen Richtigkeit zu machen, hie wird auch nicht Richtigkeit ber Zeichnung felbst, sondern nur eine deutliche Unleitung

erfordert, wie sie zu machen ist.

9. Die Winkel habe ich mit dem Transporteur aufgetragen, allemahl den halben Grad genommen, dem der Winkel am nachsten kam. Ein Transporteur, der halbe Grade hat, giebt bennahe Zwen und dreistigtheil Stunden an. (12 um. XII.) die der Markscheiber ohnedem nur geschäft hat, weil der Compaß nicht so subtil eingetheilt ist. Ben einer grössen Zeichnung wurde ich mich eines geradelinichten Transporteurs bedienen, oder anderer bekannten Mittel, Winkel genau zu zeichnen.

10. Fur bie Gohlen (7) giebt o, 1 eines rheine

land. Bolls ein Lachter.

11. Folgendes gehort jum Seigerriffe (16. Annt. 18). Rach Weiblers 1. Zeile ift ber Unhaltens-punkt

punkt 4 Acht. über einen gewissen angenommenen Horizont.

Und nach ber 2; 3; Ende der 1. Donlege 0, 55 A. niedriger als diefer Horizone

. 2 o, 82 . . . Enbe ber erften

Enbe ber 2 . . . 1, 37 niebriger als ber Do-

12. Ich ziehe also eine Linie UN 30 Fig., die sich in bem angenommenen Horizonte befinden soll.

13. Auf sie, AA, BB, CC, fentrecht.

14. Von ihr aufwarts nehme ich Aa = 4 Acht niederwarts 23b=0,55

Ec =1, 37

15. Bu dem Seigerriffe habe ich o, 1 rheintand. Zoll, ein Achttheil gelten lassen. Bekanntermaassen ist nicht ungewöhnlich Profile, nach einem größsere Maakstabe zu zeichnen, als Grundrisse. Das Verfahren (16. Anm. 27) geht frenlich nicht an, als wenn bende Risse einerlen Maakstab haben.

20. Anmerkung. Ueber Weidlers Erempel.

§. 58, 69; 70.

1. Mir kommt hie B. fehr undeutlich vor. Er fagt nicht einmahl, daß bende Erempel zusammengehörige Messungen vorstellen, das muß man erst aus aus seinem 6. 72. errathen. Er ift nun fo gu verstehn.

In f. 70; jangt sich der Tagezug 6,8 Achtt. über der Sohle des Stollens Mundlochs an, geht von da dis an den Schacht, ferner in solchen binein.

3. Bender Züge Vergleichung ift folgende In 9. 78. war Steigen 0 2. 4, 20 2.

Fallen 2 1, 45

Zusammen Fallen 1 5, 25

4. So tief ist die Stollensohle unter bem J. 78. angenommenen Horizonte, über welchen der Punkt des Anhaltens & tachter war.

5. Diese Stollensohle nun heißt in der Tasel & 71; in der 12 Columne 1 Zeile, linea horizontalis, der Ueberseher hat solches richtig gegeben. Das muß deswegen erinnert werden, weil in der Tasel & 58; 1. Col. auch eine horizontalis steht, welches aber ganz eine andere, nähmlich im Schachte ist (2).

6. In §. 71. braucheich hie zuerst die Seigerteufen Steigens ber 9. Col. Sie gehen bis mit an den siebenten Psahl i; oder den Haspel (machina tractoria) der über dem Schachte steht. Sie betragen zusammen 8 & 6, 08 A. Diese Zahl hat hat 2B. felbst in Die 9. Columne hingesest, aber nicht angezeigt, bag es die Summe ber über ihr befindlichen Zahlen ift.

7. Um soviel ist also die Stollensohle tiefer als

ber Haspel.

8. Die Seigerteufen Fallens in B. Tafel § 71.
10 Col. betragen jusammen 4. L. 2, 19 U. Auch diese Zahl steht in erwähnter Columne, ohne Unzeige daß sie eine Summe ist.

9. Go tief ift ber Schacht vom Safpel abge-

sunfen.

10. H 31 Ftg. sen ein Punkt oben im Schache te, wo der Haspel ist (5) HS seiger die an die Stollensohle (7). T im Liessten des Schachts (9) K in Weiblers J. 58 angenommenen Horizonts (4). So giebt sich solgendes

is Eben biese Groffe, nur wegen weniger scharf geführten Rechnung; 7 Zoll giebt W. S. 72; und sagt: "So weit muffe ber Schacht fortgeführe werben, bis er die Horizontallinie des Stollens erd reiche."

12. Diese Worte mit der Vorstellung in Busammenhang zu bringen, welche ich bisher gegeben ben habe, fallt mir etwas schwer. K ist offenbahr nicht in dem, was (2) Sohle des Stollens Mundlochs heißt, mit welcher S in einer horizontalen Ebene ist. Was heißt also in (11) Horizontallinie des Stollens?

13. Weit Stollen nicht ganz horizontal geführt werden, sondern vom Mundloche an steigen, so könnte man denken, die Stollensohle, die eigentslich also eine geneigte Schene ist, sen die an Kum SK gestiegen. Aber das ware ein wenig stark. Wenn man die ersten sieden Sohlen in W. J. 71. B. Col. zusammen addirt, so kommen 63½ lacht.; davon beträgt KS weit mehr als den sechzigsten Theil; Und das Unseher Absteigen der Stollensohle, die Stollentösche ist insgemein I lachter auf 400 (v. Oppel J. 785.) darnach sehltes viel, daß man die erwähnten Sohlen zusammen addiren durste, daraus die Stollensohle zu machen, denn sie haben nicht einerlen Streichen. Und so ist die Stollensohle noch viel kürzer als ihre Summe.

r4. Allerdings wird unter T noch Gestein sepn, burch welches ber Schacht kann abgesunken werden. Aber bieses Gestein kann nicht bis in K reichen; benn im Horizonte burch K befand sich ber Markscheiber in 28. 5.58; und hatte ba ½ 2. barüber

feinen Unhaltenspunkt.

15. Ich bekenne alfo, daß ich Weidlern bie entweber nicht verstebe, ober daß Er bie Dinge jus sammengeset bat, die sich nicht zusammen benten lassen.

21. An:

21. Unmerfung.

Beiblers Prufung von Beigtels Regel.

\$ 74

Statt der weitläuftigen Buchstabenrechnung läßt sich die Sache gleich durch eine Figur einsehn. Es senen 32 Fig. ABC; BDE; zwey rechtwink-lichte Orevecke. Voigtels Regel nimmt an: die Summe ihrer Seigerteusen AB + BD = AD, und die Summe ihrer Sohlen, BC + DE, rechtswinklicht zusammengeseht, geben ein Oreveck ADF, dessen In Hopothenuse AF, die Summe der Hypothenusen AC + BE sen.

Hat man also, wie die Figur zeigt, der bensen einzelnen Drenecke Seigerteufen in eine gestade Linie an einander gesetzt, folglich ihre Sohlen einander parallel, und soll Voigtels Voraussestung richtig senn, so sen DF die Summe der Sohlen = DE + BC; Also ist EF = BC, und BEFC

ein Parallelogramm wo CFE = BED.

Soll nun V. Woraussetzung richtig senn, so muß CF auf ber Berlangerung ber linie AC liegen; Folglich ACB = F = BED senn.

Das beißt: Bepbe Drepecke muffen abnlich

seigt die Betrachtung der Figur sogleich, unter was für Umständen Boigtels Voraussetzung richtig ist oder nicht.

Ift nicht ACB = BED, so fällt die Verlängerung von AC nicht auf CF, und wenn man AC verlängert die sie DF irgendwo schneibet, so hat man ein rechtwinklichtes Orepeck, dessen Seigerteufe AD = AB + BD; Aber seine Sohle und seine Hypothenuse sind nicht Summen der Sohlen und der Hypothenusen.

Weil W. Voigtels Voraussexung hypothesin nennt, so hat der Uebersexer dieses: willkübrlicher Sanz gegeben. In der deutschen mathematischen Sprache braucht man diesen Ausdruck nur von den Erklärungen, was man durch arithmetische und andere Zeichen andeuten will. Einen Begriff mit dem oder jenem Zeichen anzudeuten ist willkührlich, aber so was wie V. annahm ist es nicht, sondern das ist unter gewissen Umständen nothwendig wahr, unter andern eine falsche Voraussezung.

22. Anmerfung.

Auf einem Berge einen Punkt anzuge ben, von dem eine Linie seiger-herabgelassen, ein gegebenes Stud einer söhligen Linie abschneidet.

23. S. 75. caf. 2.

1. DIC ist ein Berg; Man soll sich in benfelben hinein, eine soblige Linie CGB vorstellen, ber ren Streichen gegeben ist. Nun foll von dieser Linie

nie CG ein Stud von gegebener lange finn. Man foll auf bes Berges Oberflache ben Punkt I an-

geben, ber feiger über Gift.

2. Man ziehe über Tage eine Schnur CA, so daß eine söhlige tinie in der seigern Stene durch biese Schnur, in der gegebenen Stunde streiche (1). Das läßt sich mit dem Hängecompasse bewertsstelligen. (7. Unm. 54)

3. Go ist in Dieser Chene die fohlige Linie burch C bie, nach welcher man in ben Berg ge-

ben foll.

4. Man stelle sich die seigern kinien ElG, ADB; vor, die erste soll CG von gegebener kange = b abschneiden, und es fragt sich also, wie man die Punkte E, I durch welche sie geht, findet.

7. 2B. Auflosung ist folgende: Er mißt ein willführliches Stude ber bonlegigen linie CA = a

und desselben Donlege ACB = C.

Mun sucht er die Sohle CB, welche biefer In-

pothenuse und Donlege gebort.

Und nun macht er die Proportion CB: CA = CG: GE in welcher die drep ersten bekannten Glieber das vierte geben.

Alfo von E ein loth auf ben Berg berabge-

Laffen giebt I.

6. Dieses theoretisch richtige Verfahren wird in der Anwendung kleine Unrichtigkeiten geben, wenn man Beiblers ober andere gemeine Taseln für die Sohlen braucht. (10, Anm. 26.) Und dann ersodert die Regel Detri eine oft muhfame Rechnung.

١,

: 4. Unwittelbur findet fieh die gesuchte CE = h, aus bem Diepede ECG, in welchem Wintel und Sohle gegeben sind. - ...

r. b b. sec C g. Who $CE = \frac{1}{colC}$

9. Erempel. Man foll I angeben, baß CG ober b = 6 fachter = 48 Achttheil wird. Man findet C = 10°

10+log b = 11, 6812412 $\log \cot C = 9, 9933515$

log h = 1,6878897 Gehört zu 48,740; Alfo h = 6 & 0,740 Acht. 10. B. findet diese kinie ein Zehntheil eines Bolls gu flein, weil feine Tafeln bas Meifte ju

flein geben. (19. 21nm. 25)

II. Ber Tafeln ber Secanten hat, fann fich bes amenten Ausbruckes in (8) ber Multiplication bebienen; welches besonders nuglich fenn konnte, wenn man nicht mit groffen logarithmischen Safeln verforgt ware.

12. 3m Erempel ift bie Secante gleich mit r = 10 000 000 bivibirt, ober auf ben Sinuste

tus = i gebracht

1. 12 m

Clar 10.1 14 417 .1, 0154267 48 8, 1234136 40 617.068

h = 44; 740481-

23. An

23. Anmerkung.

Einige allgemeine Kenntniffe, ju Anwendung der Geometrie auf Klufte und Gange.

v. Oppel II. Abschnitt, 2. Hauptstud.

1. Wenn man sich eine Sene, burch einen Berg in willführlicher tage gesest, vorstelle, so läßt sich diese tage burch solgende bende: Umftande bestimmen.

2. Was macht biefe Chene für einen Bintel mit ber horizontalen Chene? Das heißtihr Sallen.

- 3. Was macht sie für einen Wintel mit der seigern Chene burch die Magnetnadel, oder jede sollige Linie in ihr, mit der Magnetnadel? Das helßt ihr Streichen.
- 4. Man stelle sich nun zwo parallele Ebenen burch den Berg geset vor. Wenn man sich den Raum zwischen denfelben leer einbildet, so hat man eine Rluft.
- 5. Diche Kluft, mit was Aubern, als die übrige Materie bes. Perges, ausgefülle, beißt ein Gang.

6. Das Gestein, bas sie aussüllt: Gangart, gum Unterschiede von der Bergart aus welcher ber übrige Berg besteht.

7. Gewöhnlich hat ber Gang, wo er an ben Berg grangt, tenntliche und von Gengart und

Bergart zu unterscheibende Einfassungen, Saab bander.

8. Der Abstand bender Saalbander von einander, was man in der gemeinen Sprache etwa des Ganges Dicke nennen wurde, heißt in der Bergsprache seine Machtigkeit.

9. Des Ganges Streichen und Zallen wird man also nach einer ber Ebenen , die ihn begränzen,

(4) beurtheilen.

10. Es ift leicht zu erachten, daß die bishenige einfachste geometrische Vorstellung, nicht allemahl in der Natur statt sindet. Den Gang begränzen nicht allezeit parallele Ebenen; nicht einmahl Ebenen. Seine Grenzen sind oft an einander gefügte Ebenen, oder gar krumme Flächen.

11. Alsbenn hat er nicht an allen Stellen einerlen Streichen und Fallen. Geringe Unterschiede
sest man hieben aus den Augen, und braucht allenfalls ein Mittel zwischen ihnen. Ben gröffern
Tann selbst die Frage entstehen, wie weit sie gehen
dursen, daß der Gang noch für einen und denselben kann gehalten werden.

Friedr. Jul. Biel, Bergmannischjuristische Abhandlung von dem Hauptstreichen. Schneeberg

1753.

12. Wenn ber Gang burch bie Oberfläche bet Berges fest, fagt man: Er ftreiche zu Tage aus.

13. Man stelle fich eine Pyramide vor, Deren Grundflache horizontal ift. Diese Pyramide wer- de abgefiget, aber mit einer Chene, die der Grundflache

flache nicht parallel, sondern gegen solche geneigt ist Man sesse durch dieses Ppramidenstück willstührlich eine schiefe Sebene. Diese Sebene, und die oberste des Ppramidenstücks, werden einander also auch wohl nicht in einer horizontalen linie (möglich wäre das manchmahl, nur nothwendig ist es nicht), sondern in einer gegen den Horizont geneigeten schneiden.

14. Man wird schon gebacht haben, daß das Pyramibenstück einen Berg, die durchgesehte Chene einen Gang bedeutet, und die Meynung also ist: Ein Gang könne in einer bonlegigen kinie zu

Lage ausstreichen.

15. Wenn man sich durch diese linie eine seigere Sbene vorstellt, so hat allerdings jede sohlige linie in dieser Sbene eines und dasselbe Streichen. Aber dieses Streichen ist nicht das Streichen des Banges, denn die seigere Sbene ist nicht die Sbene des Banges, auch nicht ihr parallel, und solglich sind bender Sbenen Durchschnitte mit einer sohligen Sbene nicht nothwendig parallel.

16. Br. v. Oppel J. 565. nimmt ben Saf (15) ohne Beweis an. Mir schien es nicht überflüßig,

ben Beweis auseinander zu fegen.

17. Aus diesem Sate solgert Er, man musse bas Hauptstreichen des Ganges auf ebenem Beburge in einerlen Teuse abnehmen. Mich deucht dieser Ausbruck sagt nur etwas dunkel: das Hauptsstreichen sen, wie jedes Streichen, an einer sohliegen Linie abzunehmen.

12. Ein

· 18. Ein Rechted, von bem zwo Seiten borizontal find, die Ebene geneigt ift, kann einen Gang mit Streichen und Fallen vorstellen.

19. Boh Gangen unterfcheiben fich Slone geometrifch baburch, baß fie fleine Bintel mit ber

Horizontalftache machen, febr wenig fallen.

20. 3hr physischer Unterschied gehort nicht eigentlich hieher. Sie find mehr als Steinlager anguseben, bie mas frembartiges enthalten; v. Sie scheinen auch einen anbern Opp. 9. 531. Urfprung ju haben, vielleicht junger als die Bange zu fenn, und oft bon Weberfchwemmungen berzurühren.

Abhandl. vom Urfprunge ber Beburge und ber barinnen befindlichen Ergabern, ober ber fo

genannten Gange und Rlufte. Leipz. 1770.

Lehmann, Berfuch einer Gefchichte von Mos-

geburgen. Berl. 1756.

Catl Mug. Schrids Verfuch einer bergman. Erbbefdreibung, worfinnen ber gange Erbbobm als ein Flogwert . . betrachtet wird. Abhandl. ber Churf. Bait. Atab. ber Wiff. zu Munchen. II. Band. Br. Scheib glaubt 91 S, Ganggeburge maren von Riokgeburgen nicht unterschieden. Aber feine Brunde überreben mich nicht, ob ich gleich in andern Bedanken biefes Auffages und in ben Erfindungen von Maschinen die Br. Sch. ber Afabemie mitgetheilt, mit Bergnugen bie Ginfichten eines alten Leipziger Freundes mabraenom. men babe.

24. Unmerfung.

Das Streichen eines Ganges abzunehmen.

1. Man unterscheibet bie folgende bende Falle.

2. Erster Sall. Wenn ber Gang aufgefahren ist, das heißt: Man hat Erz, ober was er sonst enthält, weggeräumt, so daß man sich zwischen den Saalbandern befindet. Ober wenigstens hat man diese Saalbander entbloßt, daß man ihre Richtung wahrnehmen kann.

3. In diesem Falle ist begreistich, daß man nur die obere Flache eines Saalbandes söhlig darf ebnen lassen, da man denn desselben Streichen, wie jeder andern söhligen Linie ihres mit Setzcompasse oder Grubencompasse abnehmen kann. Oder daß man sonst in der Ebene des Saalbandes eine söhlige Linie zu ziehen sucht.

4. Es versteht sich, daß man diese Arbeit etwa an etlichen Stellen vornehmen wird, sich durch die Uebereinstimmung von der Aichtigkeit zu versichern, oder wofern sich das Streichen andere,

solches wahrzunehmen.

g. Wollte man den Hängecompaß brauchen, so mußte man eine Schnur den Saalbandern und zwar söhligen kinien auf ihnen parallel spannen. Da sich dieses nicht mit dem Parallelliniale bewerkstelligen läßt, wie auf dem Papiere, so mußte man sich dazu Vorrichtungen erdenken, dergleichen

freplich die Geometrie lehrt, aber die parallele lage in groffer Schärfe zu erhalten, wurde immer Muhe koften.

6. Ich sehe baber nicht, warum Hr. v. D. S. 609. dieses Versahren als genauer empsiehlt. Es ist doch wohl genauer das Streichen einer Linie an ihr seihft abzunehmen, als erst eine ihr parallel zu ziehen. Vielleicht ist unter den Compassen die der Markscheiber braucht, des Hängecompasses Nadel am zuverläßigsten. Aber ich sehe nicht, was hindert, der andern ihre auch so zuverläßig zu machen.

7. II. Sall. Wenn ber Gang überfahren ift. Das heißt so viel: Wenn man ben Gang nach einer Richtung, die auf ihn schief ober fenkrecht steht,

burchschnitten bat.

8. In 34. Fig. sen zwischen NM, PO, ein horizontaler Durchschnitt, bes Stollens, ber

Strede u. b. gl. wo man fich befinbet.

Die horizontale Ebene, welche biefen Durchschnitt macht, schneibe eines übersexenden Ganges Saalbander in FG; HI.

So wird ACDB ein leerer Raum senn, wo man aber von A bis C und von B bis D ben

Gang fieht.

A und B find in einem Saalbande, C und D im andern.

Man ziehe also eine Schnur von A bis B, ober von C bis D, und nehme ihr Streichen. Das ist bas Streichen bes Ganges.

25. Anmerkung.

Das Fallen eines Ganges anzugebenohne daß man sein Streichen weiß.

2. Wenn man für die bepben Grenzen des Ganges parallete Ebenen annimmt, und von jeder dieser Ebenen, die ausere Seite, die welche von dem Gange abgewandt, gegen den Berg gekehrt ist, bestrachtet, so heißt von diesen Seiten, die, welche einem spisigen Winkel mit der Horizontalsläche macht, das Zangende, die, welche einem stumpfen macht, das Liegende.

2. Bon einem Dache, gabe bie aufere Seite ein Bilb bes liegenben, Die innere, ftellte bas

Sangenbe vor.

3. Der Bang fen aufgefahren, (24. 2nm. 2.)

und bas Sangende entblößt

4. Wenn man an seiner Ebene eine Horizontallinie, und auf diese ein Perpendikel ziehen könnte, so ware dieses Perpendikels Neigung gegen die Horizontalstäche, das Fallen des Ganges; Wie man sich leicht aus den Lehren der Geometrie von den Lagen der Ebenen beweißt.

Es michte aber nicht bequem angehen, am hangenben bie Wertzeuge anzubringen, mit benen

man gewöhnlich Horizontallinien zieht.

5. Man kann alfo einen andern geometrischen Sas brauchen: Unter allen geraden linien, die in einer schiefen Ebene gezogen werden, macht keine mit bem Sorizonte einen gröffern Winkel als bie, welche

welche mit ber Chene einerlen Reigung gegen ben Horizont hat.

Ich habe diesen Sas mit andern, welche schiefe Sbenen betreffen, in meiner I. aftronom.

Abhandl. 269 bewiefen.

5. Man befestige also an einem Punkte bes Hangenden eine Schnur, so daß sie sich um blesen Punkt, in der Ebene, wie ein Halbmesser eines Kreises führen läßt. In bieselbe hente man den Grabbogen, und bemerke das Fallen der Schnur, welches er in unterschiedenen ihrer tagen angiebt. Man sühre die Schnur so lange herum, die sie in die tage kömmt, wo ihr Fallen am größten, von einer seigern tage am wenigsten unterschieden wird. Alsdenn hat die Schnur die tage der in (5) angezeigten tinie, und ihr Fallen ist das Fallen des Ganges.

7. Wenn, ben einer gewissen Stellung ber Schnur, ihr Fallen wurklich am größten ist, so ist es für etwas andere Stellungen auf jeder Seite der vorigen ein wenig kleiner. Aus den Gesegen, nach denen eine veränderliche Grösse sich um ihre größten oder kleinsten Werthe herum andert, folgt, daß die Stellung der Schnur von der, in welcher sie das größte Fallen hat, beträchtlich abweichen kann, wenn ihr Fallen von dem größten nur

wenig unterschieden ift.

8. Es verhalt fich hiemit ohngefahr fo, wie mit bem Schatten eines lothrecht ftebenben Stiftes: Diefer Schatten ift im Mittage am fürgeften; ein nige nige Beit vor ober nach Mittage, nicht vielslänger, obgleich zu folchen Zeiten ber Schatten nicht unmerklich von der Mittagelinie abweiche.

9. Nach der Vorfchrift (6) wird manuals wohl das Fallen des Banges ohne sehr geoffen Irrthum finden, aber nicht fo sichet die Linie, nach der nian es eigentlich schäfen soller die welsche auf söhlige Linien in ihm seufrecht steht: (4)44.

10. Das Probiren bis man die Schnur in die Lage bringt , wo fie mit bem Horizonte ben größten Winkel macht, möchte, wenn man es genau ficht

manchmahl langweilig merben.

Folgendes bietet mir bie Geometrie bar.

II. Man ziehe die Schnur in eine willführliche tage, und bemerte ihr Fallen; Eben fo ihr Fallen in einer andern tage. Und endlich den Win-kel, den bende tagen mit einander machen. (IL-Anmerk.)

So hat man einen Winkel, und die Neiguns gen seiner Schenkel gegen ben Horizont. Dakaus kann man die Neigung seiner Sbene gegen ben Horizont berechnen. Das ist das Fallen bes Ganges.

12. Die Formel zur Rechnung steht in meiner I. aftronom, Abh. 247. 262. Frenlich ift die Reche

nung etwas mubfam.

13. Die Schatten (8) erinnerten mich an ihren Gebrauch, eine Mittagslinie zu ziehen, und daben ist mir zu gegenwärtiger Absicht folgendes eingefallen. 14. OG; OH, sind gleich lange knien, der ben eine eben die Neigung gegen den Horizont hat, als die andere. Man weiß diese Neigung und der Linien Wintel mit einander. Man sucht hieraus der Sbene, in welcher beyde Linien sind, Neigung gegen den Horizont.

15. Man ziehe GH und fälle auf sie bas Perpendikel OI. Man nenne OG = OH = h; Den Winkel HOG = m; so ist OI = h. cof z h.

Wen Winkel HOG = m; so ist Ol = h. col ½ h.

16. Man fälle OK senkrecht auf den Horizont, so ist OGK = p der einen Linie wie der andern Neigung gegen den Horizont, und OIK = x die Neigung der Edene des Winkels gegen den Horizont.

Das erste aus Geom. II. Theil 1. Ertl. Das zwepte aus eben bas. 2. Ertl. Weil OlG, KIG, erechte Winkel sind. (Geom. 46. S. 6. Zus)

17. Also ist OK = h. sin p.

18. Und (15; 16) $\frac{OK}{OG}$ ober fin $x = \frac{\sin p}{\cos^2 m}$

19. Aus dieser Rechnung geht h weg. Man braucht sich also um die längen ber Schenkel bes Winkels nicht zu bekummern.

20. Weil der Sinustotus = 1 geseht worden, so abdirt man 10, wenn man die Logarithmen der Taseln brauchen will.

21. Das Verfahren mare alfo Folgenbes:

Man bringe die Schnur in eine willtührliche kage, und bemerke ihr Fallen = p.

Run

Run führe man fie herum, bis fie in noch eis ner andern lage eben das Fallen bekömmt.

Man bemerke ben Winkel zwischen benben

Lagen = m.

Daraus giebt fich nach (18) bas Fallen bes Ganges = x.

22. **Erempel.** Das Fallen der Schnuc sen = 50° 30'; ber Winkel = 75 12'

balb = 37 36

10 + $\log \sin p = 19$, 8874061 $\log \cot \frac{1}{2} m = 9$ 8988840 $\log \sin x = 9$, 9885221

 $x = 76^{\circ} 53'$

23. Man kann leicht mehr Paare solcher gleiche viel fallender Schnuren erhalten, und so das Fallen des Ganges aus unterschiedenen solchen Beoboachtungen berechnen, wenn man diese Muhe nutslich findet.

24. Nimmt man in gleichviel fallenden Schnüren, von der Spife ihres Wintels, gleichlange Stude, so ist die Linie durch die Endpunkte dieser Stude OG, horizontal.

Das giebt ein Mittel eine Borizontallinie am

Sangenden zu ziehen.

25. Ein Perpendikel aus des Winkels Spike auf diese Linie, ware auch die Linie, nach welcher der Gang eigentlich fällt; wenn man solche verlangt.

- 36. Soviel zur Auflösung von (3).

27. Mun sesse man, man könne nur an das liegende vom Gange kommen, und wolle da sein Fallen finden.

28. Fr. v. D. 613. besiehlt auch hier eine Schnur mit ben Grabbogen so lange an ber Ebene bes Ganges herum zu führen, bis sie ber seigern lage am nächsten kömmt.

Wie er das am liegenden thun will, verstehe ich nicht allzuwohl. Da schleppt ja der Gradbogen

auf ber Cbene.

29. Wenn man in das Gestein des Liegenden, senkrecht auf seine Ebene, ein paar Pstocke oder Spreißen eintreibt, die bende gleich weit aus der Ebene hervorragen, und durch derselben Enden eine Schnur spannt, so ist dieselbe der Linke auf der Ebene des Ganges, durch die benden Stellen wo die Spreißen eingetrieben sind, parallel, hat also mit ihr einerlen Fallen; Und das Fallen der Schnur kann der Gradbogen angeben.

Wie ich bin berichtet worden, machen es

bie Markscheiber so.

30. Spreißen, die gar sehr von mathematischen Linien unterschieden senn, immer eine ziemlich unordentliche Gestalt haben werden, senkrecht auf
eine schiefe Ebene zu stellen, und gleich lang aus
ihr hervorragen zu lassen; das stelle ich mir, wenn
es nur mit mittelmäßiger Benauigkeit geschehen
soll, als nicht gar zu leicht vor.

30. Und mit blefer Arbeit so lange herumjufahren, bis bie Schnur den größten Winkel mit dem Horizonte macht, bas mochte wohl sehr verdrußlich fenn.

31. Eine Sesmage giebt die Reigung einer schiefen Sbene, auf welche man sie sest, ganz bequem an. Hesse sich also dieselbe nicht sie anbringen? Allenfalls genauer eingetheilt, und grössere Winkel anzugeben vorgerichtet, als die gemeinen Werkzeuge dieser Art.

38, Wenn ich auf einem Dache faffe, bas ich fur eben annehmen burfte, und beffelben Reigung

meffen wollte, murbe ich mich fo verhalten :

3d murbe mir einen Jaben, an bem eine glat-

te, etwas schwere Rugel hinge, verschaffen.

Den wurde ich an einen Punft bes Daches halten, und sich auf ber schiefen Sbene fo stellen laffen, wie ihn bie Laft ber Rugel stellt.

Sie stellt ihn nach einer Linie, welche auf bie Horizontallinien, die auf dem Dache sich ziehen las-

fen fenfrecht fteht. (Statif ge.)

Diese Linie alfo, und bas Dach, haben einerlen Reigung gegen ben Horizont.

Co hatte ich die Reigung ber Linie, mit einer

Ceswage, bie ich an fie bradite.

Oder, ich liesse auf die Linie ein Loth herabhangen. Der Winkel, ben es mit ihr macht, ist die Erganzung ihrer Neigung. Hatte ich kein anber Mittel ihn zu messen, so bediente ich mich ber 11. Anmerk.

26. Anmerbung.

Das Fallen eines Ganges anzugeben, wenn man fein Streichen weiß.

1. Ich will hiezu wider die 35 Fig. anwenden, also geerst anzelzen, wie sie gegenwärtiger Absicht gemäß entsteht.

2. In Der Ebene eines Ganges, sen GH horijontal, und barauf QO senkrecht; diese benben Lie nien bestimmen also die Ebene des Ganges OHG.

Benn OK vertical ist, so ist OOK bas Fallen bes Ganges; daben KQ sentrecht auf GH. 3. Es sen nach OQ eine Schnur gezogen, an

3. Es sen nach OQ eine Schnur gezogen, an welche man ben Hängecompaß bringt. Er weiset bas Streichen ber Sohle bieser Schnur, folglich eine Stunde, die um 6 Stunden von der Stunde unterschieden ist, in welcher GH streicht.

Oder, wie es ber Markicheiber ausbruckt: Er giebt bem Streichen bes Banges bas rechte

Winfelfreug.

4. Umgekehrt also, läßt sich OQ, wenn man sie noch nicht hat, so finden: Man befestige an einen Punkt der Ebene des Ganges eine Schnur und bringe an sie den Hängecompaß. Die Schnur sühre man in der Stene des Ganges so lange her um, bis der Hängecompaß dem Streichen des Ganges das rechte Winkelkreuß giedt. So hat man die Linie OQ, und untersucht nun derselben Fallen.

5. Es ift leicht ju feben, bag biefer Bebrauch bes Bangecompasses teine andere Absicht bat, als in der Chene des Banges ein Perpendifel auf Die fohlige Einie gu gieben, Die fein Streichen angiebt. 3th bathte, es mare eine Entebruna bes vornehmften Marticheiberwertzeuges, folches als Wintelhafen zu brauchen. Die fohlige linie nach welcher ber Gang freicht, muß man boch fchon haben; Und auf fie Perpenditel ju giebn, giebt es viel Mittel ohne Compag. Ich vermuthe felbit ein gemeiner Wintelhaten murbe bequemere und richtigere Arbeit geben, als diefes Berfahren, qui mati werm etwa bas Streichen bes Gunges in fleinen Theilen ber Stunden angegeben ift, ba Das Winkelfreuß ichon einige Rechnung erfobere, und leicht mit einen fleinem Jehler wird angegeben merden.

27. Unmerfung.

Das Ausstreichen eines Ganges zu Tage aus anzugeben.

Bener Part. V. Prop. XII.

1. AB 36 Fig. sen das Streichen bes Ganges in ber Grube, FD zu Lage aus, daß also ABDF die schiefe Ebene ist, die man für den Gang and nimmt. Den Erdboben über Lage, in dem FD sen foll, nimmt man horizontal an.

2. Won irgend einem Punkte in FD; stelle man sich NO lothrecht bis auf die Horizontalstäche M 2 burch

durch AB; vor, und NM sentrecht auf AB; ziehe MO; so ist

NMO bas Fallen bes Ganges

NO ju der Sohle in. der Grube, MO an dem Orte mo man das Streichen beobachtet hat, die Seigerteufe unter Tage.

MO, biefe Sobie, welche ber Sppothenufe, ober im Markscheiberausbrucke Blache MN guge

bort.

3. Wenn man sich nahmlich durch AB die Hogizontalfläche porstellt, und auf dieselbe NO in O
trifft, so stelle man sich durch O eine Linie mit AB
parallel vor; Auf diese Linie sesse man eine Verticalfläche. Die wird den Porizont über Lage in
der Linie FD schneiden

Es wird nahmlich die Chene OFD fenn,

4. Mun fann man Folgenbes meffen.

5. In ber Grube, bas Streichen bes Ganges, und fein Kallen.

6. Wenn man von ber Grube ausfährt, wie hoch man über Tage, über bem Horizonte ber Grube ift, wo man bes Ganges Streichen und Fallen genommen hatte.

7. Diese Sobe (1) ist = NO; nicht NO felbst; benn man weiß nicht, wo ber Gang ausstreicht, aber in ber Horizontalfläche, wo er ausstreichen soll, hat jeber Punkt eben die Höhe über ben Horizont ber Grube.

8. Ein solcher Punkt in der Horizontalfläche über Tage sen C; oder CFD eine Horizontalfläche über

über Lage. Weiß man nun, wie hoch C über ber Horizontalflache ber Grube ist, ober ber Grube Seigerteuse unter Lage = h, = NO und bes Ganges Fallen NMO = m; so giebt sich

9 Die Sohle OM = h. cot. m (wo der Sinustotus = 1 gesetht ift.)

10. Prempel. Bener 165 S. nimmt an bas

Die Seigerteufe h = 24 lachter 6 Boll =

192, 6 Achttheil.

211so log cot 50° = 0,9238135 - 1 log 192, 6 = 2,2846563

log MO = 2,2084698
giebt diese Sohle = 161,6 Uchtel = 20 8.
1 A 6 Zoll.

11. B. hat 20 { 2 U. 1 3.; weil er zu 50° Fallen, die Seigerteufe und Sohle erst aus den Lagfeln für eine gewisse Fläche sucht, und dann eine Regel Detri macht, die so ist

7 A. 6 B. Seiger geben 6 A. 4 B. Sohle, was 24 1 6 B. Seiger? Da werden nun seine Lafelin in Rleinigkeiten nicht richtig senn, und deswegen diese kleine Unrichtigkeit geben, woben seine Rechanung viel muhsamer ist.

#2. Es fen CT fentrecht auf die fohlige linie, in welcher man des Ganges Streichen abgenommen

bat.

13. Gefest man ift an Diefer Linie in ber Grube beym Puntte A gewefen, und durch alkerlen Ben-Dungen bungen in der Grube die C ausgefahren. Well man auf diesem Wege alle Umstände durch gespannte Schnuren, deren Donlogen, und das Streichen ihrer Sohlen, bestimmt hat, so weiß man aus diesem zusammen, die Seigerteuse SQ, und wie weit der Punkt Q, der sich im Horizonte durch AB seiger unter C besindet, von genannter kinie entsernt ist, also QT.

14. Nun sen 37 Fig. AB das Streichen bes Ganges in der Grube, Q; der Punkt der im horizonte der Grube seiger unter C ist, man kann ihn nach (13) auf einer Zeichnung vorstellen; QT senkrecht auf AB = ber QT ber 36 Fig.

Man nehme auf diesem Perpendikel; TG = ber Sohle MO der 36 Fig. (9) und ziehe durch G. GH parallel mit AB.

15. Go ist GH die kinie in welcher der Horisont durch AB, in der Grube von einer Bertscale fläche durch FD geschnitten wird.

Ober GH geht in der Grube gerade unter FD bin. 16. Wenn alfo über Lage CF fenfrecht auf

FU iff, to iff CF = QG;

17. Dieses bienet, eine Zeichnung zu machen vermittelst ber man bas Ausstreichen bes Ganges über Tage anzugeben im Stande ift.

18. Es find einertey A, B, bevder Figuren.

Ferner ift

C 36. Fig. lothrecht über Q 37 Fig.

Diego fait GH:

19. Wenn

- 19. Wenn man alfo die Beichnung ber 37 Fig. gemacht hat, fo lege man AB fo, baß fie in ber Stunde ftreicht, welche bas Streichen bes Ganges ersobert.
- 20. So giebt sich burch ben Compaß, in mas für einer Stunde QG streicht. Sie muß von voriger um 6 Stunden unterschieben senn.

Man kann auch QG messen.

21. Mun stede man an C, ber Stelle wo man ausg fahren ist, mit Staben einer Schnur u. b. g. eine kinie ab, in die Stunde, in der QG strich. Sie wird auf CF liegen;

Man mache sie so lang nach bem würklichen Masse, als QG nach bem verjüngten.

Go bat man F,

- 22. Durch F stede man eine Linie in ber Stunbe ab, in welcher ber Bang ftricht.
- 23. Diefe linie giebt bas gesuchte Ausstreichen bes Banges.
- 24. Ben biefer, und ahnlichen Verrichtungen, muß sich ber Markscheiber mit ber Bebingung verwahren: Wenn ber Gang sein Streichen und Fallen behalt. (23. Unm. 10.)

28. Anmerkung.

Man hat an einer Stelle einer Grube eines Ganges Streichen und Fallen gefunden. Man findet an einer andern Stelle, von einem Gange eben das Streichen und Fallen. Die Frage ist, ob dieser Gang mit dem vorigen einerley ist.

1. Es ist flar, baß feine Sbene mit jenem entweber einerlen, ober ihm parallel ift. Vorausgefest, baß bas Fallen, nicht nur ber Groffe, fonderin auch ber Gegenb nach einerlen fen, g. E. benbes westwarts.

2. Es sen also 38 Fig. AB das Streichen in ber tiefern Stelle, und die Ebene des dasigen Gan-

ges fen burch DC, AB, bestimmt.

3. In der höhern Stelle sen das Streichen MN parallel mit AB, und die dasige Sbene durch PO und MN bestimmt.

4. Man verrichte einen Zug von E in AB bis

Q in MN.

5. QF sen lothrecht auf die horizontale Ebene

burch AB.

Ware MN niedriger als AB; so ware QF, von Q lothrecht aufwarts gezogen, bis an die horizontale Ebene durch AB.

6. Vermoge bes Zuges hat man biefe OF, auch EF; Seigerteufe und Sohle ber Hppothenuse

EQ.

7. Man

7. Man weiß auch, was Es für einen Wintel mit AB macht.

g. Man nenne EF = b; QF = h; FEB = 9, ber berden Ebenen DCAB, PQMN; Reigung ober das Fallen, das man ben einem Gange so groß, als ben bem andern gefunden hat, sep = p.

9. Man stelle sich vor, bie Ebene POMN schneibe bie horizontale Sbene burch AB, in GH;

so find GH; AB, MN, parallel.

10. Auf GH sen QI sentrecht, und IF gezogen, welche auf GH sentrecht senn wird (Geom: 46. S. 63us.); also ist QIF die Neigung der Chene POMN, und = p.

II. Also FI = h. cot p.

12. Man falle FK sentrecht auf AB; so sind FK; FI, Perpendikel (10) aus einem Punkte, in der Ebene durch zwo Parallelen, auf diese Parallelen (9). Folglich liegen I, F, K, in einer einzigengeraden kinie.

13. KF = b. fin q.

14. Der Punkt F fann gwo lagen haben.

Erste. Er liegt nicht auf der Seite von AB, nach welcher ber Gang DCAB fällt, sondern nach der entgegengesetzten;

3. E, ber Gang fallt von AB gegen Often,

und F liegt mestmarts.

Das stellt bie 38. Fig. vor.

Sweyte. F liegt auf ber Seite, nach welcher ber Bang fallt.

Die 39. Fig.

15. Ben der Arsten lage ist der Parallelon AB, GH, Ubstand KI = KF + FI = b. sin q + h. cot. p.

16. Ben ber zwenten ift biefer Abstand:

FI - KI = h cot p - b. lin q

17. Mun setze man, bende Gange follen einer fenn; so muß GH in AB fallen. Das stellt die 40 Fig. vor.

18. Weil alsbenn Q in der Seite von Al ju, nach liege F nothwendig noch der Seite von Al ju, nach welcher der Gung fällt, wie in der zwehten tage (16).

19 Ferner find nun I und Knur ein Puntt, alfo

ist (16) h. cot p == b. sin q.

20. Diese Glaichung konnte ben ber ersten lage (14) ftatt finden. Allsbenn lage in ber 38 Fig. F in ber Mitte mischen AB und GH.

21. Rim miß man aber aus dem verrichteten Zuge missen, ob die erste oder die zwente lage statt findet.

22. Ich sese also man weiß, daß die zwepte

Lage statt findet.

23. Erhalt man alsbenn bie Gleichung (19), fo zeigt fie folgendes an:

Aus einem Puntte F, welcher mit den Parallelen AB, GH, 39 Fig in einer Ebene liegt, und zwar so, daß sich bende Parallelen auf einer und berselben Seite von ihm besinden, fallen auf diese Parallelen gleich lange Perpenditel.

Folglich

· Folglich geben die Parallelen in eine einzige

aerabe Linie gufammen.

Und die bepten Perpendikel auch in ein eine ziges. Und die benden Punfte I, K, in einen einzigen.

Alsbann entsteht also die 40 Fig.

24. Wenn alfo 19; 22; zusammen ftatt finden, find bende Gange in einer und berfelben Ebene.

25: Wenn zweene Bange einerlen Fallen nach einerlen Begend haben, fo liegen fie in einer

Ebene, wofern fin
$$q = \frac{h. \cot p}{b}$$

Baben fie aber einerlen Streichen, fo liegen fie in einer Chene, wofern fie nach einer Begend fal-

len, und cot $p = \frac{b. \sin q}{a}$

Benbes aus (19), wo p und q jum Gange DCAB gehören.

26. So viel ist in Diefer Untersuchung geomes trifch gewiß. Der Gr. v. D. brudt §. 876; 8773 Die Borfchriften (19; 25;) mit Worten weitlauftig aus, und boch fo viel ich febe, nicht beutlich genug , mit allen nothigen Bestimmungen, g. E. ber (22), auf welcher doch alles berubet.

27. Sind aber nun auch Die benben Bange ein

Gana.

Es ware ja nicht unmeglich, baß in einem groffen Beburge, in einer und berfelben Cbene, abæ

aber an weit von einander entfernten Seillen, zweene ganz unterschiedene Gange befindlich waren, bie felbft nicht einerlen Gangart führten.

Gegentheils, andert wohl ein und berfelbe Gang fein Streichen und Fallen, und murbe alfo geometrisch betrachtet, an ber einen und an ber andern Stelle, nicht für einen Gang erfannt merben.

28. Aus folchen Grunden fagt Hr. p. D. a. a. D., es fen, unter ben 24 u. f. angezeigten Umständen, nur ziemlich zuverläßig, daß bende Gange einer finb.

Mabmich fo zwerläßig als es ift, baß, was

in einer Chene liegt, alles ein Bang ift.

Weil man ben einem Gange was mehr benkt, als das blos geometrische einer Ebene; so muß das physische: Gangart, Saalband, u. f w. dazu genommen werden. Und ben Streitigkeiten, die über das Eigenthum des Ganges entstünden, wurden noch andere Entscheidungsmittel erfordert werden, von denen man Hrn. v. D. nachlesen kann.

29. Anmerfung.

Bergleichungen, zwischen dem Ausstreischen eines Ganges zu Tage aus, seis nem Streichen und Fallen.

1. Nachstehende Untersuchungen betreffen Aufgaben, die der Gr. v. Oppel 618. J. erwähnt, aber weber

weber beutlich erlautert, noch weniger ihre Aufic-

2. Ein Gang ftreicht in der Linie CE ju Tage

aus. 16 Fig.

3. Die lage biefer linie ift gegeben.

4. Zuch bes Banges Streichen.

5. Man foll baraus fein Fallen finben.

- 6. CE ist donlegig. Eine sothrechte Chene burch sie schneibe die Horizontalstäche durch C in CR.
- 7. So ist ECR ihre Reigung, die hat man als so (3).

8. Auch, mail die lage ber bonlegigen linie ges

geben ift, bie Stunde in welcher CR ffreicht.

9. CN, sen horizontal in der Sbene des Gape ges. Die Stunde, in welcher diese finie streicher ist das Streichen des Ganges; also bekannt. (4).

10. Ulfo weiß man ben Winkel ber benben hogi-

sontalen Linien (8; 9;).

von C; und beschreibe durch jedes Paar der ersten den Punkte Kreisbogen, die den legtgenannten jum Mittelpunkte haben. So entsteht ein Rugel- brepeck ERN ben K rechtwinklicht.

12. In demselben ist der Winkel N Des Ganges

Fallen.

13. Ich will die Winkel des Orenecks mit den Buchstaben nennen, die an ihren Spigen stehen. Man muß aber die Winkel so verstehen, wie es innere des Orenecks sind; z. E. N bedeutet den Winkel

Winkel ENR, nie seinen Nebenwinkel. Wenn jener spisig ist, ist dieser stumps, und amgekehrt. Was innis also dennert werden abesonders wenn man Cosinus oder Tangenten braucht. (Trigon. 3. Ertl. 3. Zusi 42 West. 1. Zus)

14. Die Seiten des Drepecks will ich mit ben fleinen Buchftaben; welche den Gooffen, dar Wirch die Winkel ungedeutet werden; gleichgultig find.

15. Man hat also in erwähntem Rugeldrepecte 1884 (7) die Seite ER = 11. 1 10 1 10 1

 $(10) \dots RN = e$

19: 16. Den Binkel (12) hierans zu fuchen, ges höft in meiner fphärischen Trigonometrie, 1. Saß Auf Buf. unter d; und wird durch die zwente Prodoction aufgelößt.

17. Ich will ber Kurze wegen ben Sinustototus = 1 fegen, und die bortigen Proportionen
burch Multiplicirung ber aufern und mittlern Glieber in Gleichungen verwandeln.

18. So ist dorten r BP BAFPAB

19. Und die II: Proportion giebe

 $tang N = \frac{tang n}{fin e}$

cot N = fin e. cot n.

Jit noch (3) gegeben, und bes Ganges Fallen, fo findet man für fein Streichen (19) tang N. fin e = tang n

22. Sie-

22. Hicher läßt sich folgende Aufgabe bringen. Benm Hrn. v. D. S. 619. Man hat irgendud auf einem ganz seiger fallenden Gange Firste und Sohle ausgehauen und abgebaut. Da sest ein anderer unbetriebener und umaufgesahrner Gang über, welcher bemnach blos im Hangenden und liegenden des ersten sichtbar ist. Man soll dis leste Fallen angeben.

23. Die 34 Big. wird fiet gur. Erfauterung fo

brauchen laffen.

Zwischen NM, OP, ist ber abgebaute Gangs ber burchsegende zeigt sich in AC; BD; wie in ber

24. Anmerfung.

Man kann also, wie borten, das Streichen bes durchsehen Ganges abnehmen, sowohl als des abgebauten feines. Jeues mochte die Linie AB bedeuren, dieses die Linie in. i bende fohlig angenommen.

Die Grenzen bes abgebauten Ganges stelle ich mir als parallete feigere Ebenen burch NM, PO,

bor.

Des übersegenden seine, auch als parallele

donlegige Chenen burch FG, Hi.

Diefer bonlegigen Chenen Meigung gegen ben Sorizont fucht man, als bes überfegenden Banges Fallen.

25. Also: die Chene durch FG, und bie durch NM, werden einander in einer linie schneiden, die durch A geht.

Huch ein solcher Quechschnitt ber Ebenen durch HI, NM, geht durch C.

em Und durch B, D, geben zweene Durchschnitze ber Chenen durch FG, HI, mit ber durch PO.

26. Man fuche die Donlege diefer Durchichnic te. Sie mußte eigentlich für alle einerlen fenn, wenn jeder Bang mit unter fich parallelen Sbenen begränzt ware.

ne burch CR, eine ber Grenzen ben feigern Gan-

ges Jalfo CR fein Streichen.

Des übersetenben Banges Sereichen fen CN. Und CE ein Durchschnitt wie (25).

19 28. So weiß man RN (23) RE (26) und sucht

₩ (24).

29. Formeln bieju ffeben (19; 20;).

299. Wüßte man RE nicht, aber den Wintel eines Durchschnittes (25) mit dem Streichen bes übersegenden Ganges; also EN = r;

31. So ift sphar. Trig. 1. Sas 3. Zus. e;

cof N = tang e. cot r.

32. Des hrn. v. D. Vorschrift ist solgende: Man addire die logarithmen von dem Sinustos sus, und dem Sinus der Donlege der linie, in welcher die Gange über einander sesen; von der Summe ziehe man den logarithmen des Sinus des Winkels ab, den der Gange Streichen machen. Der Rest ist der logarithme des Sinus des Fallens des überfahrnen Ganges.

33. Ich febe nicht baß ber Winkel, ber Strei- den ber Gange mas anders fenn kann, als mein e;

und das Fallen mein N. Des hen. v. Oppel Donlege heisse D, der Sinustotus = 1; So ist seine Regel: fin N = $\frac{\sin D}{\sin e}$; und da kann D weder den Bogen ER (28) noch EN (31) bes beuten.

34. Allerdings ift fin N = fin n fin r

und da steht rechter Hand im Dividendus die Dona lege ber kinie, in welcher bende Bange über einander fegen; Aber im Divisor ist nicht der Winkel ber Streichen. sondern der, welchen bender Gange Durchschnitt mit dem Streichen des übersegenaden macht.

35. Habe ich ben Hrn. v. Oppel aus Mangel einer Figut nicht recht verstanden, so wird man mir das desto eber verzeihen, weil ich ben der Veranslassung eine Aufgabe aufgelöset habe, die, wo nicht seine, doch sonst nüßlich ist. Mit dem, was eigentlich unter die Uederschrift gegenwärtiger Ansmerkung gehört, hängt sie so zusammen, daß man, anstatt; zu Lage ausstreichen, seben muß: durch eine seigere Ebene ausstreichen.

30. Anmerkung.

Die Lage von zwo Ebenen ist gegeben, man sucht die Lage ihres Durchschnittes.

1. Mit anbern Borten: Von ein paar Gangen ift Streichen und Fallen gegeben. Dan sucht bie lage ber linie, in ber fie einander schneiben.

a. 9

3. Die benden Sbenen schneiden ben Horizont in KA, KB, 41 gig. einander in KC. So giebt sich, auf diesen kinien gleiche kangen von K aus genommen, das Rugeldrepeck ABC.

3. In demselben ift folgendes gegeben.

AB bas Maaß des Winkels ben benber Ebenen Durchschnitte mit bem Horizonte, (ber Gange Streichen) mit einander machen.

A, und B, ber benben Ebenen Reigungen gegen ben Horizont. (ber Gange Fallen.)

- 4. Ich benenne die Grössen in diesem Drepede nach dem 29. Anm. 13; 14; angesührten Gesehe. So hissen die benden gegebenen Winkel A, B, die gegebene Seite = c.
- 5. Man ziehe auf die gegebene Seite ben Bogen CD fenkrecht, und nenne ihn y. Er mißt ber Linie CK Neigung gegen ben Horizont.
- 6. Man nenne AD = x. Also BD = c x Diese Bogen geben die lage der linie KD.
- 7 Hat man die benden unbekannten Groffen (5; 6;) gefunden, so ist der linie KC lage gegeben.
- 8. In jedem ber benden rechtwinklichten Drepecke sehe man die Grundlinien als bekannt an, und suche bie benben gemeinschaftliche Sobe aus dem schiefen Winkel, ber in jedem gegeben ift.
- 9. Es ist in meiner sphar. Trig. 1. S. bie II. Proportion; und man findet

tang y

```
tang y = tang A. fin or = tang B. fin (c - x)
```

10. Nun ist (Trig. 19. G.)

11. Bende Berthe von tang y; einander gleich gefest, geben also

tang A = tang B. (fin c. cot x - cof c)

12. Solglich cot x = tang A + cof c. tang B

$$= \frac{\text{finc. tang B}}{\text{fin c}} + \cot c$$

13. hat man x berechnet, fo glebt fich y aus bim ersten Werthe (9).

14. Prempel. Es fen

A = 50° 12';

 $B = 70^{\circ}$ 23

c = 62 45

log tang A = 0, 0792671 log cot B = 0, 5519521 -

,,i O, 6312192 — I

abgez log fin c = 0, 9127308 — 1

0,6784884 -- 1

Diese ist ber logarichme bes ersten Theils von bem zweigen Werthe, ber Cotangente.

cot x = 0,9704124

Diese Bahl ist ein wenig kleiner , als die Langente von 44° 8'. Folglich ist

(x = 45 52')

c-x = 17 53

Berner log tab fin x = 9,8559558

log tab tang A = 10,0792691

leg tab tang y = 9,9352229giebt $y = 40^{\circ} 45^{\circ} -$

Der gefundenen Cotangente niedrigste Zifer ist Arenlich nicht, richtig. Ich schreibe sie aber mit hin, damit ich die gefundene Cotangenten, in Zobenmillionentheilchen des Sinustotus ausdrücken, und so, was ihr am nächsten kömmt, in den Lafeln bequem aufsuchen kann. Ich suche nähmlich in den Lafeln unter den Langenten, deren berde höchsten Zifern 97 sind, und noch sunf niedrigsten dien wird, wie die Brösse der niedrigsten Zifern wird, wie die Rechnung zeigt, ohnedem hie nicht in Betrachtung gezogen, nur daß sie ihre Stellen ausfüllen.

15. Wenn a = 90°; ober bie Streichen ber Gange um 6 Stunden unterschieden waren, ift cot x = rang A, cot B.

16. Im Erempel ware ber Lafellogarithme biefer Cotangente = 9,6312192

XIIO

und y = 66° got in Di

ander geneigt, also $\hat{\Lambda} = \hat{B}_{\hat{\rho}}$ so wird bekannter, massen das Dreveck gleichschenktickt, also AD = DB, wie auch die Formel (12) giebt.

18. Neigen sich bende Scheffen, nach einerlen Begend, obern fallen bende Bange nach einer Seite, so ist B == 1800 :-- Aufstang B == -- tang A.

Daber in (12) cot x = | -11 + cot c. bas

giebt zu'ammen ein Bruch; besseit Nenner = sinc; der Zähler = — (1'— cos c) = — 2 fin (½ c)² (Trig 9. Saf 7. Zus). Der Nenner aber läßt sich auch so ausbrucken: 2 sin ½ c. cos ½ c. (das 6 Zus.) Folglich kömme corx = — tang ½ c also x = ½ c — 90° und sin x = — cos ½ c; und tang y = — sang A. cos ½ c und c — x = ½ c + 90°, wovon die Cotangente auch = — tang ½ c ist.

Jedes Rugesbreneckes Seite ist kleiner, als 2 Quabranten Folglich ist'x verneint; Rahmich D fallt auf ben Bogen BA, über bem legtgest nannten Buchstaben fortgezogen.

Der entgegengesette Werth von x; der bei jahre Bogen 900 — ½ c. ift fleinermals ein Quabrant, beffen Langente, und Corangente bejahr, folglich Langente und Corangente von x verneint.

c — x ist ein Bogen, grösser als ein Quabrant, aber kleiner als ber Halbkreis. Folglich auch von ihm Langente und Cotangente verneint.

19. Sind bender Ebenen Durchschnitte mit dem Hotizonte parallel, so muß man sich K als unendlich entfernt vorstellen. Da ist c = 0; Auch werden x; y; jedes = 0. Nähmlich CK auch par

rallel mit bipben Dunchschnitten.

20: Rahmlicht wenn von ein Paar Ebenen die Durchschnitte nite dem Horizonte parallel find, so kann bender Ebenen Durchschnitt keinen Punkt im Horizonte haben. Dieser Punkt ware in benden Ebenen, und im Horizonte, also in benden Durchschnitten mit dem Horizonte. Daher ist dieser benden Ebenen Durchschnitt mit einander, jeder ihrem Durchschnitten mit dem Horizonse parallel.

gen einander geneigt, find ein Bep piel bievon.

Durchschnitts bender Ebenen, aus den gegebenen Grössen, so unmittelbar als möglich ist. Die einzige Beschwerlichkeit hieben ist, daß die gesuchte Cotangente (12) aus zwen Stücken besteht, deren jedes man einzeln berechnen nuß.

22. Indeffen erhellt aus bem Erempel, wie man zu biefer Berechnung Die logarithmen bequem

brauchen fann.

Jeh habe mich baben ber groffern logarithmie feben Lafeln, und noch Proportionaltheile, bedient.

Aus den genminen, und ohne Proportionalthelle, findet man diesemersten Theil doch = 0,4769, und das giebt. son u = 0,9700 das schränkt den Binkel ebenfalls-hwischen. 52 und 13 Minuten über 45 Grad ein.

93. Nur, wenneiner ber benden gegebenen Winstel nabe ben einem rechten, ber andere weit davon unterschieden ware, könnte der erste Theil so groß werden, daß ihn die lagarithmen nicht gan zu scharf gaben.

24. In biefem Falle konnte man mit bem trigonometrischen kinien selbst rechnen; welches fren-

lich auch sonst niemanden verboten ift.

as. In der hisherigen Rechnung habe ich bene ber gegebenen Winkel Tangenton bejahr angenome men; also die Winkel fpifig.

26. So fällt das Perpendikel CD zwischen sie

und ist spisig. (Sphar. Trig. 2. Sas 1.)

27. Chenfalls febe ich die gegebene Seite als fpigig an, folglich Cofinus und Langente bejaht.

- 28. Wird also etwas in 25; oder 27; stumps, so muß man wissen, wie die trigonometrischen Eluien alsdenn verneint werden, und wie alsdenn die Formel (12) zu brauchen ist.
- 29. Zur Erläuterung hieven, so viel als mögstich von der Rechnung des Erempels (14) zu braucher, bleibe alles wie dorten, nur sen A == 129° 48'; des Winkels, der dorten mit diesem Buchstaben angedeutet ift, Supplement zu 180°.

Man muß also dieses Winkels Langente als verneint ansehn; Und so wird der erfte Theil, best man dort durch den logarithmen sand, nur verneint, behålt sonst oben die Gröffes ist also

= - 0, 476967 abbirt cot c = + 0, 4931454

 $\cot x = + 0, 0161784$

Diese Gröffe gehört als Langente zu 55° +. Also ist x = 89° 6' ---

Das beträgt mehr als c; und giebt c --- x

= - (25° 21')

Die Bebeutung ist offenbahr: Man musse ben Bogen AB durch B weiter fortziehen, und da hinaus von B an BD = 25\graph 21' nehmen.

Gerner log tab fin x = 9, 9999464 log tab tang A = 10.0792671

log tab tang y = 10,0792135

Dieser Logarithme gehört jur Tangente von 50° 12' —. So graß ware y, wenn seine Tangente bejaht ware. Sie ist aber verneint, weil tang A verneint, und sin x bejaht, ist. Also giebt bes angezeigten Bagens Supplement zu 180 Gradben; y = 129° 48'

Das Perpendikel CD fällt nähmlich hie zwigschen die benden stumpfen Winkel, welche die Ebernen der Bogen CA, CB mit dem Horizonte maschen, und ist also stumpf (Sphir. Trig. 2. Saß 3.).

Winkel A einerley ist, kömmt, wie man sa:gleich sieht, haber daß x so nahe an: 90 Graben-ist, und zeigt an, auch AC werde bennahe ein Quadrant sen, also CD das Maaß des Winkels A.

30. Durch die gemeine fpharifche Erigonometrie fande man bie benben unbefannten Groffen (5, 6),

fo:

31. Im Drepecte ABC fuche man aus ber gegebenen Seite, und ben anliegenden Winkeln, bie Seite AC, die b heißt.

aus bem schiefen Binkel (3) und ber Hppothenuse (31), die benben Schenkel x3 y3

33. Die Frage (31) ift in meiner fphår. Erig. ber schiefwinkli & Fall, und bie bortigen Beichen find in die hiefigen so ju übersegen :

Man nenne ben bortigen Bintel BPA, ber

in gegenwartiger Figur nicht vortommie, ru.

Also querst cot u = tang & cof c.

Server tang
$$b = \frac{\tan g \, c, \, \cos u}{\cos (A - u)}$$

34. Mun für (33) fin y = fin A. fin b. (1. Cof

1. Buf (3) und cot x ==
$$\frac{\cot b}{\cot A}$$
 (1. Saf 1. Buf 1)

35. Man sieht leicht, baß biese Rechnung meich läuftiger ist, als die vorige. Man muß zwo Zwi-

15

35. Besondere Falle (15; 18; 19;) find auch aus ber Rechnung (31).

37. Bleibt man also ben ber Formel (12), fo hat man ferner

Durchschnitt, mit jeder Ebene Durchschnitze mit dem Porizonte macht.

cot b = col A. cot n; und eben fo

... cot si == cof B. cot (c -- x)...

39. Endlich für bender Chenen Winkel mit ein-

fin G = fin A. fin e

Ao. Fûr t = 900 (15) fommt

cot b = fin A. cot B

cot a = fin B. cot A.

41. Fur-(18) cot b = - col A. tang 1 c;

Und cot a bekömmt den entgegengesetten, sonft gleichen, Werth. Also haben auch die Langentur von a. b; entgegengesette, sonst gleiche Werthe. Das ist: Diese benden Bogen machen ansammen 180 Brad.

42, Die

42:Die bisherigen Berechtungen bieffen nich

Nufgaben,

43. Man hat ben Bintel, ben bie Durchichritte. von ein Paar Chenien mit bem Horizonte, miseinander machen; also & (4)

Imgleichen bie lage ber' linie in ber bende Sommeingnber fchneiben. Alfo x ; y ; (53.6).

Aus biefen unmittelbar gegebenen Gröffen' sicht man der Ebenen Neigungen gegen ben hotis zont, imb bie Winkel, welche ihr gemeinschaften der Durchschnitt, mit jeder Durchschnitte inier dem Horizonite macht.

44. Für bas erfte, ift aus (9),

cot A = fin x, cot y; cot B = fin (c-x), cot y;

. 45. Burdes zwente; Aus fohder Leig. 1. Safet 3. Jus. a.

colb = colx, coly und cola = col(ci-x). culy

46. Die Untersuchung (i) erwähnt Dr. v. D. 3. 5.618; ats eine Unwendung schlessbinklichter Kugelbrenecke, nachbem er bred Aufgaben erlähne hat, beren jede sich foll auf ein rechtwinklichter Dreneck bringen lassen. Bie ersten benden von ise nechtweinen won ise nechtwinklichter

47. Die britte heißt ben ihm fo : Man well bas Streichen lind Fallen eines Ganges, und das Unsteigen eines Geburges nath einer zugleich acaebea

gibenen Bigenben Graben. Man foll baraus die finden, in welcher ber Bang fein Ausftreichen hat.

48. Weil Dr. v. D. diese Aufgaben mit keiner Figur erlautert hat, so ist mir besönders in diese walle, was er durch Auskeigen des Gebürges nach einer zugleich gegebenen Wegend sagen will. Ich stelle mir die Sache soppra

Ag. Die Obrifiche des Berges wird als eine geneigte Edine amgesehen. Man nuis die lage dieser-geneigten Chene, also: ihre Neigung gegen den Horizont, das Ansteigen; und die Stude in welcher eine schlige linie auf dieser donlegigen Chromostope eine schlige linie auf dieser donlegigen Chromostope Eine andere söglige linie, die jeuer das rechte Winkelkreuß giebt, bestimmt die Gegend des Ansteigens.

So, wenn in ber 35 Fig. HG die erste ste liche Inge Unie, QR die zwente, O in der geneigten Ebene ware, waren KPO das Ansteigen in Graben, nach der Gegend KQ.

viso. Nun iff ger Bang eine andere fchiefe Gbe, pon ber man Streichen und Kallen weiß.

In der 16 Fig, sey RCN im Horizonte, CN, CE im Gange, ECR vertical; So weiß man die Seunde in welcher, CN streicht, und den sphartischen Winkel N, des Ganges Fallen.

51. Soll nun CE bes Ganges Musstreichen in ter geneigeen Ebene sepn, so weiß, man im Augelbrevecke ERN nichts mahr, als ben rechten Winselben R., und ben schiefen N.

sac Denn

52. Denn vo man gleith bus Sreeichen von EN weiß, so weiß man boch bas von ER niche. Ansser wenn mar annahme, CE Bet 16 Jist wäre mit QK ber 33; einerlet, das ist vie tim, in wescher ber Gang ausstreicht, ses auf die söhlige Mien, die in der geneigten Ebene (50) gezogen werden, senkrecht. Ich sehe aber nicht, was uits berechtiger, dieses anzunehmen; Und also läßt sich nach meiner Auslegung des Hrn, v. D. Ausgabe nicht, auf ein einziges rechtwinklichtes Rugele drepeck bringen.

53. Ich stelle mir die Sache so von: Gang, und Oberfläche des Berges, sind ein Paar geneige te Ebenen, wie CKA; CKB; 41 Rig.

Man weiß jeder ihr Streichen; also ben Wine tel AKB = c.

Auch jeber ihr Fallen; also die Winkel A, B. Daraus sucht man die lage ihres Durche schnitts, KC bes Ausgehenden vom Bange.

Das ist also vollig die Untersuchung (1). 112

31. Anmerfung.

Ueber die krummen Linien, in denen ein Bang fällt und zu Tage ausstreicht.

v. Oppel J. 620.

r. Wenn man einen Gang nicht nur in bem kleinen Theile ber Erbe betrachtet, in bem man ibn ibn wuntlich verfalgen kann, in einem Theile, ber gegen die ganze Erdfugel für nichts zu achten ift, sondern annimmt, er folle in dem Streichen und Sallen, das man ben ihm an einer gemissen Stellen, bas man ben ihm an einer gemissen Stellen, so gefunden hat, durch die ganze Erdfugel seben, so faun man fragen, was hieraus von seiner Jigur solgt?

Thingel, C ihr Mittelpunkt. Durch CA lege Within eine willkuffiche Chene, Die also allemahl für alle die Derter auf der Oberfläche ber Groß durch welche fie geht, vertical sehn wird.

3. In Diefer Ebene foll eine frumme Linie M fo liegen, baß fie an jeder Stelle, eine und diefelbe Nemung, gegen die horizontale Ebene burch diefe

Stelle hat.

Eberte an the steht senkrecht auf GM. Gegen bie horizontale Ebene hat das Steinent ber krummen Linig eine gewiffe Meigung.

5. Diese Meigung ist die Erganzung zu 90 Graben von dem Winkel CMm der G heisen mag.

116. Solt also jene Reigung überaft, wo man M in der frummen finie nimmt, eine und diefelbe senn, so ist auch überall der Winkel, den das Element der frummen linie mit einer daran gezogenen linie CM macht, einer und derselbe.

50 July 12/4/20

7. Man

7. Man nenne CA = ry CM = y 5 den Bifferential iff Mon.

8. Die trumme linie fommt bem Mittelpuntte ber Erbe immer naber und naber. Wenn man alfo mit Cm ben Kreisbogen in befchreibt, bes

= ydz ift, so ist MR = -- dy und mR worth

 $\frac{\text{yd}\zeta}{\text{dy}} = \tan \varphi.$

Es ift aber & = a, far'y = r; Alfo Conft

$$= \log r. \ \text{und} \frac{\zeta}{\tan \varphi} = \log \frac{r}{y}$$

10. Diese krumme linie ist also die logarichmische Spirallinie. Ich habe von ihr in der Analysis des Unendlichen 10; gehandelt. Wollte aber doch lieber die kurze Rechnung, durch die man ihre Gleichung sindet, hie bespringen, zumahl da hie die Gleichung ein wenig bequemer ausgedrückt ist als borten, und unmittelbar so, wie zu gegenwärtiger Absicht erfodert wied, für den Theil der krummen linie, welcher sich von der Oberstäche dem Mittelpunkte der Erde immer nähert.

10. Bon einem Gange, ber immer tiefer und tiefer geht, fagt ber Bergmann: er gehe in ewige Leufe; Agife; und fagt diß richtig, weil er fich inter der Oberfläche ber Erde gleichfam einen Abgrund vorstellt. Ob aber der Hr. v. D. hie eben den Ausbruck mit Rechte gebraucht habe, bas ist mir zwei felhaft, benn für den Geographen ist unter der Oberfläche kein Abgrund, sondern ihr Mittelpunkt in bestimmter Entsernung.

- 11. Also, wenn ein Gang nicht in ewige Teuse, sondern dem Mittelpunkte der Erde immer naher und naher niedergeht, und daben beständig einer lev Fallen behalten soll: So kann er, allgemein betrachtet, keine Ebene senn, sondern jeder Durchschnitt einer Ebene durch den Mittelpunke der Erde, mit ihm, ist eine logarithmische Spirallinie, deren Winkel omit des Ganges Fallen 90 Grad macht.
 - 12. Ist $\phi = 90^{\circ}$ also die Tangente davon und endlich, so giebt die Gleichung (8) $\circ = \log \frac{r}{y}$ also r = y. Nähmlich des Ganges Fallen ist = \circ ; und sein Durchschnitt (11) ein größter Kreis auf der Oberstäche der Erde.
 - auf der Oberstäche ber Erbe.

 13. Ist $\varphi = 0$, so giebt die Gleichung (8) log unendlich, also y = 0. Der Gang ist also denn eine seigere Ebene, die einzige Bedingung, unter welcher der Gang eine Ebene sein kann. Ist de Ebene, durch den Mittelpunkt der Erde, schneibe

det ihn in einer geraben linie burch ben Mittelpumet, bas ift die Bebeutung von y == 0.

Coviel vom Bange ber immer mit einerlen

Fallen weiter und weiter in die Teufe fest.

14. Ein Gang streicht in einer gewissen Stunde zu Tage aus. Das heißt: Sein Burchschnitt mit ber Horizontalfläche des Ortes, wo er ausstreicht, macht mit dem dasigen Meristiane einen gewissen Binkel.

- 15. Sollte er alfo über die ganze Oberflache ber Erdfugel ausstreichen, und immer in eben ber Stunde, so mußte er auf dieser Oberflache eine frumme linie angeben, die mit jedem Meridiane eben ben Winkel wie mit dem andern machte.
- 16. Man kann dergleichen krumme linien auf ben meisten kunstlichen Erdkugeln sehen. Won jeder Windrose, die auf einet solchen Erdkugel abgebildet ist, gehen Striche aus, die sich durch die Meridiane weiter fortziehen, und deren jeder, alle Meridiane unter einem und demfelben Winkel, ein anderer unter einem andern, aber auch immer demfelben andern schneidet.
- 17. Nach einer solchen linie wurde ein Schiff gehen, das beständig von einem und demselben Winde nach der Richtung des Windes getrieben wurde. Z. E. Wenn es immer Nordwestwind hatte, ginge es aus jedem Meridiane in den nachsten, nach Sudosten.

- 18. Von diesem schiefen Laufe des Schiffes beißt man solche kinien Lopodromien.
 - 19. Der Gang (15) streicht also in einer lorobromischen Linie zu Tage aus.
 - 20. Wenn er gerade von Suden nach Norden, ober umgekehrt streicht, so wird diese linie ein Meridian.
 - 21. Wenn er aus einem Punkte, der von jedem Pole 90 Grad absteht, gerade Dit oder Westwarts freicht, wird sie der Aequator.
 - 20. Bon ben Lorobromien hat Jacob Bernoul. li theoretisch und praktisch in ben leipziger Actis Erud. 1691; 1699; gehandelt. Man s. Opera Iacob. Bernoullii n. 42. u. n. 91. Gleichwohl fagt Leonh Chriftoph Sturm, in feinem furgen Begriff ber gefammten Mathefis (Frankf. a. b Oder 1710.) III. Theil 233 Seite, man suche noch jeto Diefe Linie recht accurat berauszubringen, und wenn ei nes Schiffs lorobromie accurat beterminirt mare, konnte man feine geographische lange auf ber Gee Ein Paar Sage, welche zeigen, was fonft ichon von Sturmen bekannt ift, bag er von ben Theilen ber Mathematit, bie nicht nabe mit Bautunft, Fortification und etwa gemeiner praftis schen Geometrie verwandt find, auch nicht einmahl biftorische Renntniffe julanglich befeffen bat.

32. Unmerfung.

Machricht von des Hrn. v. Oppel Anshang der Anleitung zur Markscheidekunft.

- 1. Vielleicht ist diese kleine Schrift nicht allen bekannt, welche die Anleitung zur Markscheideskunst selche beiten. Sie ist 1752 auch zu Dresben ben Walther herausgek. 36 Quarts. 1. Rupferk. Die Paragraphen werden in ihr mit denen der Markscheidekunst in einem fortgezählt und gehen von 930 bis 955.
- 2. Zuerst betrachtet der Hr. v. D. die stillige Figur, welche aus den Arbeiten eines Markscheisderzuges entstehet, und zwischen den Sohlen aller gezogenen Schnuren auf einen und denselben Horizont gebracht, enthalten ist, wenn man noch von dem Punkte, der in einer seigern linie mit dem Anbaltenspunkte ist, an den, welcher in einer seigern linie mit dem ist wo man aufhörte, eine gerade lie nie zieht.
- 3. Diese gerade linie hat man nicht aus unmittelbarer Messung so wenig, als die benden Winkel welche sie, einen mit der ersten Seite der Sigur, vom Unhalten an, den andern, mit der letzten ohne eine am Endpunkte, macht. Die gerade linie selbst kann als die letzte Seite der Figur angesehen werden.

4. Aber

- 4. Aber aus unmittelbarer Messung, ober vermittelst ber Lehre von Sohlen und Seigerteusen,
 hat man alle übrigen Seiten ber Figur, die lehte
 ausgenommen; auch alse Winkel die sie mit einanber machen, vermittelst des Hängecompasses (7.
 Anm. 36.) ober der 12. Anmerk. Es ist nähmlich so viel, als eine Figur aus ihrem Umfange gu
 messen. (13 Anm. 7.).
- 5. Die lette Seite nun, und ihre Winkel (2) khret der Hr. v. D. zuerst in diesem Anhange berechnen.
- 6. Man sieht leicht, wie bieses geschehen kann, wenn man die Figur durch Diagonalen aus dem Anfangspunkte in Drepecke zerlegt, da man immer von einem ins andere gehen, und was man im vorhergehenden berechnet hat, im nächstfolgenden ben brauchen kann.
- 7. Hr. v. Oppel aber giebt ben jedem Bielecke Formeln in Buchstaben ausgedruckt, durch
 welche, z. E. benm Fünfecke, die lette Seite und
 ihre benden Winkel bestimmt werden.
- 8. Benspiele solcher Formeln, und zwar die einfachsten unter ihnen, waren. Wenn in einem Drepecke zwo Seiten mit dem eingeschlossenen Winkel gegeben sind, die dritte Seite und ihre benden Winkel zu sinden. Sie stehen in meiner Trigonom. 20. S. 1. Zus. und I. astron. Abhandl. 52; 33. Des Hrn. v. D. seine für das Orepeck stimmen damit überein, nur wird ihr Ausdruck weise

weitlänftiger, weil er statt des Sinustotus nicht 1 fest.

- 9. Man sieht leicht voraus, daß ben Figuren von viel Seiten dergleichen Formeln sehr zusammengeseht ausfallen. Man kann auch die logarithe men nicht gar zu bequem andringen; und trigonometrische linien selbst mit einander zu multiplicit ren und zu dividiren, wie man vor Bekanntmachung der logarithmen thun mußte, dazu würden sich jeho Ustronomen schwerlich verstehen, denen man doch immer noch muhfamere Rechnungen anmuthen darf als Markscheidern.
- 10. Nachdem in der Figur stumpfe Winkel vorkommen, oder gar einwärtsgehende, die man für grösser als 180 Grad annehmen muß (G om. 13. S. 7. Zus. Unm) ist Aufmerksankeit nothig, wels the von dieser Winkel trigonometrischen Linien, bejaht bleiben, oder verneint werden.
- 11. Mir scheint es also nicht, als ob des Hrn. v. D. so zusammengesette Formeln sehr brauchbar waren, und ich wurde lieber ben der gemeinen trisgonometrischen Rechnung (5) bleiben.
- 12. Ein anderer Vorschlag, ben Hr. v. D. im angeführten Anhange thut, kömmt auf folgende Betrachtung an. Man stelle sich dren Sbenen vor, eine fohlig, die benden andern seiger auf jener, über Linien, beren eine die Richtung der Damagnet-

Magnetnabel, die andere die sechste Stundenlinie, also auf jener senkrecht ist: So machen die dren Sebenen jede mit einander richte Winkel, und jeder Punkt ist durch die dren Perpendikel von ihm auf diese Sebenen bestimmt. Hr. v. D. lehrt nun, wie man den einem Markscheiderzuge, aus dem was ist gemessen worden, die Lage eines Punktes auf erwähnte Art bestimmen kann.

13. Dieses Verfahren ist eben das, was man sonst in der Analysis braucht, wenn man die Lage eines Punktes durch drep rechtwinklichte Coordinaten bestimmt. (Analys. endl. Grössen 514). Der Hr. v. D zeigt seine Anwendung aussührlich auch in einem Exempel. Die Beweise seiner Regeln würde man sich frenlich aus der Lihre von der Lage der Ebenen und sphärlschen Trigonometrie aussuchen müssen.

Abbandlung

Von Sohenmessungen durch das Barometer.

t. Bon biefem Gegenstande mit ben Geleg no beit ber Markscheldekunft zu handeln, brauche wohl feine groffe Rechtfertigung. Er gehört ohne ftreitig mit zu b.n Mitteln, welche die Geometrie ju brauchen sucht, Renntniß von Geburgen ju geben, und um alle solche Mittel bekummert sich boch wohl ber Berggeometer, wenn er nach Bolltommenbeit in feiner Urt ftrebet.

2. In ben gewöhnlichen Unleitungen gur Mathematif fann von biesem Verfahren nicht grundlich gehandelt werden, besonders weil es etwas von ber Rechnung bes Unendlichen vorausfest, frenlich nur ihre Anfangsgrunde, die jedem, ber sich mit Abmeffungen abgeben will, befannt fenn follten.

3. Man hat auch Tafeln ober fonft Borfcbrif. ten aus bem Stande bes Quedfilbers im Barometer, die Bobe des Ortes, wo es diefen Stand hat, Bu berechnen. Aber jebe folder Borfchriften giebt immer für einerlen Stand des Quedfilbers eine andere Sohe als die andere. Es ist also wohl der Mube werth zu wissen, woher diefer Unterschied tuhrt, ob, und wie weit die Erfinder foldher Regeln in ihren Grundsagen von einander abgehen.

4 Fast allgemein nehmen sie an: Die Dichte ber luft an jeder Stelle verhalte fich, wie die Rraft,

mit welcher sie zusammengepreßt wird.

c. Diefes

5. Dieses haben Mariotte und andere burch Bersuche gesunden, ben benen die Luft, mit der doppelten oder drenfachen Kraft, in die Halfte, oder in den dritten Theil des vorigen Raums zu sammengepresst ward. (Man f. meine Ansangsge. der Aerometrie 62.)

6. Umgekehrt lagt fich also schlieffen, wo bie luft halb so stark, ober ben britten Theil so stark gebruckt wird als ben uns, ba fen sie nur halb,

ober ben britten Theil fo bicht.

Bon Prufungen des angenommenen Gefeges ben verdunter Luft.

7. I. Es gibt auch Mittel, sich burch Erfahrungen zu versichern, ob bas Gefeg eben so ben verbunnter Luft, wie ben verbichteter, beobachtet wird.

II. Hiezu könnte Einem die Luftpumpe einfallen. Man könnte ihre Cylinder und die Glocke ausmessen, und so berechnen, wie viel die Lust nach einer gegebenen Meige von Erantlationen verdunnt ware, (Aer. 41) nun aus der Quecksilberprobe beurtheilen, ob sie in eben dem Verhältnis schwächer ware.

Genaue Ausmessungen aber sind nicht so gar leicht, und aus der Beschaffenheit der Luftpumpen erhellt, daß man die Regel, aus der Zahl der Auspumpungen die Verdunnung zu berechnen, nicht mit völliger Sicherheit anwenden durste.

111. Man stelle sich eine Röhre vor, wie zu Batometern genommen, nur an benden Enden offen. Sie sein durchaus gleich weit, oder wenn das nicht ist, muß man Mittel wissen, die unterschiedenen Weiten in Verechnung zu bringen. Ichwill es aber jeso ahnehmen, um die Sache kurzer vorzutragen.

III. Die Barometerhohe zu ber Zeit, ba man ben Berfuch, ber jest foll befchrieben werden, machen

will, sen = f.

Die lange ber Robre = g.

V. Man halte sie vertital, und verschlieffe ihr unterstes Ende, mit einem Stopfel, ober mit bem Kinger.

Bum oberften schütte man Queckfilber binein, so daß über bem Queckfilber ein Theil ber Robre, bessen lange = a; von Queckfilber leer bleibt.

In Diefen Theil tritt also Luft, so bicht als

die umliegende.

VI. Nun verschlieffe man die Robre oben, so baß die Berbindung mit der aufern Luft abgeschnitten wird.

Und öffne sie alsbenn unten.

Es ift flar, baß alsbenn unten Quedfilber

berausflieffen wird.

Dinn die luft, welche ben Raum = a einnimmt, ware im Stande, ben Druck der Itimosphäre, oder welches eben so viel ist, eine Quecksilberfäule von der Sobe f zu erhalten. Alfo ist die Atmosphare nicht stark genug, zugleich biese Luft, in diesem Raume, und eine Quecksibersause von ber Sobe g — a (V) zu erhalten.

Wenn aber Queckfilber heraus läuft, und die über dem Queckfilber befindliche Luft sich ausbreitet, so werden diese benden Kräfte, welche dem Drucke der Utmosphäre entgegengelest sind, geringer, und so wird diese Verminderung so weit gehen, dis behde dem Drucke der Utmosphäre gleich werden. Unter was für Umständen dieses geschicht, läßt sich so bestimmen.

VII. Die luft über bem Quecffiber breite fich

aus bem Raume a, in ben y aus.

VIII. Im ersten Raume konnte sie eine Queckssterfäule = f erhalten, also kann sie im zwepten eine Quecksibersäule = $\frac{f. a}{y}$ erhalten, wenn man annimmt, die ansdehnende Rraft von einerlep Luft verhalte sich wie ihre Dichte, also verkehrt, wie der Raum, den sie einnimmt.

VIIII. Noch bleibt in ber Robre eine Quecfile

berfäule = g - y.

X. Diese benben Krafte (VIII; VIIII3) en balt bie Utmosphare. Also ist

$$\frac{fa}{y} + g - y = f$$
Ober $y^2 = a$, $f - (f-g)$, y.

XI. Die Austosung ber quadratischen Gleischung giebt $y = \sqrt{(\frac{1}{4}(t-g)^2 + af) - \frac{1}{2}(f-g)}$ sur der Gleichung bejahte Wurzel, welches offenbahr die ist, welche man hie braucht.

XII. So laßt sich aus bem VIII; angenomme, nen Sage berechnen, wie tief bas Quecksilber fallen muß. Und wenn benn bie Erfahrung zeigt, es falle so tief, so bestätigt sie ben angenommenen Sas.

Diese Aufgabe mit ihrer Auslösung ist von Jacob Bernoulli vorgetragen worden, unter bem Litel: Vsus logicae in physica. Op. Iac. B. T. I,

n. 22.

Hie will ich bequemer zu gegenwartiger Abficht eine andere Unwendung ber quadratischen Gleichung (X) machen, die B. zu ber seinigen nicht brauchte.

XIII. Man sete, die luft soll n mahl bunner werden; also y = n. a senn. Dieses in die quabratische Gleichung gesett, giebt

 n^2 a = f - (f - g). n Ober a = f + n. (g - f)

n r

XIIII. Prempel. Das Barometer steht 28 30st = f. Die lange der Röhre ist 30 = g. Man will haben, daß sich die luft über dem Queckssilber viermahl (also n = 4) verdunnen soll; Wie viel muß man oben in der Röhre von Quecks süber leer lassen?

200 a = 28 + 4. 2 = 3

Rudwarts läßt sich dieses so erläutern: In der Röhre sind 2 Zoll natürliche kuft, die in diesem Zustande 28 Zoll Quecksilber tragen könnte. Sie breitet sich in den viersachen Raum = 9 Zoll aus, und so kann sie nur den vierten Theil = 7 Zoll Quecksilber halten. Ferner bleiben in der Röhre 30 — 9 = 21 Zoll Quecksilber. Also ist das, was in der Röhre besindlich ist, = 7 + 21 = 28 Zoll Quecksilber, gleich so viel als die Atmassphäre erhalten kann.

XV. Wenn man also ben einem gegebenen Barometerstande = f; für eine gegebene Röhre = g, unterschiedene Werthe von a annimmt, und das jedem zugehörige a berechnet; So kann man sür jede dieser Rechnungen, so vielzals sie angiebt, natürliche kuft über dem Quecksilber lassen, alsdenn den Versuch nach (VI) anstellen und nun sehen, ob der Raum oben in der Röhre, der von Quecksilber leer ist, y = n. a ist. Dies Versahren würde bequeiner sehn; die Voraussehung (4) zu prüssen, als wenn man nach Vernoullin allemahl eine quadratische Gleichung aussosen wollte. Auch hatte V. keine solche Prüfung zur Absicht.

XVI. Wenn die Rohre langer ist, als die Barometerhohe, also in XIII; g — f bejaht, so bekommt man allemahl für a einen bejahten Werth, so groß man auch n nimmt; Nur wird dieserth

Werth für ein groffes n sehr klein ausfallen, und sich also nicht wohl abmessen lassen. Allenfalls müßte man zu dieser Absicht die Röhre sehr lang nehmen, und sich in den Stand sehen, die kleinnen Theilchen, in denen a durch die Rechnung am gegeben wird, sehr scharf abzunehmen.

XVII. Man seße f=28; g=40; n=100; so kömmt a=0, 1228. Wenn man so viel Plat in der Röhre oben für natürliche tust läßt, so breis tet sich solche in den hundert sachen Raum=12, 28 aus, in w ledem Zustande sie 0, 28 Queckssiber halten kann. In der Röhre aber bleiben 40—12, 28=27,72 Quecksiber, die also mit der verdünnten eingeschlossenen kuft, zusammen 28, dem Orucke der Utmosphäre gleich sind.

XVIII. So zeigt fich, wie man die Vorausses gung auch für groffe Verdunnungen prufen fonnte, woben frenlich allerlen Schwürigkeiten eintreten wurden, fehr sichere Versuche zu machen.

XVIII. Ist die Röhre fürzer, als die Queckfilberfäule im Barometer, so ware in (XIII) ein bequemerer Ausbruck bes Zählers f.—n. (f.—g);

und $n = \frac{f}{f - g}$ gabe die Grange, der n fich na-

bern barf, aber folche nicht erreichen.

Denn im letten Falle bliebe keine kuft über bem Queckfilber. Es sanke nicht, weil es im Barometer burch bie Atmosphäre noch höher erhalten wird. Nähmlich y = n. a warshie = n. o.

Nähme

Dahme man n noch gröffer als die angegebene Grange, fo fame ber Werth von a verneint, ber-

gleichen fich bie gar nicht anbringen laßt.

XX. In dem bisherigen habe ich nur die Theorie sie solcher Bersuche auseinander setzen wollen. Die Handgriffe zur Ausübung wird jeder sich leicht erdenken, dem torricellianische Röhren und Barometer bekannt sind.

Begreistich wird man das unterste Ende der Röhre in ein Gefäß mit Quecksilber gehen lassen, oder ihm einen aufwärts gebogenen Schenkel aufügen. Sonst wurde die Rechnung mit der Ersahrung nicht übereintressen. Denn weil das Quecksilber durch den Fall eine Geschwindigkeit bekömt, so sließt ansangs mehr aus der Röhre als die Rechnung angiebt, das tritt aber nachdem aus dem Gefässe oder dem aufwärts gebogenen Schenkel wieder hinein, und es entstehen gleichsam Oscillationen; erst wenn Alles ruhig ist, kann man y abmessen.

Wenn man ein Gefäß, ober einen aufwarts gebogenen Schenkel braucht, find folche Erinnerungen wie (Aerometr. 74.) inacht zu nehmen.

8 Bu gegenwärtiger Untersuchung ist eben nichts daran gelegen, wie es sich ben sehr grossen Aenderungen der druckenden Kraft der kuft verhält. Denn in kuft, die nur noch einmahl so dicht, oder in solcher, die nur halb so dicht wäre, als die uns gewöhnliche, könnten wir schwerlich lange leben, und so kann man in den Oertern, wohin wir mit

mit bem Barometer fommen, bas Befes (4) an.

nehmen.

9. Aber eine andere beträchtliche Einschränfung dieses Gesehes ist, daß man die Wärme der Luft ungeändert bepbehalten muß. Eben die Masse Luft breitet sich in einen gröffern Raum aus, wenn sie erwärmt wird, und so trägt dunnere Lust, eben den Druck, oder noch stärkern als zuvor dichtere trug.

Auch konnten magriche ober andere Dunfte verursachen, bag die Luft, in der sie sich aufhalten, eine andere Feberkraft aufert, als sie ohne Bey-mischung falcher fremden Materien geigen murden.

von Folgen aus diesen Ursachen, und wenn es noch mehr Uenderungen geben sollte, das alles sest man anfangs benseite, um die Untersuschung nicht allzu verwirkelt zu machen. Nachdem muß man untersuchen, ob, und wie sie ben der Anwendung anzubringen sind.

Aufgabe.

ri. Die Vergleichung, zwischen dem Stam de des Barometers , und Sohe über dem Sortisonte, in der Voraussengung (4) zu finden.

12. In der 31 Fig. sen S im Horizonte, K barüber um die Hohe SK = x erhoben.

Die Bohe bes Quedfilbers im Barometer fen = f ben S; und = y ben K.

13. Bin S verhalte sich bie Dichte ber Luft, zur Dichte bes Quecksibers wie m: 1. Begreif-

lich wird in ein fehr kleiner Bruch fenn.

14. Indem man aus K um dx steigt, falle das Quecksilber im Barometer um dy. Die Sohe der Quecksilbersaule nimmt ab, indem die Hohe, auf welche man steigt, zunimmt, also gehoren benden Hohen entgegengesetze Uenderungen zu, zu + dx gehort hie — dy.

15. Umgekehrt, wenn man niebermarts geht,

gehoren zusammen - dx und + dy.

16. Der Druck der Luft auf das Quecksilber verhält sich in S und K wie f und y, die Quecksilberfäulen die er erhält. Sben so verhalten sich also die Dichten der Luft in S und K (4).

17. Folglich ist in K, die Dichte der luft my

18. Diese Luft sieht man von K bis T als burchaus gleich dicht an. Soll also eine Saule von ihr, mit einer Saule Quecksilber in der Barometerröhre im Gleichgewichte senn, so mussen sich der er sten und der zwenten Saulen Johen verhalten, wie die Dichte des Quecksilbers zur Dichte der kuft. (Hydrostat. 35).

19. Diese Luftsaule hat KT zur höhe. 3nd bie Quecksilbersaule mit der sie im Gleichgewicht ist, hat so viel Hohe, um so viel das Quecksilber gefallen ist, indem man von K bis T stieg, denn so viel höher ward es in K von erwähnter Luftsau-

le erbalten.

20. Also ist (18; 14)
$$dx$$
: — $dy = 1$: $\frac{my}{f}$

Folglich
$$\frac{\text{mydx}}{f} = -\text{dy objet } dx = \frac{-f. dy}{m}$$

21. Die Integration hieven kömmt auf die natürlichen logarithmen an. (Unal. des Unendl. 219; 225) und so ist

$$x = Conft - \frac{f_*}{m} lognat y$$

Weil x = 0 für y = f (12) so ist Const = $\frac{f}{m}$ log nat f.

22. I. Also
$$x = \frac{f}{m} \log nat \left(\frac{f}{y}\right)$$

II. Sest man in (17) die Dichte ber luft w; und bedeutet a; die lange einer Saule einer flüßigen Materie, deren Dichte m, ihr Druck so start als der Druck der Quecksilbersaule fift, also f. m. a; so kömmt x = a. lognat (m: v), für die Vergleichung zwischen Höhe, und Diche te der luft.

III. Wenn lognat e == 1: fo erhalt man

v = m. e x: 2, wodurch sich die Dichte ber Luft in jeder angenommenen Höhe, aus der am Horizonte berechnen läßt. 23. Die Regel (22; I) mit Worten ausgebruckt ware, also biese: Man suche ben natürlichen togarithmen bes Quotienten ben bie Barometer-hobe in S, mit ber in K bivibirt, giebt.

Diesen Logarithmen, als eine Zahl betrachtet, multiplicire man mit ber Barometerhobe in S.

Und dividire das Produkt mit der Dichte der Luft in S (13).

Was heraus kommt, ist die Hohe SK.

- 24. Man begreift, daß so die gesuchte Sobe in eben solchem Maasse beraustommt, in welchem man die Barometerhöhen angiebt. Sind diese in Zollen, und etwa in Decimaltheisen von Zollen angegeben, so sindet sich auch die gesuchte Sobe in Zollen und deren Decimaltheisen. Hat man die Barometerhöhen etwa in Zwolftheisen eines Zolls, in linien, ausgedruckt, so sindet sich die gesuchte Höhe in eben solchen kinien.
- 25. Aber Höhe eines Berges, auch nur eines Thurms, wird man wohl nicht durch eine Menge von Zollen oder Linien ausbrucken wollen, wenn man auch der Methode zutraute, daß sie diese Menge genau angabe. Also fügt man zu (23) noch folgendes.
 - 26. Was in (23) herauskommt, dividire man mit 12 oder mit 144; nachdem man die Baromeserhöhen in Zollen oder in Linien ausgedruckt hat. So bekommt man die gesuchte Höhe in Fußen.

27. Hieben ift beschwerlich, bag naturliche fogarithmen erfobert werben, bie nicht fo gar gemein find. Und die man gedruckt hat, reichen nicht fo weit, als man wunschen konnte. Hr. Lambert, in f. Rufagen ju ben logarithmischen und trigon. La. bellen (Berl. 1779) 13 Taf. hat sie bis 100 gege-: ben, auch Simpsons seine mitgetheilt die bis 1000 zu brauchen sind. (Man f. Hr. E. Erklärung ber Eafeln 60. S.). Die letten flehn auch in den zu Avignon 1770 herquegekommenen Tables de logarithmes:

28. Wer mit folden Tafeln nicht verforgt ift, fann fich ber gewöhnlichen briggifchen Logarith. men fo bebienen, baß er ben briggifchen logarithe men bes Quotienten (23) mit bem natürlichen togarithmen ber 10 ober mit 2, 308585... = k multivücirt.

Das Produkt giebt ben naturlichen, welchen man eigentlich brauchen follte.

Es fann auch hieben bienlich fenn, ben briggischen logarithmen von k zu wissen. Diese Grofse, so weit sie bie angegeben ist, bis auf Millions theile, ist = 5. 0, 460517. Ich finde tes lete ten Factors logarithmen burch Proportionaltheile, addire dazu den von der 5; und finde so log k = 0, 3622157.

Diefes kann für gegenwärtige Rechnungen genug fenn. Da aber ber briggische logarithme von k auf unterschiedene Art brauchbar senn kann, fo ware es nicht unnug, ihn schärfer zu suchen, eben wie man ben Logarithmen ber Peripherie für ben Durchmeffer 1; genau gesucht hat. (I. aftr. Abh.

g6.)

Etwas schärfer ist derfelbe schon vom Hugen gesucht, und eben zu der Absicht gebraucht worden, durch briggische logarithmen zu sinden, was un mittelbar, natürliche ersodert. Man s. Hugens Observationes in lidr. Iac. Gregorii de vera circ. et hyp. quadrat. In der Sammlung von Hugens Werken die s'Gravesande besorgt hat in dem Bande: Opera Varia; Vol. 2. p. 463.

D. braucht 0, 3622 i 56868 welches, mit bem, was ich vorhin angegeben habe, fo genau übereinstimmt, bag man keine andere Angabe, als meine brauchen kann, wenn man nur bis auf sieben Deseimalstellen ber Logarichmen gehn will.

Man sieht leicht, daß Hugen sich Tafeln bebient hat, wo die logarithmen in mehr Decimalstellen angegeben sind; Er hat auch, für Zahlen von viel Decimalstellen, sich des Vortheils der trigonometrischen logarithmen bedient, wovon ich 2 Anm. 20; geredet habe.

29. Die Dichte der laft in S muß man aus Erfahrungen der Naturforscher annehmen. Besanntermassen sind diese Erfahrungen nicht gang übereinstimmend, können es auch nicht son, weil sie nicht alle an einem Orte, und unter einerlep Umständen, angestellt sind.

30. Nimmi

30. Nimmt man sie also an, sogiebt $\frac{\mathbf{f}_i}{\mathbf{m}}$; noch

mit 12 ober 144 bivibirt, (26) einen beständigen Coefficienten, ber, mit jedem natürlichen kogarithmen des veränderlichen Quotienten in (22) mustipliciert, allemahl die Höhe x in Fussen angiebt, die dieses Quotienten jedesmahligem Divisor y gebört.

Multiplicirt man diesen beständigen Coefficienten mit k (28), so hat man einen andern beständigen Coefficienten, ber ben dem briggischen Logarithmen eben so gebraucht wird, wie jener

benm natürlichen.

Wie sich der Barometerstand für eine gewisse Sohe ändert, wenn sich der Barometerstand im Sorizonte ändert.

31. I. Weil bekanntermaffen, bas Barometer, an einem und demfelben Orte nicht immer einerlen Sohe hat, so seine man, da, wo sein Stand jeso f war, fen er zu einer andern Zeit — F. Die Dichte der Luft sen alsbenn M.

11. So ist f: F = m: M. (4)

III. In eben ber vorigen Sobe über diefem Orte, ober in ber Sobe = x, feg ber Barometers ftand nun = Y.

IIII. So ist aus (22) jeso

$$x = \frac{F}{M}$$
. log nat (F: Y)

V. Dieser Werth soll bem (22) gleich senn; Der Coefficient in benden ist einerlen (II). Also auch der logarithme, folglich f: y = F: Y.

VI. Ober: Wenn sich der Barometerstand im Horizonte andert, so andert sich auch der Barometerstand in einer bestimmten Hohe, und zwar so, daß sich die benden ersten Barometerstände im Horizonte, und in der Höhe, verhalten, wie die benden zwenten.

VII. Exempel. Der Barometerstand im Horizonte sen = 28 Zoll; in einer gewissen Höhe barüber = 27. Nun andere er sich im Horizonte und werde 28, 5 Zoll; So wird er in der angenommenenhöhe; $\frac{28}{30}$ = 27, 583 Zoll.

· VIII. Der Barometerstand y gehörte also mun ju einer anbern Sohe q; so baß

$$q = \frac{F}{M}$$
. lognat (F: y).

VIII. Und da mare q = x. lognat (F: y)

lognat (f: y)

X. In viesem Ausbrucke könnte man auch die benden briggischen logarithmen statt ber natürlichen sessen; weil sich für einerlen Zahlen briggische logarithmen, wie natürliche, verhalten.

Zalley.

32. Hallen hat solche Berechnungen anzustellen gewiesen, und, wie zu seinen Zeiten gewöhnlich war, zum Grunde derselben die Hyperbei zwischen den Asymptoten gelegt. Seine Schrift führt den Litel: A discourse of the rule of the decrease of the height of the Mercury in the Barometer... Sie steht in einer zu kondon 1705 in 8vo. herausgek. Sammlung, die Mischlanea Curiosa heißt, aus den philosophischen Transactionen.

33. Hallen nimmt an, die eignen Schweren von Wasser und Luft verhalten sich, wie 800: 1 und von Questsilber und Wasser, wie 13, 5: 1 das giebt also das Verhältniß der eignen Schweren von Quecksilber und Luft, wie 10800: 1 oder m

 $=\frac{1}{10800}$

34. Die Stelle, wo bieses statt findet, nimmt er am Ufer des Meeres an, und die Barometerhobe baselbst 30 englische Zoll = f.

35. So wird der beständige Coefficient (30)

36. Exempel. Wie groß ist die Hohe, wo das Quecksilber ben 20 Zoll = y steht.

 $\log \text{ nat } 30 = 3,4011974$ 20 = 2,9957323

18 = 0,4054651

4 Dieses

Dieses mit dem Coefficienten (35) multiplicirt giebt 16947, 559... Die ganzen Fuß stehen als die Höhe, welche diesem Barometerstande zugehört, in einer Lafel, welche Hallen seinem Aufsase bengefügt hat.

Wie man die Dichte der Luft an einem gegebenen Orte, blos durch das Barometer, selbst findet.

37. Man steige von 3 auf eine Hohe, die man meffen kann, so daß man weiß, man sey daselbst um c Juß hoher als in S.

Man bemerke, wie hoch bafelbst bas Quedsilber steht. Es sen g Zoll.

So if aus 22; 26;

$$c = \frac{f}{12 \text{ m}} \cdot \log \text{ nat } \frac{f}{g}$$

$$38. \text{ Folglich} m = \frac{f}{12. c} \log \text{ nat } \frac{f}{g}$$

39. Hieraus läßt sich die Hohe zu finden, eine Formel herleiten, die beswegen sehr bequem ift, weil man ben ihr sogleich Briggische logarithmen brauchen kann.

Wenn man ben Werth von m (38) in (22) fest, so befommt man

$$z = c$$
. $\frac{\log nat (f: y)}{\log nat (f: g)}$

Aber

Aber die Briggischen kogarithmen von f: y und von f: g verhalten sich, wie die natürlichen, wie man leicht aus der Theorie der Logarithmen, a. E. An, Unt. 228; herleitet.

Berfteht man alfo unter ber Benennung ber

Logarithmen schlechtweg briggische, so ist auch

$$x = c. \frac{\log (f: y)}{\log (f: g)}$$

Also, wenn B ben beständigen Coefficienten bebeutet,

 $x = B \cdot \log (f : y)$

Mariotte.

40. Man hat vom Mariotte eine Schrift de la nature de l'air. Sie befindet fich in ben Ocuvres de Mr. Mariotte (Haag 1740; 4°) im I. Theile.

41. In bieser Schrist 174 u. s. S. ber angeführten Ausgabe, erzählt er unterschiedene Ersahkungen, wie tief das Quecksilber sinke, wenn man
es von einer Stelle an eine höhere bringt. Bon
dem Keller, unter der pariser Sternwarte, dis hinauf siel es ihm etwas mehr als ‡ einer pariser Linie, und von der lestgenannten Stelle, dis an
die Platteforme, wieder eben so viel. Jede dieser Höhen ist 84 Fust. Andere solche Ersahrungen,
geben ihm 63 Fust Höhe, für eine Linie Quecksilber. Um sich aber die Rechnung zu erleichtern,
nimmt er, einer zu Orleans angestellten Ersahrung gemäß, 60 Fust, sür eine Linie, an einen
Stelle, wo das Barometer 28 Zoll steht.

42. Aus diefen Angaben läßt fich nach (39) berechnen, was er für eine Dichte ber Luft annehmen muß.

43. Es ist nahmlich f = 28 goll; die betragen 336 kinien, und g eine kinie weniger, also 335 oder 67.5 kinien. Drucket man also bende in 3cl-

len aus, fo fommt $\frac{f}{m} = \frac{28.12.}{67.5}$ Für biefen

Ausbruck läßt sich ber natürliche Logarithme bes Divisors, und bes Dividendus, aus benen, die man hat, (27) durch die Abbition sinden. Die Rechnung sieht so aus: Es sind die natürlichen Logarithmen

bon 28 = 3,3322045101 } 12 = 2,4849066497 }

Summe (1) = 5, 8171111598

67 = 4, 2046926193 }
5 = 16094379124 }

Summe (II) = 5, 8141305317 (I-II) = 0, 9029806281

Dieß also ber naturliche Logarithme bes Quo-

tienten 28.12 ·

44. Die gedruckten logarithmen sind nur in 7 Decimalstellen, ich habe mich hie geschriebener bebient, die ber Hr von Stramford auf zwanzig Decimalstellen berechnet hat.

45. Was ruft biefem natürlichen logarithmen (43) multipliciet werben muß (39) ift

$$\frac{.28}{12.60} = \frac{7}{180}$$

46. Das Produkt finde ich m = 0,000115.
47. Aus den angegebenen Zahlen, und dem natürlichen logarithmen, läßt sich diese Dichte auch durch die gewöhnlichen briggischen logarithmen so berechnen.

Vermittelst bieser logarithmen sindet sich m = 0,00011591; $\frac{1}{m}$ = 8628, 2, oder Quecksilber, so vielmahl dichter als luft. Und wenn man mit Halleyen (33) das Quecksilber 13, 5 mahl dichter als Wasser sest, so sindet sich $\frac{1}{m}$ =

639,

639, 0, als over das Wasser so vielmahl dichter als Lust.

49. Ulfo, wenn man benm Mariotte und Hale len (33) einerlen Baffer und Queckfilber versteht, so kömmt ber Dichte bieses Baffers die Dichte von Mariottes Luft viel naber, als die vom Hallens seiner.

50. Wenn ich c = 63 sete, wie M. seinen eignen Ersahrungen gemäß hatte seten sollen, (41) so wird bas, was man mit dem natürlichen logarith-

men multipliciren muß, in (45) = $\frac{7}{189}$. Wenn

ich damit rechne wie in 48; so finde ich m =0,00011039; das Quecksiber 9058 mahl und das Wasser 671,0 mahl dichter als Luft.

51. Mariotte sest also viel bichtere kuft voraus, als man gewöhnlich annimmt. Denn Halleys Angabe ist die gewöhnliche.

Hiemit sage ich aber nicht, daß man so um mittelbar Mariottes und Halleys Dichten vergleichen könne. Denn sie gehören nicht für einerlen Barometerstand, jene sür 28 pariser Zoll, diese für 30 englische. Will man also genauer gegen einander halten, was jeder sür eine Dichte der kuft annimmt, so muß man etwa berechnen, wie dichte Halleys kuft ben 28 pariser Zoll seyn würde. Das geschicht unten (66).

52. Die Bestimmung ber Dichte also nach 48; ober 50; angenommen, muß man bey Mariotten ben

ben natürlichen Logarithmen von 28: y mit 22,111 multipliciren, bas giebt x in Fussen (22; 26;)

53. Ober aus (39) mit briggischen logarith.

 $x = c. \frac{\log (336: y)}{\log (336: 335)}$

14. Bo y eine Menge Linien bebeutet aber c;

60 ober 63 Fuß.

55. Man brauche die lette Boraussegung, so ist der Coefficient, den man in den veränderlichen

logarithmen multipliciren muß = $\frac{03}{0,0012945}$

56. Diefen Coefficienten berechnet man bequem burch bie Logarithmen

log 63 = 1, 7993405 bavon abgesogen. log 0, 0012945 = 0, 1121021 - 3

log bes Coeff. = 4, 6872384

gebort ju 48667.

57. Nach dieser Borbereitung läßt sich, der Formel 53 gemäß, so rechnen, daß man nicht einmabl zu multipliciren braucht, sondern Alles mit den logarithmen ausrichtet.

58. Exempel. Es sen y = 27 Zoll. Hie kann man ben Ausbruck in Zollen benbehalten, wig allemahl, wo die Barometerhöhe lauter ganze Zoll beträgt. Da muß man auch 28 Zoll statt 336 Lianien schreiben, und so ist log 28

log 28 = 1, 4471580 27 = 1, 4313638

28: 27 = 0, 0157942 log 0, 0157942 = 0, 1984976 - 2 bes Coeff. (56) = 4, 6872384

log x = 2, 8857360 gehört zu 768, 66

59. So rechnet Mariotte nicht. Er ftellt fich Die Atmosphare in Schichten getheilt vor, fo be-Schaffen , baff, wenn man aus einer in bie nachithobere kommt, bas Barometer um 12 einer linie fallt. Dergleichen Schichten befommt er 336. 12 = 4032, wenn bas Barometer in ber niebrigften 28 Boll Queckfilber enthalten, in ber oberften gang leer seyn soll. Weil er zu unterst 60 Fuß Höhe auf eine Linie Queckfilberfall rechnet, fo bekommt die unterste Schicht ben zwölften Theil davon, also funf Fuß. Go konnte er nach und nach berechnen, wie viel Jug jede Schicht beträgt, ober wie viel smifchen berfelben niedrigsten und bochsten Grenze enthalten find; Er sieht auch felbft ein, daß man bas Wachsthum ber Schichten nach ben Regeln berechnen konnte, beren man fich bebient, die Logas rithmen zu finden. Inbessen wird ihm biefe Ars beit zu langweilig; er glaubt, eine Summe geo-metrischer Progressionen sep nicht sehr von bem unterschieden, mas man findet, wenn man biese Progressionen nach der arithmetischen Proportion nimmt, und nun ftellt er fich für jeden Stand bes Barome.

Barometers so viel Glieber einer Progression, vor soviel Linien ber Barometerstand unter 28 Zollen ift, findet die Summe bieser Glieber . . .

Ich habe die Geduld nicht, M. Regeln weiter abzuschreiben. Meine Absicht ist auch nicht, daß man sie hier kernen soll, sondern daß man aus dem Angesührten sehn soll, in was für Verwirerung und Weitläuftigkeit M. gerathen, ist, nur weil er die Rechnung des Unendlichen nicht kannete. In der gemeinen cartestanischen Algebra war er nicht ungeübt.

Seine Schichten, in beren jeder das Quecksilber 12 einer kinie mehr fällt, sind in der That ein Schritt nach der Rechnung des Unendlichen, nach Schichten beren jede die Höhe dx hat, indem das Queckssilber um dy fällt (15). Nun wußte aber M. nicht, wie er die Summe vieler solcher Schichten bequemfinden sollte. Er suchte durch 210diren, was man durch Integriren sinden muß.

Wie boch muß man steigen, damit das Bar rometer um eine gegebene Groffe fällt?

60. 1. Ich setze, man befindet sich an einer Stelle wo der Barometerstand y ist. Man will von dieser Stelle um eine Hohe = u steigen, damit der Barometerstand y — t werden soll; t ist eine gegebene Groffe.

Also (39)
$$x + u = B$$
, $\log (f: (y - t))$
Unb (39; 80;) $u = B$, $\log (y: (y - t))$

Wenn t immer einerlen bleibt, so wachst ber veranderliche logarithme, indem y abnimmt, benn er gehort zu einer Groffe die sich so ausbrücken läßt.

 $\mathbf{I}: \left(\mathbf{I} - \frac{\mathbf{t}}{\mathbf{V}}\right)$ und da nimme der Divisor

immer ab, wenn y ben einerlen t abnimmt.

II. Wenn man sich die kuft in Schichten getheilt einbildet, da von jeder in die nächsthöhere, das Quecksilber immer um gleichviel = t fällt, so sind die benden Gränzen einer solchen Schicht, weit von einander, wenn sich die Schicht hoch in der Atmosphäre besindet, wo der Varometerstand niedrig ist.

III. Beym Mariotte (59) ist teine linie. Man berechne die Schicht wo das Quecksilber von 14 Zoll = 168 linien auf 167 füllt.

Manfindet log (168: 167) = 0, 0025928;

log 0, 0025928 = 0, 4137690 - 3 log B = 4, 6872384 (56)

log u = 2, 1010074
giebt u = 126, 18 Fuß = 126 F. 2, 16 Boll
IIII. Sekte man in (1) t = dy also u = dx;
so verwandelt sich log (y: (y - t)) in d log y;
Das wäre das Differential eines briggischen logarithmen; also = dy: k. y (28); und, wenn
man nicht darauf sieht, daß von den benden veranderlichen Grössen eine zunimmt, indem die andere abnimmt, so bekömmt man dx = B, dy:
ky = cdy: k. log (f: y) (39).

V. Mae

V. Mariotte rechnet bie Schichten (de la nat. de l'air. Oeuvres de Mr. M. p. 175.) nach einer Regel, bie fich in meinen Zeichen turg fo ausbrucken laft. Die Groffe einer Schicht, was ich u neune, bep Mariotte = v gefest, und t = 1 linie, fo ift $\mathbf{v} = \mathbf{c} \cdot \mathbf{f} \cdot \mathbf{y}$.

VI. Wenn c = 63 Fuß, f = 28 Boll = 336 linien, so ist ber Dividend in (V) = 63. 336 =

21168.

VII. Diefes Berfahren mare richtig, wenn bie Luft von der unterften Granze einer Schicht bis an die oberste durchaus gleich bicht ware. luft wird von unten nach oben zu bunner; Alfo muß die oberfte Granze weiter bon der unterften absteben, als Mariottens Rechnung angiebe, ober : er findet jede Schicht etwas zu flein.

VIII. Diefer Fehler muß ben einem fleinern v mehr betragen als ben einem groffern, benn ben jenem muß man um eine gröffere Sobe freigen,

bamit bas Barometer um eine Linie fallt.

VIIII. Ulso kann man, wie groß biefer Febe ler etwa werben mag, fo bestimmen, wenn man ibn für ben geringften Barometerftanb, ben man etwa brauchen will, berechnet; Das fen y = 14 3011"= 168 Linien; Man suche also, wie boch man bon ba fteigen muß , baß bas Barometer auf 167 fallt.

Nach meiner Formel ist log (168: 167) =

0,0025928

Siebe u = 126, 18 Fuß = 126 Fuß 2, 16 Joll. Aber v = 126,

X. Seft man y = 16 Zoll = 192 Linien, so ist

log (192: 191) = 0, 9022678; u = 110, 36 Fuß = 110 F. 4, 32 J.

Mber 63. 28 ober v = 110 F. 3 Boll.

XI. Also u — v kleiner in X als VIIII; wie

VIII erfodert.

XII. Mariottes Verfahren, eigentlich nach seinen Grundsähen zu rechnen, ware folgendes: Jede Schicht zu berechnen, die einer Linie Barometerfall gehört, und sie zusammen zu abdiren; z. E. von der Stelle wo das Barometer 336 Linien steht, bis an die wo es 168 L. steht, sind 168 Schichten, deren man jede einzeln berechnen, und zusammen addiren mußte, der letzten Stelle Sohe über die erste zu haben.

XIII. Weil nun M. jebe einzelne Schicht zu klein findet, so wird auch ihre Summe zu klein, oder: eine Hohe, nach dieser Art berechnet, muß

fleiner herauskommen, als nach (58).

XIII, Dieser Fehler kann aber boch nicht gar zu viel betragen. Im Erempel (XII) muß er

viel kleiner senn als $\frac{168}{4} = 42 \ \text{Fuß (VIII)}$

Das mare febr unbetrachtlich ben 14650 Buß, wie biefe Sobe nach 58 gefunden wird.

61, l.

61. f. fr. de luc, in seinem Buche, von bem ich unten (275) rede, hat sich viel Muhe gegeben, Mariottes Verfahren zu erläutern, und barnach zu rechnen, woben er 63 statt 60 braucht (41).

11. In der Tasel, die ich (unten 283) erwähne, ist eine Columne, nach Mariottes Grundschen berechnet, und das sind, wie ich nicht anders verstehen kann, die disher von mir beschriebenen. Die Zahlen dieser Tasel müßten also, ben einerlen Barometerständen, kleiner senn als die, welche ich nach (58) sinde; Ich weiß aber nicht, woher es kömt, daß sie immer grösser sind. Ich will einige herstehen

y Meine R. Hr. D. L. 27 768, 66 771 26 1566, 3 1571 F, 1 Zoll 17 10546 10580; 7 16 11828 11866; 1

III. Zwischen ben Barometerständen 336 und 335 linien sest hr. D. L. die hobe 63 Fuß, wie meine Formel; (56). In diesem Grunde der Ber rechnung sind wir also eins.

1111. Zwischen ben Barometerständen 192; 191; Linien giebt er bie Sobe so an, wie v in (60; X) gefunden worden; Also hat er Mariottes Schichten zum Grunde gelegt.

V. Wie es nun kömmt, daß die Zahlen seiner Tafel gröffer find als meine, anftatt kleiner zu fenn, weiß ich nicht zu erklaren. Bep dem Ba-

rometer-

ronneterstande 17 Boll, habe ich mir die Muse genommen, die Hohe nach der Urt, wie ich urtheilte, daß Hr. D. & muste gerechnet haben, nachzurechnen, und 768,47 herausbekommen, etwas kleiner als meine Zahl; folglich mit meinen Schlussen (60; XIII.) übereinstimmt. Daraus möchte man vielleicht schliessen, Hr. D. & habe sich verrechnet, und ben einer an sich nicht künstlichen, aber weitläuftigen Arbeit, dem Addiren vieler Schichten, wäre das Verrechnen sehr verzephlich.

Gleichwohl ift auch nicht fo leicht einzuseten, warum er sich ben allen seinen Zahlen eben auf die Urt verrechnet hatte, daß er mehr herausbesommen, als er nach seinem Verfahren bekommen follte.

Wie er eigentlich verfahren hat, hat er nicht umftåndlich gezeigt, es hatte nur durch ein weitläuftiges Erempel geschehen konnen.

VI. Ob mein Verfahren (58) Mariottes Grundfahen gemäß ist, und ob ich nach meiner Formel richtig gerechnet habe, kann jeder seicht prüfen. Hat aber Hr. de kuc, in der Hypothese nach der er zu rechnen angiebt, stillschweigend etwas geandert, so habe ich jeho keine kuft auszusuchen, worinn diese Aenderung besteht.

Borrebow.

62. I. Biel abnliches mit Mariottes Berfahren hat bes berühmten Danischen Aftronomen Pene Berro

Horrebows feins, in f. Blement. Philos. Natur. Cap. 8. Er ftellt sich auch die Utmosphäre in Schichten getheilt vor, in deren jeder das Queck, silber um eine Linie fällt, berechnet wie weit jede unterste Granze von ihrer obersten ist, und sindet daraus die Hohe, die einem gegebenen Barometer-stande gehort.

II. Die bestimmten Zahlen seiner so berechneten Tafel grundet er auf eine Erfahrung, die er im August 1737 angestellt hat. Er hat mit fleißiger Beobachtung gefunden, daß das Quecksilber am Horizonte des Meers ben 28 Zollen gestanden, und er 75. Fuß ober 12, 5 Hexapedas steigen mus.

fen, bis es eine Linie gefunten.

Er sagt nicht, was er für Maaß gebraucht. Wenn er aber auch nicht gleich zuvor die pariser Astronomen genannt hätte, so zeigt doch der Ba-rometerstand am Meere, daß er pariser Zoll, und folglich auch Toisen persteht. So wird sich seine Berechnung mit Mariottes seiner sehr bequem vergleichen lassen.

III. Ich will ber Rurze wegen gleich hinter einander zeigen, wie man, Horrebows Angabe gemäß, nach (39) ben Coefficienten, und ferner bie Hohe für ben Barometerstand 27 Zolf (58) be-

flimmt.

Es ist also ben Horrebow;

c=12,5 Toisen, f=336 kinien; g=335. wo log (f: g) in (55) angegeben, und der kogarichme dieser Grösse in (56) gebraucht ist. Also

D 3

log 12, 5 = 1, 0969100

o, 1121021 - 3

log B = 3, 9848079

o, 1984976 - 2

 $\log x = 2, 1833055$.

gehört zu 152, 51 = 915, 06 Fuß

H. hat 152, 4

Uebrigens ist B = 96572

Warum-H. weniger bekömmt, als ich, erhellt aus 60; VII. Für den Barometerstand 26 Zoll habe ich 310, 78 Toisen berechnet. H. hat 310, 6.

V. Wiel grösser aber als Mariottes Sobe ist H. feine, ben einerlen Barometerstande, welches sthon daraus begreislich wird, weil er zur ersten kinie Fall 75 Buß ersobert, M. nur 63.

VI. H. hat also eine bunnere kuft als Mariotete, und könnte hierinnen leicht mehr Recht haben. (51).

VII. Das Buch, in bem H. Methode sieht, hat so was besonders, daß eine kleine Nachricht davon nicht unangenehm senn wird. In der Zueignungsschrift meldet er, das lehramt der Physik sen auf der Kopenhagner Universität bessoldungslos, und wechsele zwischen den Medicis und Mathematicis ab. Als es nun in seinem Alter an ihn kam, ließ er Caspar Bartholins Campendium wieder drucken, darüber er in seiner Jugend gehört

gebort batte, und anderte nur, was ihm in biefem 56 Jahr alten Buche zu verbeffern nothig ichien. Wer fonft weiß, daß Br. S. Die newtonifchen Cabe nicht angenommen, und in ben meiften Stutfen ziemlich cartesianisch gedacht, wird sich nun leicht eine Borffellung machen, wie fehr biefe 1748 berausgekommene Phpfit von andern eben ber Beit unterschieden ift. Indessen find biefe Untersuchungen von ben Dichten ber Luftschichten und anbere einzelne Bemerkungen immer noch lehrreich. Ich habe bas Buch von einem Cohne bes Berfaffers Brn. Chriftian Horrebow gefchenft befommen. P. H war b. 25. Man 1679 gebohren, und ftarb Im alten Hamburgi. den 15. Upr. 1764. fchen Magazine IIII Band habe ich aus biefer Physit einen Auszug gegeben, mo ich 679. S. S. Borftellung ber Schichten, umftanblicher, und mit Buchftabenrechnungen erlautert habe.

Zalleys Sormel mir der verglichen, welche aus Mariottes Angabe folgt.

63. Zuerst muß man Halleys englisches Maaß auf französisches bringen. In ber Rechnung, die ich hierüber gesührt habe, habe ich mit Hr. de luc im (61) angeführten Buche h. 264 die Ber-hältniß so angenommen, daß engl: franz = 144: 153.

Ich will diese Verhältniß benbehalten, well es sich nicht ber Muhe verlohnt, die Rechnung

von neuem zu machen, ba ich blos ein Erempel geben will, wie man ein paar Formeln mit einander vergleicht. Sonst halt nach Crusens Contoristen der gemeine Londner Fuß 135, 16 pariser

Linien, ist also = $\frac{135, 16}{144}$ londner Fuß, und das giebt die Verhältniß des französischen Fußes zum englischen = 153: 143, 60 die doch also der angenommenen sehr nahe kömmt. S. unt. 356.

64. Also ist Hallens f (34) = $\frac{144.3}{153}$ 0 = 28, 235 pariser Zoll. Wie ich burch die kogarithemen sinde.

Hr. be kuc hat 28 4

65. Wo das Barometer so hoch steht, als nur jeso in Pariserzollen ist berechnet worden, da nimmt Halley die Dichte der Lust so wie in (33) an. Wie dicht ist also diese Lust wo das Barometer 28 Zoll hoch steht? Diese Frage beantwortet das vierte Glied nachfolgender Proportion:

28, 235: 28 = 1 28 10800: 28, 235, 10800

Mit logarithmen wird bie Regel Detri fo gemacht

Summe = 5, 4842161 bavon abgezogen log 28 = 1, 4471580

4,0370581

gehort zu 1089r. Die Dichte ift ein Bruch, ber biefen Menner, jum Babler i bat.

66. Berfteht man alfo in (22) Parifer Daaf so ift

 $x = \frac{29}{12}$. 108y1. log nat (28: y)

Die Barometerhohe in Zollen verstanden, bie So. he über ben Borizont in Jugen.

- 67. Diese Formel ist also von ber, welche aus Mariottes Angaben fließt (52), nur in dem Coefficienten vor dem Logarithmen unterschieden; wo in Diefem Coefficienten bie 10891 ftebt, mußte nach dem Mariotte 9058 ober 8628 fteben. (50; 48)
- 68. Rabmlich : wer annimmt, die Dichte ber Luft verhalte fich wie ber Druck ben fie leibet, ber muß allemahl Sohe und Barometerftand nach eis, ner Formel wie (22) vergleichen. Wenn er alfo für biefe Dinge einerlen Maag mit einem anbern braucht, so konnen ihrer benden Formeln in nichts unterschieden senn, als in bem Coefficienten vor bem Logarithmen; Und diefer Unterschied beruft nur barauf, baß fur einerlen Barometerftanb, ber 25 eine,

eine, eine andere Dichte ber luft annimmt, als ber andere.

Zalleys Kormel, in französischem Maasse zur Berechnung mit Briggischen Logaruthmen eingerichtet.

69. I. Diefes erfobert nur, ben beständigen Coefficienten (66) noch mut k zu multipliciren (28) fo ist

$$x = \frac{7}{3}$$
. 10891. $\log (28: y)$

Da fann man auch biefes beständigen Coefficienten, beständigen logarithmen berechnen.

11. Ich will, ben Plat ju sparen, gleich ein Erempel für y = 27 berechnen, an bem man die Rechnung im Zusammenhange sehen kann.

Der logarithme von 28: 27 und was man mit ihm auch hie, nur mit gehöriger Aenderung, machen muß, steht (58).

log k = 0, 362215710891 = 4, 0370181 (65)7 = 0, 8450980

5,2443718 3 = 0,4771212

log d. Coeffic. = 4, 7672506 log 0, 015... = 0, 1984976 - 2 (58)

> log x = 2, .9657482 gehört zu 924, 16

> > III. Hr.

III. Hr. be luc im (61) angeführten Buche S. 264. lehrt auch bie Berechnung ber hallepischen Höhe mit briggischen Logarithmen. Seine Formel ist

x = 907 вий 7 300. log (28: y)

Er hat also nur den Coefficiencen so unbequem als möglich ausgedruckt, und doch die Geduld gehabt, eine Lafel nach seiner Formel zu berechnen, die bey seinem 334 S. steht.

III. Ein Glieb aus dieser Tasel zu prüsen, habe ich y == 20 geseht, wo 28: 20 == 1, 4. Wein Versahren (II) giebt mir 8549,7 Fuß Hr. de L. hat 8550 Fuß 3 Zock

V. Uebrigens hatte ich die Berechnung mit briggischen Logarithmen aus (28) schon ben (36) zeigen können. Weil es aber ziemlich gewöhnlich ist, ben solchen Beobachtungen französisches Maaß zu brauchen, so wollte ich sie lieber ben Hallens Formel in vemselben ausgebruckt benbringen.

VI. Zieht man von dem logarithmen des Coefficienten (II) den logarithmen der 6 ab, so bekömmt man 3, 9990994 — log 9979, 2. Das ware der Coefficient, mit dem man (log 28: y) multipliciren mußte, um die Höhe in Toisen zu bestommen.

Wenn man für einen Barometerstand die Sobe über den Sorizont nach einer gewissen Jormel berechnet hat, zu sinden, was eine andere Formel zu eben dem Baromet terstande für eine Sohe über eben dem Sorizont gabe.

70. Es versteht sich, daß man in benden einerlen Maaß gebraucht, und bendemahl die Johen pon einem Horizonte rechnet, wo das Barometer einen und benselben Stand hat. So können ben be Formeln, nur nach der (68) angezeigten Urt, im Coefficienten unterschieden seyn.

71. Die erfte Formel fen alfo bie (22).

In der zwenten sen n die Dichte der kust, welche ben ihr angenommen wird, wenn das Barometer ben Stand f hat. Die gesuchte Hohe = z.

72. So ist sie:
$$z = \frac{1}{n}$$
. lognat (f; y)

73. Hiso
$$z = \frac{mx}{n}$$

Ober: Die Sohen, welche einerlen Barometerftande zugehören, verhalten fich verkehrt wie die Dichten.

74. Ber für irgend einen Stand bes Barometers getingere Dichte ber kuft annimmt, als ein Anderer, ber nimmt auch für jeden Stand des Barometers an dem Orte, wo es diesen Stand hat, geringere Dichte an, als der andere, und zwar in eben

eben ber unveränderlichen Berhaltniß. (17) Denn benderlaffen fie die Dichte der Luft in eben der Berbaltniß abnehmen, in welcher die Queckfilberfaule im Barometer furger wird. (4)

75. Steigen also benbe von einem Sorizonte, mo fie einerlen Barometerftand haben, so glaubt ber erfte burch leichtere luft zu fteigen, ber zwepte burch

schwerere.

76. Jeber nimmt an: Die Luftfaule, burch die er gestiegen ist, sen im Gleichgewichte mit der Quedfilberfaule, um welche bas Quedfilber in seinem Barometer gesunten ist.

77. Der also leichtere tuft annimmt, ersobert eine grössere Bobe bieser kuftsaule, als ber sie schwerer annimmt, und zwar in ber verkehrten. Berhältniß ber Dichten, die sie bende für einerley Barometerstand annehmen. Das ist eine Probe, wie Schüsse mit Worten ausgedruckt aussehen, die eine Rechnung wie 72; 73; in ein paar Zeilen zusammenzieht.

Prempel zu 73.

78. Wie groß gabe Hallens Rechnung bie 36he zu bem Barometerstande (58).

Da gehören also m; x; jum Mariotte, n; z; jum Hallen. Den logarithmen ber ersten biefer vier Gröffen habeich in (50) nicht hingeschrieben, hie brauche ich ihn.

 $\log m = + 0,0429398 - 4$ $\log x = + 2,8857360$

Summe = 0,9286758 - 2 abgez. log n = -4,0370581 (66)

> log z = 2, 9657339 gehört zu 924, 13.

So viel Pariser Juß ware man nach Hallens Formel von der Stelle, wo der Barometerstand 28 pariser Zoll ist, dis an die gestiegen, wo er 27 Zoll ist.

Stimmt sehr wohl mit 69; Il überein, da hie auf Hunderttheile eines Fusse nichts ankömmt, und bestätiget, daß meine Rechnung (58) richtig ist, Hrn. de kuc seine (61; 11) falsch.

79. Bisher hat f benm Hallen und benm Marriotte ben Barometerstand am User des Meeres bedeutet. Es könnte aber auch vorkommen, daß man den Barometerstand an zwo ungleich hohen Stellen eines Gebürges hatte, baraus eine Formel wie (39) herleitete, welche für Höhen über der untersten Stelle des Gebürges diente, und nun wissen wollte, wieviel diese Höhen über dem Ufer des Meers betrügen.

80. Da könnte man die Untersuchung allgemein so anfangen: h sey ein Barometerstand, grösser als f, folglich an einer niedrigern Stelle: Die ser Stelle Abstand, von der wo f der Barometerstand ist, ist völlig nach (39).

c. log (f: h)

log (f; g)

81. Diefer Werth wird verneint feyn, benn ber togarithme in seinem Zähler gehort einem eigentslichen Bruche, und ist folglich verneint. Die Besteutung dieses Verneinten ist aber nur, daß dies ser Abstand von der Stelle, von welcher x aufwärts geht, niederwärts geht.

82. Der Ort, wo der Barometerstand y ist, ist über dem, wo er h ist, um die Summe von x und dem Abstande (81) erhoben. Will man also diese Hohe, die v heisen mag, berechnen, so muß man zu dem Werthe von x, den vom Abstande (130) mit entgegengesehte Zeichen sehen, damit man ihn bejaht macht. So kömmt

$$\mathbf{v} = \frac{\mathbf{c.} (\log (f; \mathbf{v}) - \log f; \mathbf{h})}{\log (f; \mathbf{g})}$$

ober

$$\bullet = \frac{c. \log (h: y)}{\log (f: g)}$$

83. Da kann nun h ben Barometerstand am Ufer bes Meeres bebeuten.

Joh. Jac. Scheuchzer.

84. Rach Hrn. de luc Erzählung & 274; misaß Scheuchzer mit der Schnur, benm Pfeffersbade, einen Kilsen 714 parifer Buß.

Das Quecksilber stand unten 25 Boll 93 81.

nie parifer Maaß; oben 10 & niedriger.

85. Alfo in 37; c = 714;

$$f = 25 \text{ Boll } 9^{\frac{7}{3}} \text{ L} = \frac{9^{28}}{3 \cdot 12}$$
 $g = 24 \text{ Boll } 11^{\frac{1}{3}} = \frac{898}{3 \cdot 12}$

86. Daher (28)

$$m = \frac{928}{3.144.714}$$
. k, log (928: 898)

87. Der Coefficient ist 29 k und ber logarithme gebort zu 464: 449.

88. Wenn ich mit diesen Bablen wie in (47) rechne, auch wie dorten Sallens Werhaltniß zwischen ben Dichten von Quedfilber und Baffer bem behalte, um Alles beffer vergleichen zu konnen, fo finde ich fur die Luft an det unterften Stelle, wo Scheuchzer beobachtete, Die Werhaltniffe ber Dich

ten folgendergestalt: 89. luft: Quedf. = 0,000098890: 1 Queds: Luft = 10114: 1

Wasser: Luft = 749, 20: 1

Diese Luft ist helvetische, viel dunner als solche, wo bas Barometer ben 28 Boll fteht.

90. Man kann also fragen, was für eine Dichte folder luft aus Scheuchzers Erfahrung folgt.

Diese Dichte ist $\frac{28, 12.3}{928}$ ober $\frac{63}{58}$ ber be rechneten (85) welches I, 0862 beträgt.

de C

36 finde für fie folgendes:

Luft: Quecks. = 0,00010739: 1

Queckf: Luft = 9311, 5: 1 Waffer: Luft = 689, 74: 1

91. Auch Scheuchzers Erfahrung giebt alfo bie Luft gegen bas Waffer bichter an, als man fonft annimmt (51).

92. Der logarithme von 464: 449 ist = 0,0142717; statt dieser Grosse habe ich in den bisherigen Rechnungen 0,014272 angenommen, und hievon den logarithmen gebraucht, weil ich, indem ich nächstvorhergehende Rechnung machte, nicht daran dachte, daß ich in Papieren, woraus gegenwärtige Untersuchung in Ordnung gebracht wird, schon der genannten Grösse logarithmen genauer durch Proportionaltheile gesunden hatte. Mit diesem verbesserten logarithmen die Rechnung von vorne zu machen, ware die Zeit verschwendet, ich will ihn aber in nächstsolgenden Rechnungen brauchen. Diese Nachricht war ich dem schuldig, der mir etwa hie zur Uebung nachrechnen wollte.

93 3ch suche nahmlich, für Scheuchzers Erfahrung, ben beständigen Coefficienten (39).

 $\log c = 2, 8536982 (85)$

abgezogen der

verbesserte logar. = 0, 1544757 - 2 (92)

 $\log B = 4, 6992225$

Dieser Coefficient ist 50029.

Benn man ihn mit & bigibirt, helbimmt man 8328; ben Coefficienten, mit welchem log (b: y) muß multiplicirt werden, die Sohe zwischen ben Barometerständen h und y in Toisen zu bekommen.

94. Wie hoch die unterste Stelle, wo Scheuchzer beobachtete über einem Horizonte war, wo das Ba:ometer ben 28 Zollen stunde?

95. Diese Frage beantwortet man aus (80).

Es ist
$$\frac{f}{h} = \frac{928}{3. 12. 28}$$
 (85) = $\frac{58}{63}$. Der logarithme hievon ist = -0 , 0359125. Diese

Groffe mit B (93) multiplicirt, gabe bas Ges suchte; ber verneinte Werth nach (81) zu ver-

fteben.

Von dieser Grösse sind durch Proportionaltheile den logarithmen = 0, 5552455 — 2; und der zu log B addirt giebt 3, 2544680, welches zu 1796, 6 gehört. So viel Fuß betrug die gesuchte Höhe.

56. Wie hoch die Höhe für jeden Barometerstand über den Horizont (94) ist, berechnet man nach (82), so daß man log (h: y) sucht, und mit B

(93) multiplicirt.

97. Für y = 20; hat man h: y = 1,4; der togarithme hievon ist 0,1461280; dieser Grösse togarithmen sinde ich durch Proportionaltheile = 0,1647335 — 1; dazu log B addirt, kömt log v = 3,8639560; giebt v = 7310,6 Fuß = 7310 Fuß 7,230ll. Hr. de kuc in seiner ben ihm

184 Seite befindlichen Tafel giebt auch so viel Buß, und 8 Zoll an, welches sehr wohl zusammentrifft.

98. Zum Ueberfluffe kann man auch x nach (39)

berechnen.

99. In dem Erempel (97) wird $f:y = \frac{928}{720}$; bet logarithme davon ist 0, 1102155; dieser Grösse los

garithmen finde ich durch Proportionaltheile — 0, 0422427 — 1; und dazu log B addirt, kömmt log x = 3, 7414652 gehört zu 5514, 0.

So viel Fuß ist die Stelle, wo bas Barome. ter ben 20 Zoll steht, über der untersten, wo Scheuch.

ger beobachtet hat.

Abdirt man baju, was (95) gefunden wor-

ben, fo kommt, wie gehorig, genau (97).

100. Den Barometerstand 28 Zoll nennt man gewöhnlich am Ufer des Meeres. Hr. be kun aber sagt §. 276; da stehe das Barometer ben

28 12 Zoll.

Wenn ich diese Angabe Hrn. de & statt her brauche und daraus nach (82) für y = 20 rechne, so bekomme ich v = 7375, 2 Fuß; weit unterschiesen von dem, was ich (97) mit Hrn. de & so übereinstimmend herausbrachte. Er hat also selbst nicht nach dieser Angabe gerechnet, sondern auch hie, wie durchgängig in angeführter Tasel, 28 Boll für den Varometerstand in dem Horizonse angenommen, über welchen man die Höhen gewöhnslich rechnet und den man am Meere nennt.

vor. Das bisherige habe ich alles berechnet, wie mich bazu fr. be tuc Nachricht von Scheuchzers Beobachtung veranlaßte. Die historische Quelle zu bieser Beobachtung ist Joh. Jac. Scheuchzers Bergreise 1707.

Diese Bergreise ist die sechste im II. Theile der Ausgabe, die Hr. Joh. Ge. Sulzer von Scheuchzers Vaturgeschichte des Schweinerlandes veranstaltet hat (Zürch 1746). Der II. Th. enthält nähmlich Sch. Bergreisen. Auf der 260 S. meldet Sch., er habe benm Pseffersbade an einer Wand eine Höhe von 766 Zürcher Juß, mit einem Lothe bestimmt und mit der Schnur gemessen; das Quecksilber habe unten 23 Zoll 2 linien, oben 22 Zoll 4½ linie Zürcher Maaß gestanden, die Abzählung sen aber nicht von der Höhe des Quecksilbers im untern Behältniß genommen worden.

Helvet. 20 S. und bessen Sohn in Philos. Transact. n. 405 håtten die Hohe dieser Felswand und den Unterschied der Barometerstände; 714 Parriser Fuß, und 10 Pariser kinien angegeben, (wie 84) Es sen aber entweder in dieser Bestimmung oder in der Messung der Höhe des Quecksilders ein offenbahrer Fehler; denn aus dieser Bestimmung solge: daß Pfessens nicht einmahl 1200 Fuß über dem Meere sen, und das sen nach allen Beobachtungen falsch.

Die Höhe von 1200 Fuß folgt, wenn man Hrn. Daniel Bernoullis Formel annimmt, (Man f. unten f. unten 172), aus bem, was Scheuchzer und fein Sohn angeben, berechnet, bas Barometer falle in felbiger Gegend um I linie in einer Bobe von 71, 4 Ruf, und hieraus bie mittlere Barometerhol he felbigen Orts berleitet, wie (unten 179) gelebret wirb.

Nun aber giebt Br. Daniel Bernoulli felbst bas, worauf er feine Regel grundet, nur fur eine Spoothefe an, (170) und unter ben Erfahrungen, Die er daben jum Grunde legt, find nicht alle gang

auverläßig (174).

Bie tann alfo Br. Sulzer etwas, bas als Erfahrung angegeben wird, beswegen eines offenbahren Rehlers beschuldigen, weil es mit einer fo hopothetischen, unsichern Rechnung nicht übereintrifft? Hnpothefen muffen aus Erfahrungen beut-Theilet werben, nicht Erfahrungen aus Sypothefen.

Ich habe untersucht, mas bie Burcher Maaffe, bie Scheuchzer bie nennt, in parifer betragen

mochten.

Nach Crusens Contoristen balt ber Burchev Fuß 133, a parifer linie. Daraus aber finde ich 766 Zurcher Fuß = 708, 02 pariser, und so fann Scheuchzer biefe Bergleichung nicht gebraucht-A STATE OF THE STA haben.

Aber ben Bablen von Burcher und parifer Fuß bie er einander gleichgultig fest, gemäß, finde ich log (714: 766) = 0,9694694 — 1, und dazu log 144 abbirt, bekomme ich einen Logarithmen, welcher am nachsten in 134, 22 gehort. Go viel

parifer

parifer Unien halt ber Zurcher Fuß, wenn 766

Burcher = 714 pariser sind.

Aber die Verhältniß zwischen benden Fussen läßt sich auch baraus berechnen, daß Scheuchzer Die benden Barometerstände in Zurcher Maasse angiebt, und darnach ihren Unterschied in pariser Linien.

Nur muß man baben folgendes bemerken: Scheuchzers Zurcher Zoll und Linien sind Zehntheile und Hundertheile seines Zurcher Fusses. Also sind, den Fuß zur Einheit genommen, seine bent Barometerstände in Zurcher Maasse solgende:

unten; 2, 32 oben 2, 245

Unterschied 0, 075

Daß man Decimaltheile des Fusses verstehen muß, erhellt auch daraus, daß Sch. selbst sagt, der Unterschied betrage 7½ linie, welches vollkommen mit meiner Rechnung übereinstimmt.

Also ist 0,075 Zürch. F. = 10 par. Fuß

ober Zürch. Fuß $=\frac{10}{10.8}$ parifer.

Das giebt ben Zürcher Fuß = 133.33 parifer Linien.

Und log (10: 10, 8) + log 766 giebt einen Cogarithmen, der zu 709, 2 gehört. Also gäben 766 Zürcher Fuß nur 709, 2 pariser, statt 214. Folglich

Folglich ftimmen Scheuchzers Ausdrückungen feiner Sobe, und feines Unterschiedes der Baros meterffande, in parifer Maaffe nicht überein.

Und so zeigt sich, daß, ben der Vermandlung des Zürcher Maasses in pariser, vermuthlich ein Rechnungssehler vorgegangen ist. Wo derselbe steckt, und wie das zürchische ins französische zu übersehen ist, hätte vielleicht Hr. Sulzer entdecken und Scheuchzers Zuß aussündig machen können.

Uebrigens giebt Sch. felbst einen Fehler ben seiner Bevbachtung an, ohne daß man nothig hat, einer Hypothese wegen, einen anzunehmen. Er habe die Abzählung nicht von ber Sohe des Queckfilbers im untersten Behältnisse genommen.

Er hat also nur bemerkt, wie viel es oben gesunken, nicht wie viel es unten gestiegen ist, und weiß so nicht ganzeigentlich, wie viel sich die Queckassibersäule verändert hat.

Ben gewöhnlichen Barometerbeobachtungen macht man aus dieser Unrichtigkeit eben nicht gar zu viel, wenn das Gefäß nur mäßig weit gegen bie Röhre ist.

Beym Höhenmessen aber, wo man ben Barometerstand selbst in kleinen Theilen einer Linie zu haben wunfcht, konnte sie boch wohl nicht ganz unbeträchtlich seyn.

Und Dieser Umstand erregt schon ben Bera bacht, Scheuchzers Barometer, von bem mir keisne aussuhrliche Beschreibung bekannt ist, konnte R 4 vielleicht

vielleicht nicht alle Vollkommenheit gehabt haben, die man fodern könnte, wenn man aus Beobachstungen mit demfelben allgemeine Regeln herleiten follte, ob es gleich immer gut genug gewesen wäse, Höhen an den Dertern, wo Sch. es gebraucht, einigermaassen anzugeben; Zu der ersten Absicht, allgemeiner Regeln, gehört, daß es mit andern

übereingestimmt batte.

Scheuchzer hat wohl auf solche Ersobernisse nicht die gröste Ausmerksamkeit gewandt, das zeigt unter andern, daß er den Capuzinern auf St. Gotthard ein Varometer gelassen, und ihre Bedbachtungen daran bekamt gemacht hat, man kann aber nicht leicht beurtheilen, wie dieses Barometer beschaffen gewesen, weil er die wirklichen Stände desselben nicht angegeben hat, das erim nert Hr. Lambert 116 Seite der unten (365) angeführten Schrist.

Bouguer.

102. Bouguer giebt in seinem Buche la figure de la Terre... (Par. 1749; 4°) in voranges sester Voyage au Perou XXXVIII Seite in einer Mote, solgende Regel: manchen lesern wie er sagt zu gefallen.

Man brude bie Quedfilberhoben im Baro-

meter in linien aus.

Man schlage in gewöhnlichen Tafeln, dieser Zahlen logarithmen auf, und nehme berselben Unterschieb.

Von

Won biefem Unterschiede giebe man feinen brenfigsten Theil ab.

Bon bem, was übrig bleibt, behalte man nur bie Rennzifer und die vier nachften bochften Bifern.

Das ist die relative Höhe ber Dekter in Toisen.

103. B. nennt seine Regal sehr einfach, und so mag sie frenlich auch manchem Barometer, beobachter scheinen, der nach einer leichten Regel, die man ihni angiebt, rechnet, ohne sich zu betüme mern, ja ohne im Stande zu senn, einzusehen, word auf sie beruhet. B. sagt von ihrem Grunde nur: "Sie komme darauf an, daß sich die Dichten der Luft in geometrischer Progression andern, indem sich die Höhen in arithmetischer andern." Also diese wie die logarithmen von jenen; Also nimmt Badas an, woraus die Formeln (22; 28) sind herge-leitet worden.

104. Noch erwähnt B., er habe am Ufer bes Meeres bas Barometer 28 Zoll 1 Linie = 337 Linien gefunden.

105. Man sieht hieraus, wo Hr. be tuc biese

Rabl ber bat. (100).

106. Bon dem Unterschiede der logarithmen die Kennzifer und die vier nachsten behalten, heißt, wie man leicht errath, diese Zisern alle els ganze ansehen, folglich ihre niedrigsten, die Zehntausend, theile bedeuten, in Einer verwandeln, oder eigentslich: den Unterschied mit Zehntausend multipliciren.

107. Den brepfigsten Theil vom Unterschiebe abziehen, heißt: Neun und zwanzig behalten.

108. Bedeutet also h; y, zweene Barometers stände, z die Menge Toisen, welche dus die Hospischen ihnen gehen, so ist nach 106; 107; Bouguers Regel

$$z = \frac{29000}{3} \cdot \log (h: y)$$

109. Die icheint es nun gleichgultig, ob man bie benben Barometerstände in Linien, ober in Bollen ausdrucken wollte, weil ber logarithme ibres Quotienten benbemahl eben berfelbe bleibt.

Aber 23. könnte fich bermuthlich gleich barnach gerichtet haben, baß er am Meere ben Barometerftand (104) in linien ausbrücken mußte.

Wenigstens seitet diese Anzeige von B., wie sich gleich in der Folge zeigen wird, darauf, zu entdecken, was er ben seiner Regel zum Grunde gelegt haben möchte; wosern seine Regel so beschaffen ware, wie alle bisher gelehrte

110. Weil die Toise 6. 144 linien halt, so ist aus 22; 26; 28;

 $z = \frac{h. k}{m. 6.144} \cdot \log (h; y)$

111. Ulfo (110; 108;) die Coefficienten gleich geset; bazu (104) genommen, und die einzige Gröffe, die so noch unbekannt bleibt, gesucht.

$$m = \frac{337 \cdot k. 3}{29000, 6.144}$$

ver als Wasser annehme, welches der Wahrheit naher iff, als Hallens Verhaltniß (33), so sinde ich durch die Logarithmen die Verhaltnisse der Dichten

Luft: Quedf. = 0, 000092958: 1

Queckf.: Luft = 10764: 1 Wasser: Luft = 768, 80: T

173. Also könnte B. seine Regel folgendergestale erfunden haben: Er hatte eine gewisse Werhaltnis zwischen den Dichten des Wassers, und der luft am Meere, angenommen, daraus die zwischen luft und Quecksilber hergeleitet, und sich so eine Formel nach der Anleitung gemacht, die Hallen vorlängst gegeben hatte. Nun hätte er, um eine leichte Rechnung zu bekommen, das, was in den veränderlichen logarithmen muß multiplicirt werden, so einsach als möglich zu machen gesucht. Daben wurde er sich denn frenlich kleine Aenderungen in den Zahlen, aus denen dieser Coefficient entertelbet, verstattet haben, um ihn endlich aus

30 Ju bringen, welches die Bequemlichkeit gab, daße man nur 30 abziehn darf. Es ist also nicht zu bes haupten, daß B. genau die in vorigem Absaher berechnete Dichte der Lust angenommen, sondern nur eine die ihr nahe kömmt.

114. B. Coefficient (108) ist = 9666, 6...
114. Sest man Wosser 800 schwerer als luft, und

emb 14 mahl leichter als Quedkilber, so wied in (110) der Coefficient $=\frac{337.11200.k}{864}=10058,$

fein logarithme ift 4, 0025499.

116. Wenn man von diesem logarithmen den loggarithmen von B. Coefficienten (108) abzieht, kömmt 0, 0172711; welcher zu I, 0405 gehört. Berechnet man also nach B. Vorschrift eine Höhe zwischen zween Barometerständen, und addirt zu ihr 0, 0405 von ihr, so bekömmt man die Höhe zwischen eben den Barometerständen nach der Vorsaussehung (115).

Bouquers Exempel seiner Vorschrift.

117. Auf bem Pichincha, einem Geburge in Peru, frand bas Barometer 15 Boll 11 Linien, zu Carabourou 21 Boll 24 Linien. Diefer Gröffen, in Linien ausgebruckt, ihre Logarithmen find folgende:

Unterschieb = 0, 1250807

Wenn man in biefem Unterschiebe bie Behntaufendtheile als Einer ansieht, was so herauskommt mit 30 dividirt, und diesen dreußigsten Theil abzieht, so bekommt man folgendes:

Davon 30 = 1250, 807

z = 1209, 114

Die ganzen Toisen glebt B. als bie gesuchte Sob he bes Pichincha über Carabourou, und melbet, Dieses komme mit ber geometrischen Bestimmung überein.

118. Braucht man eben so statt bes grössern bender logarithmen, den von 337 (104) so bekömmt man des Pichincha Sohe über das Meer 2383, 77 Toisen.

Und folglich die Sohe von Carabourou, welsches ber Erdmeffer niedrigfte Station war, über

bas Meer 1174, 6 Zoisen.

119. Die Bruche von Toisen wird man frenlich nicht für zuverläßig ennehmen und zufrieden senn, wenn nur ble Ganzen erträglich richtig sind.

120. Observations des hauteurs, faites avec la baromètre au mois d'Aout 1752, sur une partie des Alpes . . . par M. Needham, sind zu Bern 1760 auf 34 Quarts. herausgek. 'Daben besindet sich ein Brief, den Hr. Bouguer kurz vor seinem Tode an Hr. Needham geschrieben hat.

121. Hr. B. melbet barinnen: feine Methobe fen nur für Berge gut, die hoch genug find, daß bes Queckfilbers Stand im Barometer nicht fehr

peranberlich ift.

122 Es ist begreislich, daß jede Höhenmessung mit dem Barometer voraussetz, das Quecksilber sinke, wenn man höher steigt, nur weil der Druck der Luft in grösserer Zöhe abnimmt. Hätte, indem man höher steigt, der Druck der Luft durchs aus abgenommen, so daß ein Barometer, wels ches ches man unten gelassen hatte, auch gesunken mare, so durfte man offenbahr bas Sinken bessen, das man auf die Hohe gebracht hat, nicht ganz allein auf die Rechnung der Hohe schreiben.

Bas alfo Dr. B: fagt, ift nicht, wie es anfangs scheinen mochte, eine Unvollfommenheit seiner Regel, sondern eine allgemeine Bemerkung.

Wenn man mit einem Barometer von einer niedrigern Stelle auf eine höhere steigt, und dazu so wenig Zeit braucht, daß man annehmen darf, der Druck der Atmosphäre verändere sich indessen nicht merklich, so kann man frenlich nach jeder Regel, die man sonst für richtig annimme, rechnen.

Ist aber zu diesem Steigen lange Zeit nöthig, wie wenn man etwa auf einer Bergreise sols the Beobachtungen machen wollte, so mußte man wohl an einem gewissen Orte ein Barometer zurücklassen, bas mit bem, welches man auf ber Reise braucht, übereinstimmte. Das müßte jemand, von Zeit zu Zeit beobachten, und nur die Vergleischung dieser Beobachtungen mit jenen gabe an, woraus man die Höhen, auf benen man gereiset ist, berechnen mußte.

Diesen Vorschlag hat auch Hr. be tuc gethan. 123. Hr. B. erinnert ferner im angef. Briefe, seine Methode gebe nicht unmittelbar die Hohe ber Berge über das Meer, sondern, wiepiel ihre Ho. he weniger beträgt, als des Pichincha seine, den er zur Gränze genommen habe, weil er ihn für den hochsten der Berge hielt, auf die man kommen

men könne. Er habe ihn burch geometrische Messeng 2434 Toisen über das Meer gesunden.

Diese Sobe ist also etwa um 50 Toisen groß fer als die, welche nach Hr. B. Regel berechnet wurde (118).

124. Aus ihr = z in (110) bem bortigen h = 337 (104) y = 191 (117) findet sich : m = 337. k. log (337: 191)

864, 2434

Hieraus habe ich berechnet (wie 112) Luft: Quedf. = 0,00009091: 1

Quecks.: Luft = 10990: 1

Wasser: Luft = 785, 01: 1

logarithme bes Coefficienten (110) == 3, 9943337

Der Coefficient selbst = 98703

Welchen man also mit Bouguers feinem (114) vergleichen tann.

125. Der im vorigen Absaße gefundene Coefficient, mit log (h; y) multiplicirt, gabe die Höhe des Orts, wo y der Barometerstand ist über dem Meere (110). Und diese Formel ware aus Grössen; die B. als beobachtet angiebt, aus seinen Barometerständen am Meere und auf dem Pichincha, dem Grundsaße, den er annimmt, gemäß hergeleitet.

Wenn ich in ihr y = 254, 75 fege (117) so finde ich die Hohe über dem Meere

von Carabourou Aber von Pichiacha	1199, 4 Toisen 2494 aus geom. Mess.
P. über Carab.	1235
Unterschied	36

r26. Aus B. Erfahrungen folgt also eine Formel, die nicht völlig keiner Vorschrift gemäß ist. Hat er in seiner Vorschrift nur eine leichte Nechnung zu erhalten gesucht, und baben die Schärfe etwas benseite geset, weil sich doch freylich das Gesuchte hie nicht in größter Genauigkeit erhalten läßt? Ober hat er ben den Erfahrungen, die ich aus ihm angeführt habe, Verbesserungen nötbig gesunden, nach denen sie wohl etwas geben könnten, das seiner Vorschrift näher käme? Es wäre gut, wenn Vouguer sich hierüber erklärt, und auch an leser gedacht hätte, die nicht blos nach einer einsachen Regel rechnen, sondern auch gern wissen wollen, warum sie so rechnen.

127. Hieben klingt nun noch sonberbarer, baß B. Regel unmittelbar bie Liefe unter bem Pichincha, nicht die Johe über bem Meere, angeben soll.

Die Formel (108) mußte eigentlich für fie fo ausgedruckt werden, daß z, Liefe unter bem Pichincha, und h ben Barometerstand auf ihm bedeuten, da benn

$$s = \frac{29000}{3} \cdot \log (y:h)$$

Die

Die Rechnung, welche man ihr gemäß fubren muß, lagt fich in folgenbem Erempel vorftellen, bas benm Reebham 16. G. fteht, Auf bem Mont Tourné ift bas Barometer 225 Linien. Bon bien fem logarithmen ben fur 191 (117) abgezogen, bleibt 0,0711491 file die Zehntausendtheile ju Gane je gemacht, fommt 711, 491

Davon in = 23,716

bleibt 687, 675 = 0 abgezogen von 2434, == P

bleibt 1747,

nahmlich Oift des Berges Liefe unter bem Pie chincha, P des Pichincha Sobe über bem Meere, also Q bes Berges Sobe über bem Meere.

Deebham braucht in feiner Berechnung biefes Erempels fogleich ble Logarithmen nur bis auf Behntaufendtheil mit Weglaffung ber niebrigen Bifern, und fo findet er bes Berges Liefe = 688; Höhe = 1746.

128. Warum B. feine Regel so sonverbar abs gefaßt hat, daß man ben ihr erft von oben berune ter rechnen muß, und barnach wieber von untent rechnen foll; barüber wage ich eine Muthmaaffung, wie ein Criticus in einem alten Autor eine Emen. Dation ex ingenio.

Des Pichincha Sohe über bem Meere nahm 23. für guverläßig an, wie er fie geometrifch ge-

meffen hatte.

Auch den Stand des Barometers auf diesem Berge, weil er vermuthlich glaubte, der Druck der Atmosphäre andere sich daselbst nicht merklich. (120).

. Dem Stande am Meere aver mochte et aus det entgegengesesten Ursache nicht fo viel

trauen.

Und bas konnte bie Ursache senn, warum er die Formel nicht braucht, die ich (125) aus seinen Barometerständen am Meere und auf dem Pichincha, und des Pichincha geometrischer Abmessung hergeleitet habe.

Diese Untersuchungen scheinen mich endlich

ouf die Spur ju bringen.

Auf was für Abmessungen Bouguer feine Regel gegründer har.

bourou und auf bem Pichincha an, auch wie tief ber erste Ort, unter bem lettern ist (117). Diese Zahlen brauche man in (39), ben Coefficienten w

beltimmen , fo:

Es ist c = 1209. Bebeutet dieses, als bejaht betrachtet, wie tief Carabourou unter dem Pichincha ist, so zeigen auch alle nach der Formel berechnete x; wenn sie bejahte Werthe bekommen, Liesen unter dem Pichincha an; und so verwandelt sich sogleich die Rechnung, die man bisher von unten hinauf geführt hat, in eine von oben hinunter. Kerner Ferner f = 191; g = 254, 75; se ist log (f: g) ber (117) gerundene Unterschied, nur verneint, weil der gröffere bepber logarithmen abgezogen wird.

131. Nun finde ich bieses Unterschiede logarithe men burch Proportionaltheile, und rechne bas mit so :

 $\log c = 3,0824263$

abgesogen log 0, 1250807 = 0, 0971903 - 1
log B = 3, 9852350

gebort ju 9667, 7 welches febr wohl mit

(114) übereinstimmt.

Dieser Coefficient ist verneint, weil log (f: g) verneint ift. Er muß mit log (f: y) multiplicire werden; und dieser veränderliche logarithme ist auch verneint. Also kömmt das Produkt: bejahrte Ciefe unter bem Pichincha.

Wenn man bes Coefficienten Logarithmen zu log 0, 0711491 abbirt, kommt 2,8377104; welsher Logarithme zu 688, 19 gehört. So genau kimmt vieses mit ber Rechnung (127) überein.

132. Alfo hat Bouguer jum Grunde feiner Reel die Barometerstände ju Carabourou, und auf em Pichincha gelegt, nebst der geometrischen Beimmung, wie tief der erste Ort unter dem lehten elegen ift.

Des Pichincha Sohe über bem Meere hat geometrifch gemeffen, nicht aus feiner Regel ber

thriet. (123)

Dager

Daher muß man für jeden andern Berg, nach seiner Regel, erst die Tiefe unter dem Pichincha berechnen, und, aus ihr und des Pichincha geometrisch gemessenen Sohe über dem Meere, des Berges Höhe.

Auch wird seine Regel richtiger zutressen, wenn der Berg nicht so gar tief unter dem Pichin, cha ist. Ist der Berg viel tieser darunter als Catadourou, so ist das z, das B. Regel giedt (108), grösser als der Abstand der Horizonte vom Pichin cha und von Carabourou, den B. zum Grunde gelegt hatte. Das heißt ohngesähr soviel: Man hat ein Paar Punkte in einer geraden Linie derstimmt, (P. u. C.) und nun soll man die Linie weit über diese Punkte hinaus verlängern.

So erhellt, warum B. Regel ben groffen Höhen für richtiger angegeben wird als ben geringen, auch die Veranderungen im Drucke der Als mosphäre ben diesen (122) benfeite gesetzt.

133. Mir ist nicht bekannt, daß jemand, was zu Bouguers Regel im Zusammenhange gehört, so vorgetragen hatte. Es ist freylich sonderbar, daß dieser Zusammenhang erst durch einen Brief, den Bouguer kurz vor seinem Lode geschrieben hat, muß entwickelt werden.

Hiedurch werden nun freylich die Untersuchungen von 109. 116 zu ihrer Hauptabsicht, ben Grund von Bouguers Regel zu entdecken, frucht las, ich hatte aber boch das meiste oder Alles, was

in ihnen enthalten ist, benbringen muffen, zu zeis gen, worinnen sich B. Regel von der unterscheidet, die man finden wurde, wenn mas die Erfahrungen die B. in seinem Buche angiedt, auf die sonst gewöhnliche Art braucht. Und so habe ich lieber die Gestalt von Untersuchungen behalten wollen.

Wenn man Bouguers Regel (127) seines Barometerstand auf dem Dichincha (117) und dieses Berges geometrisch bestimmte idhe (123) annimmt; was folgt daraus für ein Barometerstand am Meere i

134. Es versteht sich, baß man vorausest B. Regel gelte vom Pichincha bis aus Meer herunter, welches er frenitch nicht behauptet.

Also in (127) z = 2434; h = 191; unb

$$\log y = \frac{3.2434}{2000} + \log 19t$$

Won ber Bahl suche ich ben logarithmen, und finde aus ihm burch Proportionaltheile Die

Bahl = 0, 2517931 abbirt ju log 191 = 2, 2810334

 $\log y = 2,5328269$

giebt ben Barometerstand am Meere 341,05 Linien, alfo 3 Linien mehr als B. ihn angiebt (104).

Bur Probe ziehe man von dem nur gefundenen logarithmen ben von 191 ab, und verfahre 63 mit mit bem Reste nach B. Vorschrift, sa bekommt man genau 2434.

135. Ich weiß also nicht, wie groß der Gefaltenist, den B. manchem keser gethanhat (102), daß er ihnen eine so einsache Regel giebt, und daben zu sagen vergist, daß man nach ihr nicht, wie sonst gewöhnlich ist, vom Meere auswärts, sondern vom Pichincha herunterwärts rechnen muß, und was er sonst noch alles Herrn Needham belehret, der aus Mangel, dieses Unterrichts, zwor wirklich in Fehler gefallen war, in die zum Thil jeder fallen mußte, der eines so grossen Mannes Regel auf Treu und Glauben brauchte.

. Teedbam.

136. Ich fage jum Theil. Nahmlich baß he. Meedham nach B. Regel vom Meere aufwärts rechnete, das hatte jeder andere, ehe B. das Ges gentheil besahl, auch gethan. Aber da B. ausdrücklich den Barometerstand am Meere 337 kinien sest, (104) so war Hr. N. nicht berechtigt, denselben nur 336 anzunehmen, und doch nach B. Regel zu rechnen, wie er in einer Tasel, die sich gleich im Anfange seiner Schrift besindet, gethan hat. Nachdem er Bouguers Unterricht bekommen hatte, und demselben gemäß, wie (127) zeigt, rechnete, bekam er die Höhen der Berge über das Meer 63 Toisen grösser, als er sie zuvor gefunden hatte. Und nun mennt er sen die Frage, wer von bevoen

benden fehle, ob Bouguer 63 Toisen zu viel, obet er so viel zu wenig , rechne?

Ich dachte: wer eines Andern Regel braucht, ohne ihre Grunde einzusehen; und diese Regel nicht so braucht, wie der Erfinder es vorschreibt, der sollte doch nicht fragen: ob Er fehlt ober der Erfinder.

137. Uebrigens mennt er: hen groffen Sohen über bas Meer, auf welche allein B. seine Regel wolle angewandt haben, sepen 63 Toisen nicht besträchtlich. Daß sie es ben Sohen von ein paar Hundert Toisen sind, laugnet er nicht.

Mun ist boch die größte Sobe, wo Br. M. gewesen ist, Mont Lourne' (127) und in ihr sind 63 Solsen 273 mahl enthalten. Es ist wohl keine grosse Richtigkeit um den 28 Theil bessen, was man ans geben will, ungewiß zu seyn.

138. Und nun schlägt Hr. N. 22. S. vor: Man soll ein Varometer am Meere bevbachten lassen, ein anderes mie auf die Reise nehmen, und geringere Höhen, bis sich etwa das Quecksiber 38 oder 40 Linien senkt, d. i. Höhen von 5 bis 6 Hundert Toisen, nach B. Regel von unten hinauf rechnen, nicht zu vergessen, obbenannte 63 Toisen abzuziehen. Grössere Höhen soll man mit B. zuerst vom Vichincha herunter rechnen.

139. Vorschläge, welche zeigen, daß hr. N. bie Grunde von B. Regel nicht aufgesucht hat, und so was an sie flicken will, das nicht an sie paßt.

Ba Ueber-

Meberhaupt sieht man in dieser Schrift Hrn. R. teine Einsicht in die eigentliche Theorie der Hohen messungen durchs Barometer, und deswegen wußte er frenlich weder Bouguers ihm überschrieden nen Unterricht zu brauchen, nach den Auffaß von dem ich gleich reden werde, den er doch anführt.

Noch einige vom Bouguer gemachte Erinnerungen.

140. Sie befinden sich in den Memoires de l'Acad. des Sciences 1753. 515 Seite der Pariser Ausg. des Aussages Ueberschrift heißt: Ueber die Erweiterungen der Lust in der Atmosphäre. (Sur les dilatations de l'air dans l'atmosphère).

141. Hr. B. führt an: wenn man auch bie Luft, sich hundertmahl, und zwenhundertmahl mehr ausbreiten lasse, als sie auf dem Gipfel der hochsten Berge ausgebreitet senn kann, so verhalte sich doch die Federkraft einer und berselben Was-

se luft genau, wie ihre Dichte,

142. Die Art sich hievon zu versichern, die B. mur allgemein und fürzlich andeutet, ist die in (7) beschriebene. Er berichtet, er habe in America, mit seiner Reisegesellschaft zusammen, auch mit Dr. dela Condamine besonders, sehr viele Versüche darüber angestellt, und das Geses allemahl richtig bes funden. Ben Röhren, die nicht durchaus gleich weit waren, hat er sich nicht begnügt, die Längen zu messen, sondern den innern Raum gemessen und erklärt.

erklärt die Berhaltnisse ber Dichten, bie es beobachtet hat, bis auf 0, 002 ober 0, 003 sicher,

143. Er trägt seine Regel vor, wie sie (102) erz zählt ist, nur scheint es als liesse er gleich von ben Logarithmen die Zisern, die niedriger als Zehntaus sendtheile sind, weg (127). Als den Grund seines Wersahrens giebt er an: Die Natur stelle uns tos garithmen in der Atmosphäre dar, aber da habe sie nicht die willführliche Form der unsrigen anges nommen, welche sich mit auf unsere Decimalarithmetit gründet, die logarithmen der Atmosphäre sepen den in unsern Taseln proportionirt, aber nicht dieselben, daher musse man die unsrigen durch Vermehrung oder Verminderung auf die bringen, welche uns von den Verdichtungen der Lust dargestellt werden, und so sehe man den Grund, warum die vorgeschriebene Veränderung mlt unsern Logarithmen musse gemacht werden.

Diesen Grund sieht boch wirklich in bem Une, geführten kein Wensch. Man sollte nicht glauben,; baß ein Bouguer, so seicht, tieffinnig klingend, vor ber berühmtesten Akademie ber Wissenschaften geschwaßt hatte!

144. B. melbet, seine Regel gebe oben auf bem Gebürge, wo die Franzosen gemessen haben, (la. Cordoliero) kaum 7 bis 8 Toisen Fehler ben Höhen von 1700 bis 1600. Das (129) angeführte Exempel bringt er hie so ben, daß er ausdrücktich die Höhe bes Pichincha über Carabourgur neunt,

nerint, nicht bon oben herimter rechnet, wie er

frn. Neebham belehrt hat (123).

145. Als ein ander Erempel glebt er: Auf einem Berge, Choussai, habe Hr. Gobin das Bai rometer 17 Zoll 5 kinien gefunden; zu Alaust, einem Flecken am Fusse des Berges, 17 Zoll 10½ linien; daraus solge nach seiner Regel die Höhe 698 Toisen und Hr. Godin habe sie geometrisch, 697 gefunden.

Die benden Barometerhöhen sind in kinien, 253, 25 = 5, 50, 65 und 214,5 = 5. 42, 9; Wenn ich mit den kogarithmen von 50, 65 und 42, 9 nach B Regel verfahre, finde ich 697, 180, also mit der geometrischen Messung noch genauer übereeinstimmend, als B. selbst angieht. Dergleichen

Benfpirle weiß B. mehr als 30 anzuführen.

146, Nun aber erinnert B, biese Methode in ther Allgemeinheit benbehalten, gelte nicht im untersten Theise der Cordeliere, nicht ben allen andern Gebürgen der heisen Zone, noch weniger in Europa. Daher hatten einige Naturforscher andere Methoden statt der gesucht, die sich auf die Logarithmen gründen; Solche Methoden möchten sür gepisse länder und Gebürge gut senn, Sie seiten aber alle zum vorgus, die Ausbreitung der Lust in unterschiedenen Höhen über den Horizont richte sich niche nach einer geometrischen Progressichte sich niche nach einer geometrischen Progressichte sich niche nach einer geometrischen Progressichte sich wie ihre Dichte verhalte, haben doch unzähliche Versuche, auf den höchsten Vergen und am

am Ufer bes Meeres, in ber heiffen Zone und in

ben gemäßigten, versichert.

Also entsteht die Schwürigkeit; warum man die Vergleichung zwischen Höhen und Varometere ständen nicht allemahl so findet, wie eine natürliche Folge aus dem Gesehe der Federkraft der Luft

fie angiebt ?

147. Aus den Wirkungen der Warme (y) last sich dieses, nach B. Gebanken, nicht zulänglich erskären, denn die Wärme sep nahe am Horizonte grösser als in der Höhe, und doch sen die kust uns ten sast allemahl dichter als sie nach der Regel senn solle. Wenn man den Barometerstand auf einem niedrigen Berge bepbachte, und daraus ferner eines höhern Höhe daniber, etwa von dren die vierhundert Toisen sucht, so wird man diese Höhe fast immer zu klein sinden; zum Beweise daß die kust an der Erde dichter ist, als sie nach der Regel senn sollte, obgleich die Wärme da arbeitet, sie zu verdünnen.

Dr. B balt bie Erfauterungen, bie er über biefe Schmurigkeit geben kann, nicht für zulänglich,

aber boch zu fernern Unterfuchungen bienlich.

1849. Eine kömmt darauf an: Man durfe nicht sicher voraussehen, daß alle Theilden der groben sufe einander gleich und abnilch waren, folglich eins genau soviel Federkraft besiße als das andere. B. beruft sich dieserwegen selbst auf Leibnigens Sab: daß es in der Natur nicht zwen vollkome men abniche. Dinge giebt.

So wendet Bouguer auf die mathematische Maturlehre einen metaphysischen Saß an, den sonst jemand daburch widerlegen wollte, daß ja die kleinften Theischen der Körper alle gleich schwer sennüßten, ... Also Gleichheit und Aehnlichkeit verswechselte, da doch vermuthlich niemand einen Ducaten und das ihm gleiche Ducatengewicht für ahm lich halten wird.

150. Dieser Umstand, baß einige Lufttheilchen mehr ober weniger Feberfraft haben mogen als anbere, laft fich nach B. Erinnerung burch bekannte Erfahrungen glaublich machen. Die Luft läßt fich von andern Materien gleichsam einschlucken, und fondert fich wieder von benfelben ab. Die gemeinften Werfuche mit ber Luftpumpe zeigen.) In manchen biefer Buftande verliert fie, wie Sas les gezeigt bat, fast vollig ihre Feberkraft. Also Biebt es ohne Zweifel Stuffen zwischen bem volligen Befige ber Feberfraft und berfelben ganglichen Berlufte. Es ift alfo naturlich anzunehmen, bag manche luft schwächere Feberkraft besigt als Uebrigens auch bas Befeg beobachtet, baß biefe schwachere Reberkraft sich in ber Berbalenif ber Dichte anbert. Bon Brn. 33. und feiner Gefellschaft Erfahrungen (142) find manche auf hoben Beburgen angestellt worben, anbere, in niedrigen Gegenden, in Balbern, wo bicke Luft voll Dunfte war. Allemabl haben fich Die Bederkrafte genau wie die Dichten verhalten, obgleich an manchem Orte Die Feberfraft ber bafgen gen natürlichen luft viel schwächer senn mußte

- 151. Durch biese Bemerkung benimmt also B. alle Hoffnung, eine allgemeine Regel sur die Bergleichung zwijchen Soben und Barometerstand ben a priori zu finden; well wir nicht wissen, wie weit die Feberkräfte der Luft an unterschiedenen Oraten unterschieden sen können.
- 152. Wahrscheinlich befinden sich am niedrigesten in der Atmosphäre die Theilchen, die am wesnigsten elastisch sind. Ein Theilchen, das nur ets wa anderthaldmahl elastischer wäre, als sonst gleische Theilchen der kuft, die wir mit dem Oden in uns ziehen, könnte mit denen, die es hier umgeben, nicht im Gleichgewichte bleiben, es liesse sich nicht genug zusammendrücken, die eigne Schwere der kuft um uns zu erhalten; Also wird es aufwärtssteigen, wo sich kuft sammlet, welche mehr elassisch als unsere.
- 153. So kann man nach B. Bemerkung, einer kuft, von der andern unterschiedene specifische Sederkraft zuschreiben, wie man sonst Materien durch specifische Schwere unterscheidet.

Dieser Gedanke B. verdiente, meines Erachtens zu fernerer Untersuchung, in der Aerometrie angezeigt zu werden. Es ist sehr natürlich, ben elastischen Materien eben so gut was specifisches für ihre Gattung anzunehmen, als ben blos schweren. Allgemein könnte doch die Lust eine nicht ganz

gang unbestimmte, aber auch nicht aufs schärffle beffimmte Clafticitat haben; wie nicht alles Baffer aufs genauefte einerlen specifische Schwere bat. ob man gleich bem Baffer, allgemein betrachtet, ei-

ne gewiffe Schwere zueignet.

Krenlich fame es alsbenn auf einen Worte ftreit an, ob man Luft, bie ben einer gewiffen Barme, eine etwas andere Federfraft hat, als Luft haben follte, auch luft nennen will? Db man fie etwa als luft ansehen will, beren Beberfraft burch Benmifdjung anberer Materien ift veranbert worben, und biefer Benmifchung gemäß Arten von luft machen will, wie Wallerius in feinem Wasserreiche Arten von Wasser gemacht bat, wie man Alcohol, Weingeift und Branntewein unterfcheibet.

154. B. giebt geometrische Möglichkeiten an. wie Schichten von mehr elafischer Luft unten, von weniger elaftifchen oben, fenn konnten; Aber biefes Bleichgewicht murbe burch die geringfte Bemegung gestort werben, und sich nicht wieber berftellen.

Dhngefahr wie es geometrifch moglich ift, eine Schicht ichwerer fluffigen Materie über leichtere

Hndrostat. 32. su benfen.

155. Durch Winde, Warme u. b. g. werben in ber niebrigern Gegent ber Atmosphare immer Cheile von unterschiedener specifichen Beberfraft untereinander gebracht. In ber bobern ift Mi. les in einem rubigen Gleichgewichte. Das giebt 28. mit

23. mit als bie Urfache an, warum sich burch bie Logarithmen bie Unterschiede ber Soben hober Berge ficherer finden laffen; Wenn man fich nabmlich bes Barometers von Soben, die feche bis fiebens hundert Toisen betragen, bis ju 2400 ober 2500 bedient. In groffern Soben Berfuche anzustellen, verbot ber beständige Schnee, welcher die bochften Berge auch in ber beiffen Bone bebedt.

156. Alfo muß man, nicht wie bisher gewohn. lich mar, vom Ufer bes Meeres die Bohen aufwarts suchen; fonbern umgelehrt, Liefe unter ben bochften Grangen, wo die Intensitat ber Feberfraft ber luft genau einerlen ift, und mo fich sugleich ber Stand bes Quedfilbers an einem Dr. te weniger andert (122). Go kann man finden, wie viel bie bochften europäischen Geburge niebriger als die Corbeliere; und baraus, wieviel fiè höher als bas Meer find (127).

157. B. unterfucht nun, ob fich nicht Mittel angeben lieffen, bie Unwendung ber logarithmen

allaemein ju machen.

Wenn man an jedem Orte, wo man Baro-meterbeobachtungen machen will, das Gewicht ber Luft fande, bie einen gegebenen Raum, g. E. einen Cubitfuß ausfullt, fo lieffe fich baraus beurtheilen, wie weit die Berhaltniß ber Dichten von Der Werhaltniß ber brudenben Rrafte unterfchies Den mare . . . Aber Luftpumpe mit bem nothis den Bubehor lagt fich auf Bergreifen nicht wohl mit berumführen.

158. Wenn

ber, an einen Faden gebunden, schwingen läßt, so ist flar, daß die Schwingungen dieses Penbels, megen des Widerstandes der Luft, nach und nach in kleinere Raume auslaufen werden.

Newton hat fich schon solcher Penbel in um terschiedenen flussigen Materien bedient, badurch die Dichten dieser Materien miteinander zu ven gleichen. (Princip. L. II, Sect. 7. Prop. 40. Schol.

Dieses Mittel schlägt B. vor, die Dichten ber Luft an unterschiedenen Stellen zu vergleichen, und ermahnt Einiges von Versuchen, die er selbst damit angestellt hat, aber nicht genug, jemanden der sonst hievon nicht schon Kennmif hatte, den nothigen praktischen Unterricht zu geben.

Die Theorie bavon, welche mit unter die schwersten, unter die vom Widerstande flussiger Materien gehört, läßt sich hie nicht bendringen. Die Unsübung ersodert, meiner Einsicht nach, auffer mannichtaltigen Renntnissen, so viet genaue Abmessungen und Umstände, daß nicht zu erwarten ist, sie werde von demsenigen gehörig bewetkstelliget werden, der sie nur als ein Hulsmittel brauchen wollte, Hohenmessungen mit dem Barometer zu berichtigen. B. beschäftigte sich ohne Zweisel mit diesem und andern Pendeln sonst aus mancherlen Absichten, und war als Astronome damit umzugehen geschickt.

159. Bou-

veres als Abscissen angenommen, und an sie eine Brinaten der Barometerbeobachtungen an unterschiedenen Stellen vom Pichincha herab bis ans User des Meers, specifische Elasticitäten und Dichten mit einander verglichen, und stellt die Resultate davon in einer Zeichnung vor, wo die Höhen vom User des Meeres als Abscissen angenommen, und an sie als Ordinaten dreyer Linien, Barometerhöhen, Dichten, und specifische Elasticitäten geseht sind. Die letzte wird von Quito bis zum Pichincha, eine gerade kinie, der Abscissenlinie parallel, weil in solchen großen Höhen die specifische Elasticität der kuft sast ungeändert bleibt. (155)

Uebrigens giebt B. felbst biese Resultate nicht für ganz sicher aus, weil zwischen manchen Erfahrungen ziemlich viel Zeit verstoffen ist, an manchen Stellen, die Beschaffenheit des Bodens, durch Barme u. f. w. Unrichtigkeiten kann verzursacht haben.

Und wer etwa Bouguers Erfahrungen nicht vollkommen traute, weil B. Werkzeuge nicht die vollkommensten gewesen sehn mögen, der könnte leicht muthmaassen, seine krumme kinte der Elasticitäten seh die krumme kinte der Jrethumer, welche ben den unterschiedenen Messungen begangen worden, die er gebraucht. So drückt sich der so billige, und gegen einem so grossen kandssmann gewiß hochachtungsvolle Hr. de la kande aus; Connoiss, des mouvements celestes; 1765.

p. 245; wo er von Sohenmessingen mit bem Barometer Nachricht giebt.

Bouguer zeigt nicht wie er die Zahlen, die ben seiner Zeichnung stehen, aus einander berech: net hat. Es wird also gut senn, daß ich über diese, ohnedem noch nicht gar zu gemeine Untersuchung, etwas bepbringe.

Dergleichung, zwischen Barometerboben, Dichren, und specifischen Blafticitäten.

160. Die Barometerhohe zeigt bas Gewicht an, mit welchem bie luft an einer gegebenen Stelle gebruckt wirb.

Wenn zwo Luftmassen, g'eiche specifische Elasticitaten haben, so verhalten sich die Gewichte, Die fie tragen konnen, wie ihre Dichten.

Das ist nichts weiter als die bekannte Bor. aussehung (4).

Benn zwo Luftmaffen gleich bichte find, fo verhalten sich die Gewichte, welche sie tragen ton nen, wie ihre specifischen Elasticitäten.

Das ist eigentlich Definition der specifischen Federkraft (153).

161. Man setze also, es gehören zusammen Elasticit. Dicht. Gewicht E D P e d p E _ d x

e,

So ift, nach ben benben Grunbsägen:

$$D: d = P: x$$

$$E: e: = x: p$$

$$\frac{D. E}{P} = \frac{d. e}{P}$$

162. Man sieht leicht, was sich hieraus für Sage herleiten laffen. 3. E.

Die Feberkrafte find, wie die Gewichte, mit

den Dichten dividirt; E:
$$e = \frac{P}{D}$$
; $\frac{P}{d}$

Auch : Die Dichten sind, wie die Gewichte, mit ben Feberfraften bivibirt.

163. Erempel bes leften Sages: Bouguers Zeichnung giebt; Um Meere

Barometerstand; P = 335

Dichte
$$D = 306\frac{2}{3} = \frac{920}{3}$$

Auf dem Pichincha . p = 191; e = 178;

$$200 \quad \frac{335}{194} : \frac{191}{178} = \frac{920}{3} : d$$

$$\mathfrak{W}_0 \ d = \frac{920.191.194}{335.534}$$

₹.8

Den

Den kogarichmen hievon finde ich 2, 2800368 barr aus d = 190, 56. B. giebt es 191.

164. In diesem, sonst so lehrreichen Aufsage, giebt boch Bouguer keinen beutlichen Beweis von feiner Regel, noch weniger zeigt er an, burch was für einen Kunftgriff er auf ben Abzug bes brepfigften Theils gefallen.

res. Da V. Regel so berühmt ist, und sich durch ihre Bequemlichkeit so sehr empsiehlt, ihre Gründe aber so wenig bekannt gewesen sind, so verdiente sie wohl daß ich so umständlich von ihr handelte. Wie sehr ist es aber nicht schade, daß sie nach seinem eignen Geständnisse in Europa nicht gelten soll, wenigstens nicht ausser den höchsten Alpen!

Berr Daniel Bernoulli.

166. In Danielis Bernoulli Hydrodynamica, f. de Virib. et motib. fluidor. (Strasb. 1738: 4°.) betrifft ber zehnte Abschnitt gegenwärtigen Gegenstand. Es sind darinnen sehr viel lehrreiche Bemerkungen zu Berichtigung bessen, was gewöhnlich hieben zum vorausgeseht wird, indessen erfodert der eigentliche Gebrauch dieser Berichtigungen noch Erfahrungen, ben beren Mangel hr. Bernoulli selbst von seinen Untersuchungen noch keinen praktischen Nugen versichert. Daher wirdes hie genug senn, hie nur das hauptsächlichste zu erzählen.

167. Die

- 167. Die Wurtung ber Warme benfeite gesetzt sindet Dr. B. auch aus seiner theoretischen Worsstellung, daß sich die Kraft durch welche die kuft zusammengedrückt wird, bennahe verkehrt wie der Raum verhält, den die kuft einnimmt. Er erntennt dieses für sicher ben kuft die dunner ist, als die uns gewöhnliche, od es ben sehr viel dichterer statt sinde, hält er noch für unausgemacht. (Uerometrie 65.)
- 168. Nun aber bemerkt er, baß Warme und innere Bewegungen ber kufttheilchen unter einander, jugleich wachsen; baß beswegen eine Masse kuft mehr Feberkraft bekomme, wem sie warmer wird, und baß sich, biese Bewegungen mit in Betrachtung gezogen, die Krast, welche kuft in einen gegebenen Raum zusammendrucken kann, verhalte wie das Quadrat der Geschwindigkeit der kufttheilchen, mit dem Raume dividire.
- 169. Hieraus, mit mehr Untersuchungen vers bunden, sindet Br. B. eine Differentialgleichung zwischen der genannten Kraft, der Hohe über dem Horizont des Meeres, und der Geschwindigkeit der Lufttheilchen.
- 170. Nimmt man die Geschwindigkeit unveranderlich an, so bekommt man die gemeine logarichmische Gleichung.
- 171. gr. B. fucht ein Gefes biefer Geschwingen bigfeit, bas fich mit einigen Erfahrungen von Bagrometerhohen, bie er anführt, vergleichen läßt, E 2 fucht

fucht ben ber fo heraustommenben Integralgleichung bie unveränderlichen Gröffen auch aus Erfahrungen zu bestimmen und findet endlich folgenbes.

172. Wenn y die Rraft bedeutet, mit welcher die luft in der Höhe x über den Horizont des Meeres gedruckt wird, c diese Rraft am User des Meeres; (diese Krafte werden also durch die Höhen des Quecksilbers im Barometer vorgestellt), so ist

$$y = \frac{22000. c}{22000 + x}$$

173. Man finder hierqus fogleich 22000. (c — y)

$$x = \frac{y_1, y_2, y_3}{y_3}$$

Exempel. P. Feuillee fand auf dem Pie von Teneriffa das Quecksilber 17 Zoll 5 Linien = 209 Linien = y; am Ufer des Meeres 27 Zoll 10 Linien = 334 & = c;

Mso die Höhe des Berges x =
$$\frac{22000.125}{209}$$
=

22000000 = 13157, 89 Fuß. Durch die Geometrie fand F. biese Sobe 13158.

173. Wenn man bebenkt, daß F. Erfahrung mit unter die gehört, nach benen Hr. B. die Ba stimmungen (170) gemacht hat, so wird man eben nicht nicht erftamen, bag bie Regel bie fo genau mit ber geometrifchen Angabe jusammentrifft.

174. Uebrigens mochte selbst F. Erfahrung nicht ganz sicher senn, wenn bende Barometersoben nicht an einem Tage sind beobachtet worden, wie kulos, (Kenntniß ber Erdfuget, 198. S.) aus ben Mem. de l'Acad. 1733. p. 60 anführt.

Hiezu kömmt, daß Feuillees trigonometrische Berechnung der Höhe nicht für ganz zuverläßig angesehen wird. Die vorhin angesührte Grösse beträgt 2193 Toisen; Er hat sich einer Grundlinie von 210 Toisen bedient, welche in dieser Länge ein Gesälle von 3 Toisen gehabt. Daraus hat Bouguer die Höhe des Berges etwa 2070 Toisen berechnet; Fig. de la T. pag. XLVIII. auch Hr. be la Condamine hat Mängel dieser Messung angezeigt. Mein. de l'Acad. 1757. p. 408. Dieses berichtet De Luc sur les Mod. de l'Atmosph. T. 1. p. 164.

175. In den Actis Helveticis T. I. II- befinden sich vom Hrn. Daniel Bernoulli Anmerkungen über die allgemeine Beschaffenheit der Atmosphäre. So lautet wenigstens die Ausschrift der Uebersehung, die sich im alten Hamburg. Magaz. 17. B. 2-3. St. besindet.

Die Uebersesung ist nicht von mir, wie man sonst, wegen des Theils den ich an dieser periodischen Schrift hatte, wohl muthmassen durfte. Die erinnere ich solches besonders deswegen, weil der E 4

Meberfeber in einer Anmertung 124 Seite gegweifelt hat, ob fich, auch ben ungeanberter Barme, ber Druck, ben bie luft tragen kann, wie ihre Dichte verhalt. Den Zweifel verftattet Bouguer, we-

nigstens ben verdunter kuft nicht. (141).
176. fr. Bernoulli hat vom grn. Condamine eine Lafel erhalten, welche bie Bobe ber Berge unter bem Aequator nach bem Stanbe bes Quedfilbers anzeigt. Hr. Bouguer foll bie Lafel verfertigt haben, und fie ift aus einer groffen Menge Beobachtungen erwachsen. Sie enthalt: ben Fall bes Quedfilbers von i linie bis 14 Zoff burch alle einzelne Linien , und die jedem Falle zugeborige Bobe ber Berge.

Der Barometerftanb am Meere ift nicht in ihr angegeben. Es wird aber zuvor gesagt, auf bem Pichincha stehe bas Quecksilber 15 Zoll 11 & nien , und er fen 2464, Ruthen bat ber Ueberfeber fatt Toifen geschrieben, boch. Mun fteben biefe 2464 ben 12 Boll 2 linien Fall; also ift ber Barometerstand am Meere bie Summe biefes Falls und bes Barometerstands auf bem Pichincha = 28 Boll 1 linie, welches Hr. Bernoulli auch in ber Rolge anzeigt.

Für s linie Fall ift bie Bobe 1494 Toifen 14 30ll 2088

Wa bas Barometer 14 Boll gefallen iff, steht es 14 Boll i linie = 169 linien hoch, aber 38 log (191: 169) giebt. 513, 752; Soviel ware nach Bouguers Regel ber Berg, wo bas Barometer 14 301

Boll gefallen ist, über bem, wo es 12 Zoll 2 linien gefallen ist. Der lette aber wird 2464 Toisen über dem Meere angeben, also kame der erste nach Bouguers Regel 2977; folglich 11 Toisen weniger als die Tasel angiebt.

Die Lafel scheint also nicht nach Bouguers

Regel berechnet zu fenn.

Für ben Pichincha nimmt fie ben Barometer-

ftand an , ben Bouguer angiebt (117).

Aber die Höhe des Berges 30 Toisen grösser als Bouguers Messung (123) und 81 grösser als seine Regel (118).

Da nun gar nicht angezeigt wird, nach mas für Gründen die Tafel berechnet ist, so weiß ich

nicht wie zuverläßig fie ift.

177. Hr. Bernoulli macht über das, was ihm ben dieser Gelegenheit von den peruanischen Baros meterbeobachtungen gemeldet worden, einige Ansmerkungen. Weil Hr. Bouguer das Geses, daß sich die Federkraft der Lust wie ihre Dichte verbält, ziemlich mit der Natur übereinstimmend gessunden, sobald man auf gewisse Höhen, etwa über 1 000 Toisen gekommen, so schlenßt Hr. Bernoulli, in der ganzen Atmosphäre herrsche einerlen Grad der Wärme, sobald man ohngefähr 1000 Toisen über dem Meere sen. Daraus, daß nach der Tasel, in dieser Höhe, eine Linke Quecksilberfall zu 15. 5 Toisen Steigen gehört, solgert er die Dichte dieser Lust, und vergleicht sie mit der Dichte am Meer. Diese Vergleichung giebt die Lust

am Meere bichter als ber Fall bes Barometers, wenn man vom Meere steigt, sie giebt; und so urtheilt hr. Bernoulli, sie sep da durch die Warme ausgedehnt, vergleicht die Warme, die diese Ausdehnung veranlaßt, mit der, welche sich 1000 Toisen hoch befinden muß, und bringt dhngefähr die Verhältniß heraus, wie zwischen den Warmen unserer kuft im Winter und Sommer. Das Resultat hievon ist: tausend Toisen über der Oberstäche des Meeres sey es in der Atmosphäre immer so kalt, als es in unserm Erdstriche in den größten Wintern ist.

Die Zahlen, auf welche Hr. Bernoulli feine Rechnungen grundet, find nicht ganz sicher (176). Das durfte die Verhältniß der Wärme etwas ändern, ohne doch das Resultat im Ganzen für um richtig zu erklären.

Eine andere Erinnerung hieben ift, daß die Feberfraft der Luft noch durch andere Umstände veränderlich seyn kann, als durch die Wärmen (150). Hr. Bernoulli erkennt selbst, das Dunste hiezu vieles bentragen können, im zwenten Theile seiner Anmerkungen, wo er noch besonders über Barometerbeobachtungen auf dem St. Gotthardsberge und zu Zürch, Betrachtungen anstellt, die aber zu meiner gegenwärtigen Absicht nicht unmittelbar gehören.

Noch Bemerkungen bey Grn. Dan. Bernoullis Regel.

178. Wenn die Barometerstände (172) in Lie nien ausgedruckt sind, so sesse man: zum Barometerstande y—t gehore die Höhe x + u (wie in 60). Die Vergleichung, auch nach hr. Bern. Formet

gemacht, giebt die Rechnung $u = \frac{22000. \text{ c. t}}{(y-t). y}$

Und
$$y = \frac{1}{2} t + \sqrt{(t + \frac{22000 \cdot c}{4})}$$

Die verneinte Burgel ber quabratischen Gleie chung benseite gesett.

Man nehme nun t == 1; so erhellt folgendes:

Man meffe, wie boch man steigen muß, bis bas Barometer eine Linie fallt; So giebt sich baraus und aus c, ber Barometerstand y.

Diese Arbeit: scheint überflüßig; benn wenn man wissen will, wie boch man gestiegen ist, baß bas Barometer eine kinie fiel, so hat man ja schon

bende Barometerftanbe gemeffen.

Auf der andern Seite scheint es, als musse baraus oft was Ungereimtes folgen. Rahmlich a ist der Barometerstand am Meere, und der ist doch auch zu einer Zeit anders als zu der andern.

Befest man mare 104 Fuß geftiegen, bis bas

Barometer eine linie fiel. Das also = ".

Nahme man nun den Barometerstand am Meere = 28 Boll, so gabe bas einen gewissen Werth fur y.

Nähme

Rahme man ihn' = 28½ Boll, so gabe es einen andern Werth für eben die Gröffe.

Und fo für jeben andern Barometerftand am

Meere.

179. Folgendes ift die Auflosung bender Schwie rigteten.

371 Br. Bernoullis Formel bebeutet e ben mittleren Barometerstand am Meere, ber ift alfo

von einer bestimmten Groffe.

Will man nach ihr die Höhe eines Orts über bas Meer berechnen, so muß man bieses Orts

mittlern Barometerftand haben.

Dazu gehört eigentlich eine Reihe Beobachtungen von etlichen Jahren. Und so könnte z. E. ein Reisender von der Sohe eines Berges, wo er nicht für gut befände eine Wohnung zu nehmen, nichts bestimmen.

Nun nimmt man aber an , daß die Barometerstände an unterschiedenen Orten , zu einer Zeit , eine bestimmte Verhältniß haben (Man f.

hievon 31).

Also, unter c den mittlern Barometerstand am Meere verstanden, wird in Hrn. Bernoullis Formel, y den mittlern Barometerstand für die

Sobe x bedeuten.

Und den also zu finden, ist das angewiesene Werfahren nühlich, solchergestalt auch von der zweiten Einwendung; daß y mehr Werthe bekommen wurde die einander wiedersprächen, ebenfalls befrent.

Hieben

Hieben kann einem ber Zweisel einfallen, ob sich solche Schlusse wie (31) sicher hieher bringen, wosern man die Warme mit in Betrachtung zieht. Denn da könnte wohl, z. E. zu einer Zeit da der Barometerstand am Meere der mittlere ist, der, an einem andern Orte nicht eben der mittlere senn, weil durch Warme oder Kalte die Dichte der Lust da etwa Uenderungen gelitten hatte, die sie am Meere nicht litt.

Diesen Zweifel stelle ich babin, wo man bie Zweifel hinstellt, die man nicht zu beantworten

weiß.

Erempel. Man hat von einem Orte 104 Fuß steigen muffen, bis das Barometer eine Linie gefallen ist.

Der mittlere Barometerftand am Meere wirb

28 Boll; 43 linien gefett.

Allse c = 340, 75. log 22000. c = 6, 8748585 log u = 2, 0170333

balb = 2, 4289126

giebt y = 268, 48 linien ober ben mitte fern Barometerstand bes Ortes 22 Boll 4 linien.

Arn. Sulzers Cafel nach dieser Regel.
180. Ir. Joh. Georg Sulzer hat: Beschreisbung ber Merkwürdigkeiten, welche er auf einer
1742 gemachten Reise durch einige Orte des
Schweizerlandes besbachtet hat, zu Zurch 1742:
4°. beraus

40. herausgegeben. Im Anhange befindet sich zuerst eine Tasel nach hrn. Dan. Bernoullis Formet berechnet. Den mittlern Barometerstand am Meere setzt er, wie ich im nachstvorhergehenden Erentpel gethan habe.

Seine Lafel hat dren Columnen. Die x; ift überschrieben: Fall des Queckfilbers vor eine linie; sollte eigentlich heissen: wie hoch man steigen muß, daß das Queckfilber z Linie fällt.

Die II. Höhe bes Ortes über bas Mittell. Meer.

Die III. Mittlere Höhe bes Quecksibers von 28 Zoll 4 & Linien durch alle einzelne lin nien bis 23 Zoll.

Hr. S. Werschrift zum Gebrauche dieser Lasel, ist solgende: An dem Orte, dessen Hohe über dem Meere man wissen will, soll man eine Hohe von 150 oder 200 Juß, wirklich messen; und demerken, um wiediel das Quecksilder, von einer Gränze dieser Höhe zur andern, fällt. Aus diesem Falle, und der Regel Detri, wie hoch man in seldiger Gegend steigen muß, daß das Quecksilder um eine-linie fällt. Was man so berechnet har, such man in seiner 1. Columne auf; so steht damit in einer Zeile, in der dritten der mittlere Varometerstand des Ortes, und in der zwehten, desselsen Höhe über das Meer.

Ben 104; steht ber vorhin von mir gefunden ne Barometerstand, und bes Ortes Hohe 5965 Fuß 2 Boll.

Denn Hr. S. giebt in ber I und II. Columne Jufie und zwölftheiliche Zoll an, ob er gleichfelbst erinnert; Man könne unvermerkt wohl ein paar hundert Schuh irren.

Grunde bieses Berfahrens giebt Gr S nicht an. Daher wird, was ich zuvor bavon bengebracht habe, nicht überflußig fenn.

181. Hr. S. hat nach bem Ausbrucke von B. Formel x = $\frac{22000. \text{ c}}{\text{y}}$ - 22000 gerechnet.

Ob er sich dazu ber kogarithmen bedient hat, melvet er nicht. Wenn man sie braucht, so giebt diefer Ausbruck die Bequemlichkeit, daß man einen
beständigen kogarithmen hat, von dem man murlog y abziehen darf. Und die Grösse, welche
man so durch die kogarithmen berechnet, wird nieüber 44000; also reichen die kogarithmen alles
mahl zu.

Indessen ift die Groffe allemahl mehr als 22000; Man findet fie also durch die logarithmischen Tafeln unmittelbar nur in Ganzen, und mußte allenfalls Zehntheile ober Hundertheile, durch

Proportionaltheile fuchen.

Das gabe nun, jumabl für Barometerstanbe bie ben am Meere ziemlich nabe waren; x mit keiner groffen Scharfe.

Rechnet'

Rechnet man nach 172; so verliert man ben Borcheil bes beständigen togarithmens, kann aber x fcharfer finden.

Ich habe ein Paar Glieber für Gr. G. La

fel berechnet, und fo gefunden

y | x 339, 75 | 64, 753 δuβ 240 | 9281, 4

Hr. S. sett für ben Fall ber ersten und zwenten linie, oder 28 Zoll 4 und 3 linien, bepdemahl 65 Juß über bem Meere; ben meinem zwenten Barometerstande, von 20 Zollen, hat er nur 9227 Fuß 9/Zoll. Bielleicht hat er seine Rechnung muhsamer, und baher nicht so scharf geführt, als ich die meinige.

Man findet die Sulzerische Tafel auch ben bes Gieffenischen hrn. Prof. Bohms grundlichen Anleitung zur Megkunft auf bem Gelbe, wo sie

Die IIII ber angehenkten Zafeln ift.

Berr Sulzers Versuche.

182. Von Hr. Sulgern findet sich in den Memoires de l'Acad. Roy. des St. et des R. L. de Prusse 1753, ein, wie die Ueberschrift lautet: Neuer Versuch, über die Messung der Höhen vermittelst bes Barometers. Man hat es übersett, im alten Hamb. Magaz. 17 Band 6 Stud.

183. Hr. S. hat luft jusammengepreßt, im Wesentlichen, so wie es Mariotte u. a. vorlangst

gemacht

gemacht, (Aer. 64) mit einigen Vorsichtigkeiten der Michtigkeit wegen, die er deutlich beschreibt, unter andern jedesmahl auf die Veränderungen der Wärme währendes Versuches acht gegeben, und solche in Rechnung gezogen, auch ziemlich starke-Kraft zum Zusammenpressen angewandt.

184. Nur ein Bepspiel zur Probe zu geben: Das Barometer stand 29 rheinl. Zoll hoch, und eingeschlossene kuft so dicht als sie von der Atmosphäre im damaligen Zustande zusammengeprest war, nahm einen Raum = 12 ein. Durch Aufsschützung einer Quecksilbersäule von 169, 2 Zoll, ward diese kuft in den Raum 1, 5 gebraucht. Die

Dichte dieser zusammengepreßten luft war 1,5

= 8 mahl so groß als die Dichte der natürlichen Luft; die Kraft aber, welche sie so jusammenpreste, war 29 + 169, 2 = 198, 2 Boll Quecksilber. Die-

fe Krast $\frac{198,2}{29}$ = 6, 8344 mahl so start als

Der Druck ber Atmosphare, wie ich burch bie logarithmen finde; Hr. S. hat 6, 835.

Eine Rraft also, noch nicht siebenmahl so fart als der Druck der Atmosphäre, machte die Luft achtmahl dichter als der Druck der Atmosphäre se sie macht.

185. Dieß ist die startste Kraft die Hr. S. ans Zewandt hat, luft zusammenzupressen, und der U Bersuch Bersuch gehört in die briste Reihe seiner Bersuche, welche er fur die zuverläßigsten angiebt.

186. Daß das Verhalten ber bruckenden Kraft zur Dichte nicht ben allen seinen Versuchen einerlen herauskommen konnte ist, unter andern auch, wegen unvermeidlicher Fehler, leicht zu urtheilen. Hr. S. glaubt, man könne die Dichte durch eine Potenz des Druckes angeben, und den Erponenten dieser Potenz seht er bennahe 1,0015; oder, wenn D die Dichte, P den Druck bedeutet, D = der Potenz von P beren Erponent 1,0015 ist.

187. 2116 log D = 1, 0015. log P.

188 Es ist leicht nach (187) bas Erempel (184) mit Hr. S. Angabe zu vergleichen. Ich seige, mit Hr. Sulzern, die Einheit, für die Dichten, die Dichte der natürlichen kuft, für die Druft ke, den Drucke der Atmosphäre.

Alfo gehoren in (184) zusammen, D = 8

und
$$P = \frac{198, 2}{29}$$

Nun ist log P = 0, 8347056; bieses mit *,0015 multiplicirt, giebt 0, 8379576, und diesem Logarithmen gehört die Zahl 6, 854.

189. Wenn man ben Erponenten allgemein =

w nennt, so ist aus (187) $\pi = \frac{\log D}{\log P}$. So er hellt, wie sich der Erponent aus Bersuchen bestimmen läßt.

190. In

190. In Bru. S. erstem Berfuche ber britten Reibe, ift, Die Einheiten wie in (188) verstanden,

$$D = \frac{12}{11}$$
; $P = \frac{31, 2}{29}$; also $\pi = \frac{377885}{317566}$

Davon der logarithme, = 0, 0762200 = zu der Zahl 1, 1917 gehört.

191. Hr. S. hat seine bren Reihen Versuche in eine Tasel gebracht; wenn ich aus jedem ersten Versuche einer Reihe nach Hr. S. Zahlen den Erponenten suche, so bringe ich jedesmahl beträchts lich mehr heraus, als was er (186) als den Erponenten angiebt, welcher aus den ersten Resultaten seiner dren Versuche bennahe folgte. Ich mußalso wohl diesen seinen Ausdruck nicht, wie er will, verstehen.

192. Inbessen stimmen alle Versuche Hrn. S. an der Zahl 42; darinnen überein, die Dichte zusammengeprefiter Lust grösser zu geben, als sie mare, wenn sich die Dichte wie die druckende Kraft verhielte, wovon (184) ein Benspiel ist.

193. Man muß frevlich hieben annehmen, daß es hr. Sulzern, ben ber von ihm angewandten Borsichtigkeit, möglich gewesen ist, die Räume, welche die zusammengepreßte Luft einnahm, so genaut zu messen, daß nicht etwa Fehler der Messung, für Abweichung von dem sonst angenommenen Gesese, sind angesehen worden.

Berhielten sich die Dichten, wie die brudens ben Rrafte, also die Raume verkehrt wie diese U a Rrafte, Rrafte, so kame in (184) der Raum der zusammengepressen Luft = $\frac{29}{198,2}$. 12 = 1, 7558 wenn der natürliche Raum = 12. Hr. S. fand Hn = 1, 5 ohngefähr um 30 des Raums der natürlichen Luft kleiner. Er muß also auf Sechzigstheile dieses Naums sicher gewesen sehn, wenn aus diesem Versuche, einzeln betrachtet, etwas gegen

bas gewöhnliche Befet folgen foll.

194. Hr. S. hat auch Versuche über die Ausbreitung der Luft duch Warme angestellt. Er brückt sich so aus, als hätte er ein Mittel gesunden, die unterschiedenen Grade der Warme, nach ihrer geometrischen Verhältniß, zu vergleichen. Wenn ein gewisser Grad der Warme eine gedene Masse luft in den doppekten Raum, und ein anderer Grad, eben die Masse in den vierfachen Raum ausbreitet, so ist ihm sehr wahrscheinlich, daß man ohne merklichen Irrthum werde annehmen dürsen, diese Grade verhalten sich wie 1:2. Zwissel, die er wegen dieser Proportion hatte, sind ihm verschwunden, nachdem er gesehen, daß auch Newton die Wärme nach Ausbehnung des Oeles geschäst.

195. Daß Ausbehnung ber Materien das sicherste Rennzeichen ber Barme ist, hat schon Boerhave in seiner Chymie gesagt; und also ist febreratuelich barauf zu fallen, zweene Grade Barme werden sich, wie die Ausbehnungen, verhalten, die

von ihnen verursacht werden. Nur ift gewiß auch Br. Sulgern bekannt, ob er gleich bie nicht fcheint baran gebacht zu haben, bag biefe Ausbeh. nungen von einerlen Graben ber Barme, ben umterschiedenen Materien, nicht einerlen Berhaltniff baben, baß bie benben Grade, von benen er rebet, nicht auch Del, ober Beingeift, ober Quecffilber, aus bem boppelten Raume in ben vierfachen ause behnen werden.

196. Aus benberlen Werfuchen nun, von bet Musbehnung burch bie Barme und von der Aus fammenpreffung, leitet Dr. G. eine Formel fur bie Bergleichung zwischen Barometerstanbe, und Bos be über ben Horizont bes Meers ber. Gie erfobert nichts als eine leichte Integrafrechnung, und ich wurde fie also bie benbringen, wenn ich bachte, des fie brauchbar ware.

Aber bie unveranberlichen- Gröffen barinnen muffen nach Br. S. Versuchen bestimmt werben, und er giebt boch fetbst folche in Rleinigkeiten nicht für ganz zuverläßig aus, ob er gleich aus folden Berfuchen, für biefe Formel, Bablen auf etliche Decimatstellen berechnet, und noch groffe &c. bengefügt bat.

197. Und nun wendet er seine Formel auf eine Beobachtung an, die er ungezweifelt für die richtigfte unter allen erklart. Sie ift aus Br. Bous guers peruanischer Reise. Das Quecksilber stanb am Meere nabe ben 28 Bollen, und in einer Jobe

von 14856 Fuß fank es um 12 Zoll 3 Linien. Dar über rechnet Hr. Sulzer nach seiner Formel, und bringt die Höhe etwa 400 Fuß anders heraus, als sie ist gemessen worden.

Eine Formel, aus welcher man Etwas um mehr als seinen vierzigsten Theil anders herausbringt, als eine sehr richtige Beobachtung es angiebt, die wird doch wohl nicht zu ihrer Bestätigung mit einer solchen richtigen Beobachtung verglichen?

198. Hrn. Sulzers Versuche können überhaupt zur Kenntniß der Luft nüßlich senn, aber zu der Absicht, welche die Aufschrift seiner Abhandlung verspricht (182), dienen sie gar nichts. Kommen wir denn in Luft, die fünf oder sechsmahl so start gedruckt wird, als die, in welcher wir leben? Mit dem Barometer steigen wir nicht in dichtere Luft, sondern in dunnere, und diesem gemäß hatte auch Bouguer Verdünnungen der Luft untersucht (141), nicht Verdichtungen, und ben Verdunnungen das Gesehrichtig befunden, dem Hr. Sulzer den Verdichtungen wiederspricht.

199. Wollte man auch die luft am Busse eines Berges, als dichter in Vergleichung mit der auf dem Gipsel, amsehen, so wird sie doch nie noch einmahl so stark gedruckt als die auf dem Gipsel. Also wäre in (187) allemahl P kleiner als 2. Sete ich P = 2, so sinde ich log D = 0, 3014815, daher D = 2, 2020.

genommen, ift in ben Stellen, wo wir mit bem Barometer hinfommen, bie Verhaltniß ber Dichten nicht merklich von ber Verhaltniß ber bruckenben Rrafte unterschieben.

201. Wer sich um Sobenmessungen mit bem Barometer bekummert, sollte glauben, Hr. Sulgers Abhandlung sen für ihn wichtig. Die Belehrung, daß er sich irren würde, gehört also hieher, und diese Belehrung ließ sich nicht ohne ihre Beweise geben.

Linige andere Voraussenzungen.

202. I. Unterschiedener anderer Mashematikverständigen Meynungen hat kuloss gesammlet. Einleit, zur math. und phis, Kenntniß der Erdkugel 446 u. f. S. (meine Uebersehung dieses Buchs ist zu Göttingen u. Leipzig 1755. herausgek.)

11. Maraldi nahm an, das Quecksilber sinke, vom Ufer der See die 61 Fuß hoch, i kinie, nun wieder eine kinie, wenn man 62 F. höher kame, und wieder eine kinie, wenn man von da 63 Fuß höher kame u. s w. oder er theilte die Atmosphäve in Schichten, jede einen Juß grösser als die nächst miedrigere, und jeder Schicht, mennte er, gehore eine kinie Varometerfall.

III. Feuille'e machte auch folche Schichten, nur

jebe um 2 Fuß groffer.

1111. Cassini nahm an, die Ausbehnung der kuft verhalte sich verkehrt wie das Quadrat des U4 Drucks, Druds, die Luft sey vienmahl banner, wo fle 14 Boll Quedfilber halt, als wo sie 28 halt.

V. Diese Woraussegungen anzusühren, gehott zur Geschichte ber Untersuchung, wie fie aber nicht auf sicheren physischen Grunden beruhen, so verdienen fie keine besondere Ausmerksamkeit.

203. Da Cassini ein anderes Geses der Dichten annimmt, so verlohnt es sich doch der Mühe, zu berechnen, was daraus folgt.

Wenn man die Buchstaben zur Rechnung aus (12 u. f.) nimmt, so gehort, nach Cassini, zur Hohe x über S; die Dichte ber kuft my2: f2

Also befomme man aus (15) $-\frac{my^2 dx}{f^2}$

= dy.

Dieses integrirt, giebt $x = \cosh + \frac{f^2}{my}$ und $x = \frac{f}{m} \cdot (\frac{f}{v} - 1)$

Nimmt man an, bem Barometerstanbe y t gehöre bie Höhe x + u, so hat man eine zwente Gleichung; Wenn in solcher Alles übrige gegeben ist, sindet sich

$$m = \frac{f}{x+u} \cdot \left(\frac{f}{y-t} - 1\right)$$

Inlofs 447 6. melbet, an ber See stehe bas Quedfilber 28 Zoll; Das ware also f = y für

$$x = 0$$
; Und 63 Buß hoch, stope es 27 Boll
11 Linien; Also $u = 63$; $t = \frac{1}{144}$; $f = \frac{336}{144}$;
Folglich $m = \frac{336}{144 \cdot 63}$. $\frac{1}{335}$

Das Quecksiber 14 mahl schwerer als Wasser gesetzt, also; Wasser: Lust = 1: 14 m, finde ich bas Wasser 646, 09 mahl schwerer als diese Lust.

Auch ist ber Coefficient $\frac{f}{m} = 335.63 \Rightarrow 21105$;

Eaffini hat wohl an Integriren, und an folde Betrachtungen wie Dr. Daniel Bernoulli angestellt, nicht gebacht. Seine Voraussehung führt gleichwohl auf eine Gleichung, die von der Bernoullischen nur im Coefficienten unterschieden senn könnte. (172) Wenn ben jener c, hie = f ware, welches aber nicht ist (180).

Ich habe nach der gesundenen Formel die Höhre berechnet, welcher der Barometerstand is Boll gehört oder, wo es to Boll gesallen ist. Ich sinde sie 1725 Fuß = 1964 Toisen i Fuß. tuslofs hat 1947. Sein Wortrag aber zeigt, dieses sen so gesunden, daß man, wie Mariotte that, Schichten addirt, und das giebt zu wenig. (61)

Ueber eine Schwierigkeit, bey der Voransfenung daß sich die Dichte der Luft wie
der Druck verhalte.

204. Wenn man sich vorstellt, daß die Utmosphäre irgendwo aufhort, so wird die kuft an dieser obersten Granze nicht gedruckt; Ihre Dichte mußte also = 0 sepn.

205. Dieser Ungereimtheit auszuweichen, komte man setzen, die Dichte verhalte sich, wie der Druck + einem gewissen unveränderlichen Gewichte, das sur jede Dichte, jeden Druck, immer dasselbe bleibt. Wenn man es = P setze, so wurde in (17) die Proportion so gemacht werden.

$$f + P$$
: $y + P = m$: $m \frac{(y + P)}{f + P}$

Das vierte Glied gabe bie Dichte ber luft in K.

206. Diese Erinnerung macht Hr. D'Alembert in seiner Preisschrift: Reslexions sur la cause generale des vents . . . (Berlin 1747) 9. 80. Auch Traité de l'équilibre & du monvement des sluides §. 81. voc er sich auf Barignon Mem. de l'Acad. 1716. beruft:

207. Wenn man bieses annehmen will, so ift schwer abzusehen, wie sich die Grösse P bestimmen liesse Freylich gabe sich solche aus der Dichte der Luft, da wo das Quecksiber alles aus dem Baromes

Barometer gesunken mare: Diese Dichte mare =

mf+P. Aber woher mußte man sie? Die Einführung biefer beständigen, aber auch beständig unbekannten, Grösse wurde uns also nur Formeln geben, die zur Anwendung auf die Natur

ganz unbrauchbar wären.

208. Natürlicher ist wohl zu sagen: was auch schon Jacob Bernoulli, und Euler gesagt haben, man s. meine Uerometr. 65. Euler Comm. Nov. Petrop. T. 13. p. 319.) Das Geses: die Dichte verhalte sich wie der Druck, sey nicht in geometrischer Schärse und Allgemeinheit wahr. Es kann deswegen immer noch für uns von sehr sichern und weitläustigen Gebrauche seyn . . . Eben wie die Boraussehung daß unsere Schwere eine unveränderliche Kraft sey, in geometrischer Schärsse nicht richtig, und doch der Grund unserer gans zen Mechanit ist.

209. Woher auch die Federkraft der Luft kömmt, kann man sich allemahl den Erfolg von ihr so vorssellen, als besässe jedes Lufttheilchen eine Kraft, das andere von sich zu stossen, ohngesähr wie Magnete deren gleichnahmige Pole gegenelnander gekehrt sind. Die Stärke dieser Kraft wird sich vermuthlich nach ihrer Entfernung von einander richten, und in größerer Entfernung geringer sehn. Lufttheilchen könnten also so weit von einander abssehen, daß sie nicht mehr merklich in einander wirkten, eben wie Magnete, die weit von einander hängen.

hangen. So wurden fie eine Luft ausmachen, bie in ber Dichte, welche fie hat, burch feinen aufern Druck brauchte erhalten zu werben, weil fie feine Bemuhung anwendet, sich auszubreiten.

Von des Irn. Jontana Schrift, über die Barometerhöhe.

210. Delle Altezze barometriche, e di alcuni insigni paradossi, relativi alle medesime, Saggio analitico/. . . del P. Gregorio Fontana, delle Scuole Pie, Pubbl. Professore di Matematica nella Regia Vniversità di Pavia, Socio del' Accademia dell' Instituto di Bologna; Pavia 3771. 160 Octavs. Ich habe das Buch vom Bersasser besommen, von dem ich im Vorbengehen melden fann, daß er deutsche mathematische und wisige Schriften sehr wohl verstehen gelernt hat.

211. Der eigentlich hieher gehörige Inhalt bes Buchs ist folgende Aufgabe: Man hat die Barometerhöhe am Meere; die Schwere ist veränder lich und verhält sich verkehrt, wie eine Potenz der Entfernung vom Mittelpunkte der Erde, deren Erponent gegeben ist; Wie groß ist die Barometer höhe in einer gegebenen Stelle über dem Meere? das Geseh der Dichte der Lust wird mit Hr. D'Atembert wie in (205) angenommen. Auch nachdem noch allgemeiner geseht: die Dichte verhälte sich wie eine Potenz des Drucks.

Die Auflösung führt auf eine Differentials gleichung, in ber die veränderlichen Gröffen versmengt find, man kann sie nach meiner Anal. Unendl. 412; integriren.

212. Uebrigens erhellt leicht, bag Br. Fontanas hauptabsicht hieben gewesen ift, bie Unwenbung analytischer Kunftgriffe , ju Auflosung einer fo allgemeinen Aufgabe, ju zeigen. In ber Ausubung fant sie nicht vorkommen, weil wir immer in Stellen bleiben, wo bie Schwere als unveranberlich anzusehen ift. Daber berechnet auch Br. R. nur Erempel für folche Stellen, wovon er viel Rusliches benbringt, so wie er überhaupt lehrreis che Erinnerungen über bie Anwendung ber Mathematit auf die Naturlehre, die Brunde ber Red)nung bes Unenblichen, Die Bahl, beren natürlicher Logarithm = i ift, u. b. g. giebt. Die auf bem Titel erwähnten Paraboren finden fich nur in der allgemeinen Auflösung, wo sie aus ben richtigen Beffimmungen bes Unenblichen, Berneinten, u. b. g. zu erklaren fint, und fo barf ihre Unfunbie gung Niemanben ben bem gewöhnlichen Gebrauche des Barometers irre machen.

Die Dichte der Luft zu finden, wenn sich die Schwere verkehrt wie das Quadrat der Entfernung vom Mittelpunkte der Erde anderr.

213. I. Ich will ben biefer Veranlaffung biefe Aufgabe auflosen, um nur einen Begriff zu geben, wie wie man sich ben veränderlicher Schwere verhalt. Ben Gr. F. Untersuchung ist nicht die Analysis schwerer, nur die Rechnung weitlauftiger.

II. Es sen (31 Fig.) S im Horizonte bes Meeres, vom Mittelpunkte ber Erbe um berfelben halbmeffer, r entfernt. Alfo (wie in 12) K vom Mittelpunkte um r + x entfernt.

Die Schwere in S fep = 1; so ift fie in K;

$$=\left(\frac{r}{r+x}\right)^2$$

Die Dichte ber luft ben K fen v; ben S; m.

In einem Clemente ber Bobe, dx; ist bie tuftmasse vdx enthalten.

Und dieser Gewicht ist $\frac{r^2 \text{ vdx}}{(r+x)^2}$

Das Integral hievon ist das Gewicht der Luftsaule SK.

Das Gewicht der ganzen suftsaule über S; wird durch die Quecksilbersaule ausgedruckt, die es erhalt. Sie sep f.

Also das Gewicht der kuftschule über K; =

$$\mathbf{f} - \mathbf{f} \frac{\mathbf{r}^2 \, \mathrm{vdx}}{(\mathbf{r} + \mathbf{x})^2}$$

Nun verhalt sich bieses Gewicht zu f wie v: m, weil sich die Dichten immer noch wie der Druck perhalten sollen.

In biefer Proportion die aufern und mittlern Glieder multiplicirt, bekommt man die Gleichung

$$v_0 f = m. f - m. f \frac{r^2 vdx}{(r+x)^2}$$

Differentiirt, und gehörig gerechnet $\frac{\text{fdv}}{\text{mv}} = -\frac{r^2 dx}{(r+x)^2}$

III. Dieses wieder integrirt $\frac{f}{m} \cdot lognat \ v = Const + \frac{r^2}{r + x}$

Num ist v = m für x = 0.

 $21160 \frac{f}{m} \cdot lognat m = Conft + r$

Daher $\frac{rx}{r+x} = \frac{f}{m}$. lognat (m: v)

IV. Und, wenn lognat e = 1; hat man

 $\frac{mrx}{f. (r + x)}$ lognat e = lognat (m : v)

Daher v = m. e mrx: f. (r + x)
wo sich für jede angenommene Höhe die Dichte bea
rechnen läßt.

V. Ift r unendlich gegen x; so verwandelt sich ber Erponent von e in — mx: f; Und ba ift es soviel, alemare bie Schwere unveranderlich.

VI, Fan

VI. Für ein unendliches x; wird in IV; ber Exponent von e; = — un: f; hie ist r: f ziemlich groß, weil f etwa 28 Zoll und r mehr als 19 Millionen Fuß beträgt, (Geogr. 19) aber m, Zehntausendtheile beträgt, (46). Also wird v: m ein ziemlich kleiner Bruch.

VII. Hie also behalt die kuft, in unendlicher Sobe, noch endliche Dichte.

VIII. Diese Untersuchung besindet sich benm Mewton, Prins. Lib. II. Prop. 22; ziemlich weitläuftig und verwickelt; M. bedient sich daben der Hyperbel. Etwas kürzer hat sie Sotes angesstellt, Harmonia Mensurar. P. I. Prop. 5. Schol. Oper. Cotosii (Cantabr. 1722.) p. 18. Er braucht die logarithmische kinie, die er hiezu auf eine eigne Art verzeichnet, Abscissen von der Obersstäche gegen den Mittelpunkt nimmt, und an sie die Diehten als Ordinaten sest.

Tobias Mayers Tafeln.

214. Bey M. Erich farmanns sibirischen Briefen, die Hr. Prof. Schlözer herausgegeben hat, (Göttingen 1769. 8°) erwähnt Hr. Prof. Beckmann in einer Unmerkung 34 Seite, baß er zwo Lafeln zu Messung der Höhen mit dem Barometer besiße, die von dem seel. Maper entworfen worden. Des Versertigers Sohn Hr. M. Maper hat sie von Hr. Prof. Beckmann bekommen, und mir eine Abschrift mitgetheilt, nach der ich von ihnen reden will.

215. Ihre

215 Ihre lateinische Ueberschrift melbet, daß sie Barometerhohen mit zugehörigen Sohen über ben Horizont bes Meeres in parifer Maasse angeben. Bon ber Art ihrer-Verfertigung und ben Gründen, auf ben sie beruhen, ist nichts angezeigt.

Sie gehen burch alle einzelne Linien ber Barometerhöhen, die innerhalb ihrer Granzen fallen.

216. Die erste von 28 Zoll 4 Linien und ber Höhe o bis 15 Zoll o Lin., dazu die Höhe 2762 Loisen gehört.

217. Die zwepte fangt von 29 Zoll 6 linien an, ber sie 77 Toisen, als Tiefe ober verneinte Höhe giebt; Ben 28 Zoll ist ihre Höhe = 0; und ihr lettes Glieb 14 Zoll 6 Linien mit 2859 T. Höhe.

218. Die Vorschrist, nach welcher die erste Lamfel berechnet ist, habe ich so ausgesucht: In der Formel (39) ist der 1. Tasel gemäß f = 340 Linnen; Für g = 20 Zoll = 240 Linien ist in dieser Tasel e = 1513 Toisen. Also überhaupt

$$x = \frac{1512 \cdot \log (3401 \text{ y})}{\log (341 \cdot 24)}$$

Nun ist log (34: 24) = 0, 1512677; Ferner log 0, 1512677 = 0, 1797462 - 1 abzuziehen von log 1513 = 3, 1798389

log B == 4, 0000927

gabe B = 10002.

So verhielte es sich, wenn man annimmt, die Zahlen der Tasel senn in der größten Schärse zu verstehn. Da aber offenbahr ist, daß Kleinigseiten sind benseite gesetzt worden, so darf man b = 10000 annehmen. Nähmlich der togarithme, der als Nenner in der Formel sur x steht, ist bennahe ein Zehntausendtheil der Zahl, die im Zähler, in den veränderlichen togarithmen multiplücirt wird.

219. Also ist x = 10000. log (340: y) wo y die Barometerhohe in Linien ausgedruckt, und x eine Zahl von Toisen bedeutet. Die Tasel giebt nur ganze Toisen an, und also braucht man nur die vier hochsten Decimalstellen des Unterschiedes der Logarithmen, die niedrigen läst man weg, die Bifern die man behalt, sieht man als Ganze an.

Exempel. Für y = 94 Zoll = 288 linien ist log (340: 288) = 0, 0720864, also x = 721 Toisen. So giebt es auch die 1. Tasel an.

220. Es ware also ziemlich überflussig, eine solche Lafel drucken zu lassen, ba man jedes Glied von ihr so leicht aus den logarithmischen hat.

Selbst die kleine Mube, ein Paar logarith men abzuziehen, erspart sie nur alsbenn, wenn man die Hohe über ben Horizont ber Tafel sucht.

Man verlangt aber auch oft eine Hohe zwischen zween Barometerständen, z. E. wie hoch die Stelle, wo das Barometer 22 Zoll 7 Linien steht, über der ist, wo es 22 Zoll 3 Linien steht, da muß man doch ein paar Glieder der Tafel von einander abziehen, und wird selbst durch diesen Abzug das Gesuchte nicht so genau sinden, als wenn man die logarithmen von einander abzüge, weil in der Tassel, die letzten Zisern der Logarithmen weggelassen sind.

Bolle und linien gang in Linien gu vermanbeln, erfodert eine fleine Rechnung, und die konnte man sich durch eine Tafel ersparen, die gar nicht weitlaustig senn durfte.

Benaue Beobachter aber geben bie Barometerstände nicht nur in ganzen Linien, sondern
auch in Theisen derselben, an. Und da sind wiederum die Logarithmen selbst, bequemer zu brauchen,
als eine Tafel, die nur durch ganze Linien geht, bep
ber man in solchen Fällen, muhsamer und unriche
tiger, Proportionaltheise brauchen mußte.

Werlangte man nach Mayers Regel, die Hohen zwischen den Varometerständen 24 Zoll 3\frac{1}{4} und 24 Zoll 5\frac{1}{4} Linie, so gabe sich so gleich

10000. log (293, 25: 291, 5) = 25, 994 Tolseni

In der Tafel mußte man, aus den Höhen surch Proportionaltheiste die für 24 Zoll 3½ suchen; Eben so die für 24 Zoll 3½ suchen; Eben so die für 24 Zoll

Roll (1); und nun eine von der andern abziehen. Der Unterschied findet fich 26.

Dichte der Luft, die für 340 Linien angenommen wird.

In (37) ist hie $f = \frac{34^{\circ}}{12}$; $g = \frac{24^{\circ}}{12}$; c = 6. 1513;

21160 m = $\frac{340}{12.12.6.1513}$, k, $\log \frac{34}{24}$

Der Coeffic. vor k, ist 85 und hievon ber Nenner 72. 4539. Daraus finde ich

 $\frac{1}{14. \text{ m}} = 788,46.$ durch die logarithmen;

So vielmahl mare diese luft leichter als Waster, ober Waffer bichter als fie.

222. Un ber Stelle, wo bas Barometer 28 301 hoch steht, ift die Dichte ber luft =

Daraus berechneich, baß bas Waffer 795, 85 mahl Dichter ift, als biefe luft.

223. Die Dichten der luft alfo, welche in diefer Safel angenommen werden, stimmen ziemlich mit Den gewöhnlichen überein.

224. Die zwente Tafel (217) fest ben 28 3oll 4 linien die Sobe = - 51, eigentlich soviel Tiefe Liefe unter ihren Horizont. In ber ersten aber, gehoren zu eben dem Barometerstande, 51 Ecisen wirkliche Hohen über ihren Horizont.

225. Das entbeckt fogleich, baß bende Tafeln im Grunde einerlen find, baß bie zwente Sohen über einen Horizont anglebt, ber 51 Totsen über der ersten ihre erhoben ist.

Und so ist es auch durchgängig mit der II. E. beschaffen. Wenn x in der I. E. und z in der II. Zahlen bedeuten, die zu einerlen Barometerstande gehören, so ist

z = x - 51.

226. Aus ber Einrichtung ber ersten Kasel aber ist (225). 10000. log (340: 336) = 51,396, dafür 51 genommen wird. Also z = 10000. (log (340: y) — log (340: 336) = 10000. log (336: y)

Die II. Tafel kann also unmittelbar aus den logarithmen, völlig wie die erste, berechnet werden. 227. Man sehe es gehoren in der ersten Tafel, jusammen

fleinere Sobe P grofferer Barometerftand pogroffere . . Q fleinerer q

So iff Q - P = 10000, $\log (p:q)$

228. Die benden Soben, welche in der II. Lael eben den Barometerständen gehören, muffen im eben soviel unterschieden senn, (226)

3 229. Man

229. Man nenne V; die Zwischenhöhe, die nach Bouguers Regel (108) eben den Barometerständen (227) gehört, so ist V = $\frac{29.10000}{30}$

 $\log (p:q) = \frac{29}{30} \cdot (Q - P)$

Mayers Regel giebt also die Hohe zwischen zween Barometerständen allemahl gröffer als Bouguers seine, und zwar so, daß von Mayers Hohe ihr brenßigster Theil muß abgezogen werden, Bouguers seine zu bekommen.

So ware in (117) nach Maners Regel, ber Pichincha über Carabourou; 1251 Toifen.

230. Bepbe Regeln zugleich können also nicht wahr seyn, und wenigstens in den Fällen, wo Bouguer die seinige mit geometrischen Ausmessungm übereintreffend gefunden (144), ist die mayerische nicht sicher anzuwenden. Sie sest dunnere lust zum voraus als Bouguers seine (77).

231. Hr. Pr. Beckmann fagt a. a. D. "Mapers Tafeln sepen eigentlich nach Bouguers Angabe berechnet, nur daß von dem Unterschiede der logarischmen nicht 30 abgenommen worden."

In diesem Abnehmen des 30 besteht eben Bouguers Angabe. Unterschiede der Logarithmen braucht man zu Berechnung jeder Lafel, die zum Brunde seit, daß sich die Dichte wie der Druck verhält

verbalt (30; 39). Diefe Unterschiebe multiplicirt man mit einem beständigen Coeff cienten. Daß Bouguer dafür 10000 in einem Bruch multiplicirt fand, beffen Menner eine Babl ift, mit bet fich fo bequem bivibiren lagt, und feinen Bablet um I übertrifft, bas gab ibm eine fo leichte Regel. Und Maper machte fich eine noch leichtere, weil er fur. Diefen Coefficienten Zehntaufend felbft. annahm. Uber eben beswegen hat fie mit Bouguers feiner nicht mehr Uebereinstimmung, als mit jeder andern, und ihre Bahlen fonnen einer andern Zahlen viel naber tommen, als Bouguers feis nen, wenn fie mit biefer andern von einem Soris sonte rechnet, und berfelben Coefficient naber ben Behntaufend ift als Bouguers feiner. Wer fich nicht einbildet, Bouguer fen der einzige gewesen, ber mit Unterschieden von logarithmen rechnet, ber kann nicht etwas sagen, bas im Zusammenhange beißt: Mayers Zafeln feyen eigentlich nach Bouquers Ungabe berechnet, nur aber gar nicht nach Bouquers Ungabe.

Ihrer zweene rechnen fo: ber erfte nimmt von einem Dinge 29; ber andere läßt es gang; kann man ba fagen: ber andere rechnet eigentlich nach bes ersten Ungabe.

232. Weil log (336: 335) = 0, 0012945, fo giebt Mapers Regel 13 Toisen Sobe, wenn man von ber Stelle, wo bas Barometer 28 Boll steht, an die steigt, wo es um eine Linie gefallen ist. So steht es auch in Mapers Tafeln; in der II die Zahl 13 selbst, in der 1 ein paar Zahlen, deren Unterschied 13 ist, (dieses ist zu erinnern weil manche Leute nichts weiter sehen, als was ihnen gerade vor Augen liegt).

Horrebow giebt als seine Erfahrung an, daß er von der Stelle, wo das Barometer 28 Zoll stand, 12, 5 Toisen gestiegen sen, die es eine wie gefallen (62; 11).

Also stimmt, was Maner zu Anfange seiner Zafel sest, bis auf eine halbe Toise mit Horres bows Angabe überein.

Wie genau beyde Zahlen übereinstimmen können, läßt sich aus den Coefficienten beurtheilen; Horrebows seiner (a. a. D. 111.) ist etwas kleiner als Mayers seiner, und so müssen H. Zahlen obugefähr und wan Mayers seinen seyn.

Für 26 Zoll (a. a. D. IIII.) hat Mayer 322.
233. Worauf M. seine Regel gründet, ist mir nicht bekannt. Da ich bald nach seinem Tode, einen grossen Theil seiner Bibliothek gekaust habe, sind mir baben auch allerlen einzelne Papiere übergeben worden, die keine zusammenhängende Aussführungen enthielten. Einige Octavblätter davon hatten, soviel ich mich erinnere, die Ueberschrist: Von der Atmosphäre, Dichte der Luft, u. s. w. sie enthielten

hielten aber nur Formein, ohne Unzeige bes Ursprungs berseiben und andern, zum Gebrauche selbst nur zu ihrer Bedeutung, gehörigen Erläuterungen, daher ich mir nicht die Zeit genommen habe, dieselben, da ich keine besondere Veranlassung dazu hatte, sorgfältiger zu untersuchen. Berechnete Taseln erinnere ich mich nicht daben gesehen zu haben. Nachdem habe ich solche Papiere aus eigener Bewegung Hrn. Prof. Lichtenbergen mit zugesstellt, als er die manerichen Aussätz, welche von Kön Regierung waren gekauft worden, oder der Kön Soc. der Wiss. gehörten, zur Ausgabe besommen hat. Da er jeso; da ich dieses schreibe, nicht auf dem festen kande ist, so kann ich von dem Angezeigten weiter keine Nachricht geben.

Hr. Prof. Hollmann; Comm. Soc. Sc. Gotting. T. IIII. ad ann. 1754; p. 93. hat Zahlen, für die Höhen von Clausthal und Göttingen, aus einer ihm vom Mayern, schon einige Jahre zuvor mitgetheilten Tasel genommen. Es ist die erste der hie beschriebenen, und Hr. Pr. H. erwähnt nur eine.

234. Roch einmahl, Mayers und Bouguers Regeln zu vergleichen, will ich eins der Exempel rechnen, die a. a. Orte sich aus Hr. karmanns Beobachtungen geben. Er beobachtete die Barometerstände zu Bornaul, einem Orte in Sibirien, und auf einem benachbarten Berge, der kleine Altai, (es sind die hochsten Spisen des Gebürges, als bezieht sich das Beywort klein vermuthlich auf die Obera

Oberfläche,) Hr. Pr. Beckmann hat bas angegebene Londner Maaß in pariser verwandelt. Nach bemselben ist

zu Barnaul p = 27 3. 7 £ = 331 a. den Altai q = 21 7 = 259

log (331: 259) = 0, 1065282 Also Mayers Q — P = 1065, 282 Davon 30 = 35, 509

Bouguers V = 1029,773

Die Decimalbrüche ber Toisen fallen bekanntermaassen weg, ich behalte sie nur ben Q—P ben, um V genauer zu sinden. Liesse man sie gleich ben Q—P weg, so bekame man V = 1030; wie man es auch nach meiner Rechnung annehmen muß, um der Wahrheit so nahe zu kommen, als in ganzen Toisen angeht, nur daß meine Rechnung zeigt, es sen eigentlich ein wenig kleiner.

235. Gr. Pr. Beckmann berechnet nach Bouguers Regel für biefes Erempel ben Unterschieb

ber Höhen 1030 7, Toisen = 6182 \$ Fuß.

Daß Bougent ben seiner Regel nicht Brüche von Toisen angeben wollte, erhellt gleich daraus, weil er von dem Unterschiede der Logarithmen die niedrigen Zisern wegläßt, nur die behält, die ihm ganze Toisen geben. Auch gesteht er ben seiner Regel selbst Fehler von wenigen ganzen zu (144).

Allso ist es nicht eben in bem Sinn von Bowguers Regel, die Toisen, die sie angiebt, in Juk

zu verwandeln, und noch bazu Brüche eines Fußfes zu berechnen. Als wenn man nach einer Rechnung, die nur obenhin ganze Thaler angiebt, Pfennige bestimmen wollte.

236. Fr. Pr. Beckmann berechnet auch, bie Höhen vom Altai und von Barnaul über bas Meer, aus Mapers benden Tafeln, und glaubt, die lette Tafel musse mit dem, was nach Bouguers Regel angegeben worden, am nachsten übereinfommen, weil in ihr die Barometerhöhe am Meerte 28 Zoll angenommen worden.

Briftich hatte Hr. Prof. Bedmann nach Bouguers Regel nicht die Höhen über dem Mees re, sondern Unterschiede dieser Höhen, als: die Höhe des Altai über Barnaul berechnet. Ben einem solchen Unterschiede kömmt in M. Taseln nichts darauf an, was man für einen Barometersstand am M ere annimmt. Der Altai kömmt gleichviel über Barnaul erhoben heraus, man mag nach Mayers II oder I. Tasel rechnen; (228) Mit dieser Höhe des A. über B., welche Hr. Pr. Beckmann nach Bouguers Regel angegeben hat, stimmt also Mayers erste Tasel so gut überein, als die zwente, der Barometerstand am Meere hat nichts daben zu thun.

Dieß erhellt zweytens auch aus (229). Der Unterschied ber Höhen nach Bouguers Regel beträgt allemahl 38 des Unterschieds nach Mayers Tafeln, man mag die erste ober die zweyte brauchen. chen , und fo kann die zwepte nicht naber mit & Regel zusammentreffen als die erfte.

Drittens sest bieser Schluß zum voraus: Bouguer nehme am Meere den Barometerstand an, den Mayers II. Tafel annimmt. Aber Bouguer giebt aus seiner Erfahrung einen andern an (104), und aus seiner Regel folgt der Barometerstand am Meere 341 Linien (134), viel näher den dem, welchen Mayers I. Tasel annimmt, als den der zweyten ihre. (216) Käme also auf diesen Barometerstand was an, so müste M. erste Zusel näher mit B. Regel zusammentressen, als die zweyte.

Und, wie schon erwähnt ist, und aus (229) sogleich erhellt, verhalten sich Bouguers und Mapers Höhen, über einerlen Horizonte, ben einer und derselbe Barometerstand für bende angiebt, so, daß die erste allemahl 39 der lestern ist.

237. Hr. Pr. Beckmann hat also Mayers Lafeln für zwo unterschiebene gehalten, und nicht bemerkt, daß nur ihr Horizont unterschieben ist (225) Das hätten ihn doch gleich die Zahlen selbst belehren können, die er aus ihnen genommen hat, nur wiederum, dem Sinne der Taseln, die nur auf ganze Toisen gehen, nicht völlig gemäß, die Toisen in Fussen ausgedruckt. Des Altais Höhe über das Meer ist ihm nach der I: Tasel 7092 nach der zwenten 6780 Fuß, der Unterschied

schied 312 Fuß Barnaul I E.; 702; II E.; 390 auch 312 Fuß = 52 Toisen Unterschied, welches mit (225) übereinstimmt, weil die Taseln nur zunächst ganze Toisen angeben, und ben der Verswandlung in Fusse nicht einzelne Fusse genau angeben.

238. Die Sache hangt eigentlich so zusammen: Man seße, zu der Zeit, als in Varnaul beobachtes worden, habe das Barometer am Meere 28 Zoll gestanden; So ist nach Mayers II. Tasel der Ort 65 Toisen über dem Meere. Wenn man nun eben daselbst, zu einer andern Zeit, beobachtete, da der Barometerstand am Meere 28 Zoll 4 Linien wäre, so würde zu Varnaul das Varometer nicht wie in (234) angegeben worden siehen, sondern

bey $\frac{34^{\circ}}{33^{\circ}}$. 331 Linien (31; VI) das ist ben 331.

(1 + $\frac{4}{236}$) Linien, oder ben 27 Zoll 11 $\frac{7}{84}$ Linien. Dieser Barometerstand, den Bruch der Linien weggelassen, gehört in Mayers I. Tafel zu 64 Toisen. Da es nun hie auf 1 Toise nicht aus kömmt, weil die Taseln nur auf ganze Toisen gehen, so erhellt, daß beyde Taseln übereinstimmen. Sehn die Höhe, die der ber beobachtete Barometersstand nach der II. Tasel giebt, wenn ben ihm am Meere der Barometerstand der II. Tasel statt sindet, die giebt auch in der I. Tasel der Barometerstand, den man zu Barnaul beobachten würs

de, wofern am Meere ber Barometerstand ber I. Tafel ftatt findet.

239. Freylich weiß man nicht, wie hoch bas Varometer am Meere zur Zeit der barnaulischen Beobachtung gestanden hat, und da sie, wie Hr. Pr. B. richtig erinnert, nicht wohl den mittlern barnaulischen Barometerstand angiebt, so kann man sie auch nicht mit dem mittlern vergleichen, den man für das Meer annahme. Die Folge hieraus ist, man kann die Höhe, von Barnaul und den andern Derfern über das Meer, nicht aus diesen einzelnen Beobachtungen berechnen, weder nach Mayers, noch nach irgend einer andern Formel. Aber die Höhe eines Orts über dem andern liesse sich berechnen, weil die Beobachtungen ohn gesähr zu einer Zeit angestellt sind.

240. Mayer hat also nicht zwo Takeln gemacht, bavon bie eine Barnaul 702 Fuß, die andere 390 Fuß, hoch angiebt. Wie müßte es in dem Repke nicht eines Mathematikverständigen, sondern nur fonst eines gesunden Menschen aussehen, der einen solchen Wiederspruch ernsthaft hersagte? Selbst ein Jurist erkennte ja darinn bennahe eine Lasson vitra dimidium.

Wenn man Maners Vorschriften gehörig ju brauchen weiß, versichert man sie gar leicht vor einem solchen Verbachte.

Man hat Hrn. Prof. Beckmannen zu banken, daß auf seine Veranlassung, bekannt geworben ist, nach was für einer Regel Mayer gerecknet hat. Hr. Prof. Hollmann (230) hatte, ben M. Lebzeiten, natürlicher Weise keine Ursache, bavon umständlich zu reden. Unten wird sich zeigen, (311; 372;) daß diese Regel ben den Rechnungen, die jeho den meisten Benfall zu verdienen scheinen, zum Grunde liegt.

Celsius Erfahrungen.

- 241. In den Abhandlungen der Kon. Schedischen Akad. d. Wiss. für 1741. im 3. Bande der deutschen Uebers. 133 S. sinden sich Andr. Celssus Versuche vom Steigen des Barometers in der Grube. zu Fahlun; Sie sind 1730; zweene Lage nach einander angestellt; einem 27, u. 28. jeho da ich meine Uebersehung zu gegenwärtiger Absicht wieder durchsehe, sinde ich, daß ich durch einen Schreibsehler den einen in den Brachmonat, den andern in den Heumonat, geseht habe; Sie gehören bende in den Heumonat, zu katein: Julius, wie ich gegenwärtig aus der Grundschrift ersehe, die ich aus dem Büchervorrathe unsers Hrn. Pros. der Botanis Murray bekommen habe.
- 242. Celsius hat Barometerstände auf dem Grufrisberge, im Flemmingsschachte, und im Kon. Carl XI; Schachte beobachtet. Er giebt sie in schwedischen Zollen und deren Decimaltheilen an, ber

ber Zoll selbst ist ein Zehntheil des Fusses. Die Unterschiede der Höhen giebt er auch in Fussen an. Das Zehntheil eines Zolls, also das Hunderttheil eines Fusses, nennt er: Linie.

243. Ich will fie so ordnen, bag man ihre Reiben überseben kann, und einige Betrachtungen barüber anstellen. Folgendes sind Beobachtungen bes ersten Lages

244.	Pohen .	Barometer !
J I	+ 312	24, 81
II	0	25,09
111	<u> </u>	25,74

245. Da ist bie Sobe I auf bem Gipfel bes Grufrisberges; Il Un ber Sangebant bes Flemmingsschachtes, III. Teufe unter biefer Sangebant.

246. Den zwenten Tag sind alle Stellen, unter ber hangebant des Flemmingsschachtes, genommen worden. Sie geben folgende Reihe; Teufen unter per hangebank (245) gerechnet. Ich will die Beobachtungen mit den in 244; fortzählen.

247. 1	Schacht	1 Teufe	Bar.
nii	Flemm.	0	25,00
V	F. C.	45,7	25, 04
VI	R. C.	265, 7	25, 27
VII	🤗. ઉ.	485, 7	25, 5t
VIII	Flemm.	691,0	29, 69

248. Diese Beobachtungen find ohnstreitig mit erforderlicher Einsicht und Sorgfalt gemacht; Edifius

fus hat sich auch versichert, daß das Barometer die Zeit über keinen Schaben gelitten; Er ist am Ende jeder Reihe seiner Beobachtungen wieder an den Ort gefahren, wo er angefangen hatte, und hat den Barometerstand gefunden, wie im Anfange. Die Sohen hat er vermuthlich angenommen, wie sie ihm die Markscheider gegeben.

249. Mir fiel also ein, Paare aus ihnen gusammen zu nehmen, und aus jedem folden Paare nach (39) ben Coefficienten zu bestimmen.

250. Z. E. Aus I; III; welches ber größte. Unterschied ber Hohen ben allen biesen Beobachtungen ist, so: c = 1003; f = 25, 74; g = 24, 81; daraus fand ich log B = 4, 7976698.

251. So liessen sich aus ben Beobachtungen bes ersten Tages für sich bren Paare nehmen, und aus ben fünf Beobachtungen bes zwenten Tages auch für sich zehn Paare; Jedes Paar giebt einen Goefficienten; Bollte man Beobachtungen zweener Tage zusammen nehmen, so mußte man auf die Aenberung bes Barometerstandes acht geben, benn II und IIII sind Beobachtungen an einer Stelle.

Alle diese Verbindungen habe ich nicht ges macht. Von denen die ich gemacht habe die Rechnungen herzusehen, ware zu weitlauftig, ich will aber die Resultate nach der Grösse der Coefficiene ten die ich gesunden habe ordnen.

252.	В	• ,	aus '.
1.	63928	IIII;	VIII
H	62758	l;	111.
Ш	62207	l U;	HI
IIII	55481	V;	VII
y	55403	V;	VI
VI	55379	III;	VII.

253. Ben den letten dren Werthen ift der Carlsschacht gebraucht, ben III und V; allein, ben VI mit dem Flemmingsschachte. Celsius bemerkt, im Flemmingsschachte sen warm, und im Carlsschachte starter und kalter Wind gewesen.

254. Ein kleinerer Coefficient zeigt bichtere Luft an, wie man aus Vergleichung von 39; 38; und auch daraus so gleich sieht, daß der kleinere Coefficient bep eben den f: y ein kleineres x giebt.

275. In so fern man also blos barauf sehn will, daßt kalte kuft bichter als warme ist, läßt sich schon einigermaassen begreifen, warum der Carlsschacht kleinere Coefficienten gab. Vielkeicht hat dieser Unterschied der Warmen, und der Wind, noch andere Wirkungen auf die Aenderung des Coefficienten. (9; 155;)

1856. Celstus berechnet nur, wie groffer Unterschied der Höhen einer tinie Quecksiber gehore. Ich sehe nicht, daß bieses viel lehret, und der Retur ist es deswegen nicht ganz gemäß, weil man ben

ben einem groffen Unterschiede ber Soben nicht an. nehmen barf, baß eine linie Quedfilber an ber obersten Granze ber Sabe swiel beträgt als an ber unterften. (60)

Celsius rechnet z. E. so: In 244; I; IM beträgt der Unterschied der Höhen 1003 Fuß, die Barometerstände 9, 3 linien, also giedt eine linie 107½ Fuß. Aber eine linie Barometerver- änderung auf dem Gipfel des Grufrisberges erfodert eine längere luftsänse, als 1003 Fuß tieser; ihre längen verhalten sich wie 25, 74; 24, 81 = 1,037: 1.

257. Celsius Erfahrungen mit andern zu vergleichen, muß man sie in pariser Maasse ansdrukten. Aus Celsius eigner Angabe, in den Abh. für 1739; und 1740, im 1. B. der Uebers. 256. ist der schwedische Fuß zum Pariser = 1: 1,0943.

258 Daraus bie schwedischen Decimalzolle in die pariser zwölstheiliche verwandelt, sinde ich ben Barometerstand in 247; 1111; = 27 Boll 4, 97 ober kurz 5 kinien pariser Maaß.

259. Wollte man Formein, aus Celfius Beabachtungen hergeleitet, mit andern vergleichen, so mitste man bende auf einerlen Maaß bringen. Zum Benspiele sese man f: y sen eine gegebene Beshaltniß zweener Barometerstände, ben Manar und ben Celfius. Ob jener parifer zwolftheiliche V 2 Bolle, diefer schwedische zehntheiliche brancht, barauf kömmt hie nichts an, wenn die Werhaltnis einerlen ist, so bekommen bende einerlen log (f: y)

Diesen logarithmen nun multiplicirt Mayer mit 60000, um die Höhe in pariser. Fuß zu bestommen, angenommen wie ich hie thun muß, daß er Fusse berechnen wollte, da er sich nur auf Lois sen einschränkt.

Mso mußte er eben den logarithmen mit 60000. 1, 0943 = 65658 multipliciren, wenn fcmebische Fuß berechnen wollte.

Das ist etwas grösser als ber I. Coefficient in (a52). Und so wurde man für einerlen Barometerstände, nach Magers Regel, etwas grössere Hohen bekommen, als nach einer Formel, die ermähnten Coefficiente brauchte.

Ballerius Erfahrungen habe ich in der Borrebe zu meiner Uehersehung des III. Bandes der Abhandl. der Kon. Schwed. Atad. erzählt.

Schobers Erfahrungen.

260. Im alten Hamb. Magaz. III. B. 250 S. besinden sich barometrische Beobachtungen, in den polnischen Salzgruben Wieliczka und Bochmia, b. 7 u. 22. Nov. 1743 angestellt. Sie sind von Hr. C. G. Schober, der durch seine Schrift von der Ueberwucht bekannt ist, die jeso alle Mathematikverständige als das einzige Werk seiner Art rühmen, wo Pheorie mit Ersahrungen verglichen ist.

ift, und zu der ich vordem mit groffer Muße; in Leipzig einen Verleger fand, der zur Erkenntlickfeit dem Verfaffer einige Eremplare gab. Er hatte, unter dem Vergrath Vorlach, Aufsicht über die polnischen Salzgruben gehabt, hielt sich um 1748 als ich mithm Umgang hatte, ben demfelben in Kösen ben Naumburg auf, von da er mir unterschiedene Aufsäse sur das hamburgische Magazin geschieft hat, und ist vor einigen Jahren als churstächs. Vergrath gestorben.

261. Schober hat die Dresdner Elle gebraucht in 24 Zoll, den Zoll in 12 Linien getheilt. Eben solche Zolle auch benm Barometer, dessen Borrichtung er beschreibt. Er hat am Ende jeder Reihe von Versuchen den Barometerstand an dem Orte, wo er angefangen, wieder so gefunden, wie im Unsfange.

Er hat ben seinen Versuchen von oben angefangen und immer bemerkt wie das Barometer in grösserer Teuse gestiegen ist. Ich will die Zahlen, davon nach der Ordnung hersehen, die Varometerstände in Linien ausgedruckt.

262.	Den 7. Nóv).
1	Teufe	Bar.
I	0	372,5
II	190	377
]] [[310	380
IIII	420	383
A	470	387

262. In

263. In einem andern Schachte als (261) 12c Ellen unter Tage, so tief als 262; III, stund das Quecksilber eben wie borten. Aber im Tiefsten des Schachtes 225 Ellen unter Tage, stund es bey \$82,5.

In biesem Schachte waren nach bergmannischen Ausbrucke keine Wetter, so bas bas licht nur mit Muhe schwach brennend konnte erhalten werben.

264. Den 22. Nov.

	Leufe	Var.
I	o',	371
II	70	373
IH	246	377,33
III	452	382
·V	613	386

265. Ich habe nur aus 262; I; V; ben Coefficienten nach (39) brechnet, und feinen logarithmen = 4, 5361673 gesunden. Ich sehe nahm. Ich V als die unterste Stelle, I als die oberste, an.

Zur Probe habe ich x für y = 380 berechnet, und = 272, 45 gefunden; das ist eine Höhe über der Stelle V; und läßt, von 570 abgezogen, die Tiefe unter der Stelle I; Diese Tiefe kömmt also 307, 54. Schober giebt sie 310; Also trifft die Rechnung mit seiner Messung erträglich zusammen.

266. Wenn ich nach diesem Coefficienten berech.
ne, wie hoch über V die Stelle ist wo y = 382, 5, so finde ich 174, 58.

Diese Stelle ware also 395, 41 tieser als I; Und 85 tieser als III. in (262).

267. Meine Absicht ben nachst vorhergehender Rechnung war, etwas von den Folgen des Wettermangels zu erkennen. In (263) ist die Stelle, wo das Barometer 382, 5 steht, 105 Ellen tiefer, als die, wo es 380 wie in (261; III) stand. Man muß sich also vorstellen, die kuft im Schachte wo die Wetter mangelten sen dünner, oder richtiger wohl, weniger elastisch gewesen. So war eine halbe kinke Uenderung benm Quecksilber zu verursachen, eine Saule etwa 20 Ellen länger als in (265) nöthig.

268. Ich habe auch aus 264; I; V; ben Coefficienten berechnet, und seinen Logarithmen = 4, 5515938 gesunden.

Nun berechnete ich daraus für y = 377, 33 (264; III; es sollte eigentlich 377½ kinie senn), x = 351, 35; dieses von 613 labgezogen, giebt die Stelle, für die ich gerechnet habe, 261, 64 uns ter der obersten. Schober aber giebt sie 246, so sehlte die Rechnung um 15 Ellen.

Sege ich aber y = 377; so finde ich x = 364, 87 und bas von 613 abgezogen, giebt biese Stelle 248, 12 Ellen unter der obersten, also nur

um ein paar Ellen von Schobers Angabe unter, schieben.

Solchergestalt trifft auch hie die Rechnung ziemlich zu, weil die Schäsung von i linie boch nicht ganz sicher ist.

269. Da also die Coefficienten, welche aus Schobers Angaben solgen, nicht ganz unbrauchbar scheinen, so hielt ich der Mühe werth, aus ihnen die zu berechnen, welche man brauchen müßte, aus den Barometerständen, Höhen in Toisen zu sinden.

Beift einer ber benden jego berechneten Coef-

x = C log (f: y), Dresbner Ellen.

270. Aus Rrufens Contoristen, in der VI Lafel, die am Ende bes I Theils befindlich ift.

Dresdner Elle = 250, 9 parifer Linien,

Des Bruchs, welcher in die Toisen multiplie eirt ist, logarithme ist 0, 4629870 — 1.

271. Alfo, C.
$$\frac{250,9}{864}$$
 = D. gefeßt, ist

x = D. log (f: y) Toisen.

230 log C+ log (250, 9: 864) = log D.

272. Da finde ich nun log D D aus 3, 9991543 9980, 5 (265)

3, 9991543 | 9980, 5 | (265) 4, 0145808 | 10341 | (268)

272. Die

272. Diefe benben Coefficienten, bie man brauden mußte für Toifen zu rechnen, find jeder nicht fo gar weit von Magers feinem unterschieden.

273. Noch kann man Schobers Barometerstänbe in parifer Maasse ju wissen verlangen. Ich will ben hochsten unter allen (261; V) berechnen.

Die Dresdner Elle halt 2. 144 = 288 Dresdner kinien, also ist die Dresdner kinie = $\frac{250,9}{288}$ partser kinien.

Der logarithme hievon zum logarithmen von 387 abbirt, giebt ben von 337, 14.

Also ist dieser Barometerstand 28 Zoll 1, 14 Linien pariser Maaß.

274. Das war der Barometerstand, vermuthlich in der größten Teufe, in welche Schober kommen konnte; 380 Ellen unter Tage, aber 570 Ellen unter dem Gipfel eines Berges, der über den Horizont, von dem jene Teufe gerechnet wird, 190 Ellen hoch war.

275. Dieser Barometerstand ist ohngefahr ber, ben man am Meere annimmt, eher noch etwas bober.

Db bas Barometer zur selben Zeit überhanpt hoch gestanden hat, liesse sich wohl ausmachen, wenn man barometrische Beobachtungen desselben Jahres aufsuchen wollte, wozu ich aber keinen Beruf empsinde.

Ich bathte es ware genug zu bemerken, daß Pohlen ein ziemlich flaches tand ift, wo man, fo tief unter seiner Flache, wohl im Horizonte des Meeres, oder gar noch niedriger, senn könnte.

Verhältniß der Sohen zweenet Gerter über einem Dritten, aus den Barometerständen.

276. I. Man seße, bren Barometerstände, in ber Ordnung, daß der größte zuerst genannt wird, heissen p; q; r; Ueber den Horizont wo derverste statt findet, sen der Horizont des zwenten, um Q, des dritten um R erhoben.

li. Mariotte, Halley, Scheuchzer, Horrebow, Bouguer, Mayer, stimmen barinnen überein, daß Q = k. log (p: q); R = k. log (p: x). Nur nimmt jeder für k was anders an.

III. Also sind sie auch barinnen eins, daß Q: R = log (p: q): log (p: r).

1111, Ober: Wenn man annimmt bie Diche te ber Luft verhalte fich wie die Rraft, mit welcher fie gebruckt wird; fo folgt ber allgemeine Cag:

Die Soben zweener Horizonte über einen nies brigern, verhalten fich wie die Unterschiede ber Logarithmen ber Barometerstande jedes Horizonts und des niedrigsten.

V. Weiß man also anders woher, die Höhe eines der dren Horizonte über den niedrigsten; so giebt

giebt die Regel Detri des andern feinen, ohne daß man daben zu entscheiden braucht, welcher von den genannten Gelehrten, in Absicht auf den Coefficienten, mehr Recht hatte.

VI. In der That hatte man sich alsbenn selbst einen Coefficienten bestimmt, wie aus (39) erhellt.

VII. Nach Hrn. Dan. Bernoullis Formel, fande sich die Verhaltniß ber benden Soben über einen Horizont so: Der niedrigste Horizont habe über das Meer die Johe H; so ist (181)

$$H = \frac{22000. c}{p} - 22000$$

$$H + Q = \frac{22000. c}{q} - 22000 \text{ Also}$$

$$Q = \frac{22000. c. (p - q)}{p. q} \text{ Und even fo}$$

$$R = \frac{22000. c. (p - r)}{p. r} \text{ Daher}$$

$$Q: R = \frac{p - q}{q}: \frac{p - r}{r}$$

VIII. Bollte man also nach Hr. Dan. Bern. Grundsten rechnen, ohne seinen Coefficienten 22000. c zu brauchen, so könnte man auch eine Höhe Q, geometrisch messen, und die Barometer-flände

stände an ihren benben Granzen beobachten. Das gabe wieder jede andere Sohe, für die man ben Barometerstand weiß, durch eine Regel Detri.

Br. de Luc.

277. Eines der hauptsächlichsten Werke für gegenwärtige Untersuchungen, sührt den Litel: Recherches sur les modifications de l'Atmosphére... par I. A. de Luc, Citoyen de Geneve; Corresp. des Acad. Roy. des Sc. de Par. et de Montpellier Genf 1772. 4°. I. Th. 416 S. II. Th. 481 S. nebst einigen Rupsertaseln. Es ist eben durch Versuche Höhen mit dem Barometer zu messen, und die Uneinigkeit unter den hiezu vorgeschriebenen Regeln veranlaßt worden.

278. Den Unfang macht bie Geschichte bes 230rometers, unterschiedene Vorrichtungen, leuchtenbe Barometer, Beranberungen im Barometer. ftanbe und Sypothesen ber Naturforscher beswegen. Bemuhungen mit bem Barometer Soben gu mef fen und bie unterschiebenen Regeln aus bem Barometerstande bie Boben zu berechnen. In biefem litterarischen Theile feines Werks zeigt Br. be & febr viel Belefenheit, in Allem, mas zu feinem Begenstande gehort, und richtige Renntnif, beffen was bavon ist gelehrt worben. Die Regeln mit bem Barometer Sohen zu meffen , tragt er fo vor, wie sie von ihren Erfindern sind gelehrt worden; er erinnert auch richtig, bag bie meiften biefer Re geln,

geln, nur in bem Coefficienten unterschieben find, ber auf die Dichte antommt (De L. T. I. S. 265.)

279. Hr. de kuc hat sich die Mühe gegeben, nach jeder der unterschiedenen Regeln, eine Tasel zu berechnen, die sich benm 334. I. seines ersten Theils sindet. Sie enthält Barometerstände durch alle Zolle, von 28 bis 16; und noch 27 Zoll II kinien, auch 15 Zoll is kinien. Der leste ist vom Hrn. de la Condamine auf einem Berge der Cordelie're, Nahmens Corason beobachtet worden. Der niedrigste den man noch in freyer kust beobachtet hat, (Cond. Voy. à l'équateur. . . p. 58) Die geometrische Messung hat diesen Berg 14820 Zuß hoch gegeben.

Für jeden dieser Barometerstände hat fr. be 4. nach jeder Regel die Sohe über den Horizont berechnet, wo das Barometer 28 Boll steht.

280. Bur Probe will ich feine Zahlen für ben Barometerstand auf bem Coraçon hersegen, und baben bas Facit meiner Nechnung nach ben Grundsfägen eben dieser Regeln, nur nach meinen Formeln geführt.

281. Damit man meine Rechnung leichter prüfen kann, erinnere ich, baß ich für sie zuerst ben höchsten und den niedrigsten Barometerstand durch 336 = f und 190 = y Linien ausgedruckt habe; Ferner ist log (336: 190) = 0, 2475857 = N

= N und burch Proportionalthelle; log N = 0, 3937255 — 1; Also, für jede der Regeln die nach (39) bewerkstelligt werden x = B. N.

282. Diese Regeln sind vom Mariotte (18), Horrebow (67), Scheuchzer (84; 93). Es gehören barunter auch die vom Bouguer (117) und Mayer (217), ob man wohl best diesen berden, wegen der besondern Beschaffenheit ihres Coefficienten, die Rechnung noch leichter sühren kann. Noch sinden, sich auch Formeln nach Daniel Vernoulli (172) und Cassini (203). Für Maraldis Voraussesung (202; II) habe ich keine Formel berrechnet.

283. Nach, jeber ber jest genannten Regeln nun, hat fr. de & eine Lafel berechnet, Mapers seine, wie leicht zu erachten, ausgenommen. Und zwar nach Mariotten, zwo Laseln, eine die er: nach Mariottens Grundsäsen, nennt, nahmlich: die Schichten jede einzeln berechnet, und zusammen addirt (59) die zwepte, durch Verwandelung der eigentlichen Progression in eine arithmetische.

Die Höhen sind von Kr. de & in pariser Fufen und zwölftheilichen Zollen ausgedruckt. Dies se Genauigkeit ist bie nicht undienlich die Resultate der Rechnungen gegen einander zu halten, obwohl sonst Krn. de kur nicht unbekannt senn kann, daß keine Regel von ihrem Ersinder nur die auf einzelne Fusse für zwerlässig angegeben wird.

984. Aus diesen Tafeln seige ich nun die lesten Glieder her, und schreibe neben jedes, was meine Rechnung mir giebt (282). Beträchtliche Unterschiede zwischen meiner Rechnung und Hr. de kuc seiner, kommen nur da vor, wo Hr. de & nach seinem Versahren Schichten, und also hie, deren viel, hat abdiren mussen, wie benm Mariotte, Horrebow, Cassini, und so bestätigen sie, wie wichtig der gegenwärtiger Untersuchung, der Gestrauch solcher Formeln ist, die man am bequemsten durch die Integralrechnung sindet (59).

Benm Mariotte, giebt Hr. de 1. mehr an, als ich, und sollte weniger angeben. Ob ich mich verrechnet habe, wird man leichter prufen, als ob er sich verrechnet hat. (61)

285. Boben des Coraçon; nach unterschiedenen Berechnungen.

Br. de luc	Meine Rechu.
12087 F. 2 Zoll	12049
13167 4	
14486 I	14486 -
19941	
12386 5	12386
16090	16217
16905 3	16905, 26
14334 4	14344, 2
14359 11	14359, 9
	12087 F. 2 30ll 13167 4 14486 I 19941 12386 \$ 16090 16905 3

Mapers

Mapers Regel giebt, Decimalbride sum Uebenflusse mit hingeschrieben, 2475, 857 Toisen = 14855, 142 Fuß.

Ist es ein glücklicher Zufall, daß Mann bie am nächsten zutrifft? (279)

286. Nun trägt Hr. de L. Erfahrungen von der Versertigung und dem Gebrauche der Varoms ter und Thermometer vor. Als die vornehmste Ursache, warum Varometer nicht miteinander übre einstimmen, giebt er wie natürlich die Lust übre dem Quecksilber an. Wer die Wirtung dieser Lust allgemein übersehen will, darf sich nur an (7) erinnern; Wenn sich über dem Quecksilber noch n mahl dumnere Lust als die natürliche besindet, so isst (7; X und XIII) die Höhe des Quecksilbers in

der Röhre oder $g - y = \frac{n-1}{n} f$; Es sieht

nahmlich allemahl um $\frac{1}{n}$ f niedriger, als es in einem vollkommenen Barometer senn wurde. If n=96; f=28 Boll, so steht es nur 27 30ll $8\frac{1}{2}$ Linie hoch.

287. Wenn in zwen solchen Röhren gleichviel tuft über dem Quecksilber ist, so with sie in der dumner senn, in welcher der Raum über dem Quecksilber, y, grösser ist; (7; XIII) Also könnte man darauf fallen, diesen Fehler durch langs Röhren zu vermindern, Daben erinnert Kr. de

daß in diesen leeren Raum über bem Quecksiler, tuft aus dem Quecksilber aussteigen werde. Dieses Quecksilber kann nach Gelegenheit, mehr der weniger tuft enthalten, an den innern Wänden er Röhre hängt tuft, und wenn so der leere Raum ber dem Quecksilber nur dadurch soll erhalten wersen, daß man die Röhre ganz mit Quecksilber süllt nd es alsdenn heraussallen läßt, so bleibt immer diesem Raume eine unbekannte Masse kuft, die och dazu, durch Feuchtigkeit und Wärme, sehr erschiedentliche Federkraft bekommen kann.

288. Hr. de Lempfiehlt daher, das Queckfile ber felbst in der Rohre kochen zu lassen, und zeigt die Borrichtung genauer und übereinstimmender Barometer und Thermometer, auch wie sie eingenichtet werden, auf Bergreisen zu dienen. Dieses die bezzuhringen, müßte ein groffer Theil des Buchs abgeschrieben werden, ich schränke mich alo darauf ein, was die Abtheilungen von Irn. de. Werkzeugen betrifft, daraus man seine Beobochtungen verstehen kann.

289. Zum Barometer braucht er eine burchnus gleich weite Rohre, also in einen fürzern
Schenkel auswärts gebogen. Die Scale bazu
ichtet er folgendergestalt ein: Man stelle sich diee gebogene Röhre ansangs an benden Enden offenvor, und in ihr das Quecksilber, damit sie soll geklit werden. Das sest sich also in bende Schenu in eine Horizontallinie. In diese Stelle schreibt

er an jeden Schenkel o. Mun trägt er parifer Zolle von diesen benden Gränzen, am langen Schenkel auswärts, am kurzen, welcher offen bleibt, niederwärts. If nun alsdenn das Barometer zugerichtet, so addirt er die Zahlen, ben denen das Quecksiber im langen, und im kurzen Schenkel steht. Stunde es im langen, verschlossenen ben 20, im kurzen offenen, ben 7; so würde eine Quecksilbersäule, 27 Zoll hoch, durch die Atmosphäre erhalten. §. 485.

Er hat in ber Scale bie Bolle bis auf Biertheillinien mit Strichen getheilt, und traut sich zu, Zwey und brepfigtheile anzugeben. §. 486.

Uebrigens gesteht er, daß solche Varometer zu ben täglichen Witterungsbeobachtungen nicht recht bequem senn wurden. §. 386.

290. Barometer ganz ohne Luft zu haben, erklart Hr. de & für unmöglich. Aber nach seinem Berfahren wurde in jedem Barometer nur wenig kust übrigbleiben, in einem ohngefähr so viel als im andern; Und so glaubt er, wurde sich der Einfluß der Wärme auf das Barometer bestimmen lassen.

291. In dieser Absicht hat er im Winter, Barometer und Thermometer, in einem kalten Zimmer beobachtet, das Zimmer geheißt, und nun
bemerkt, was für Uenderungen der Barometer und
Thermometer zusammen geschehen. Die Vorsichtigkeiten

tigkeiten mit benen er biese Versuche angestellt besichreibt er 362 u. f. S. Das Resultat berselbenist folgendes:

292. Wenn der Barometerstand 27 Zoll war, und die Warme so geandert ward, daß das Thermometer vom Epspunkte bis jum siedenden Wasserstieg, so wuchs die Hohe des Quecksibers im Barometer genau um sechs linien.

293. Weil biese sechs linien 96 Sechszehnstheile betragen, so theilt er an einem Thermometer ben Abstand erwähnter benden Punkte, in 96 Theile; ein solcher Theil Aenderung des Thermometers stimmt also mit ka linie Aenderung des Barometers zusammen.

Nun schien ihm nothig, einen Grad der Wars me für die Gränze an seinem Thermometer zu wähsten, über und unter welcher die Verbesserungen zu machen wären. Hiezu sand er den achten Theil des ganzen Abstandes der benden äusersten Punkte, Von unten herauf gerechnet, am bequemsten, wos von er die Ursache S. 372 angieht. Da sest er also 0 hin, zählte von da; — 12 Grad bis an den Enspunkt herunter und + 84 bis an das sies dende Wasser hinaus.

294. Ben einem andern Barometerstande, als bem nach welchem sein Thermometer abgetheilt war (292), berechnet er die Anderungen nach ber 3 2 Regel,

Regel Detri, und giebt §. 374; folgendes Erempel: Es besinde sich ein Barometer auf einem Berge ben 13½ Zoll, das andere am Jusse desselben ben 27 Zoll. Ben jedem ist ein Thermometer. Stehn bende Thermometer ben, so ist nichts zu verdessern. Wären sie aber bende ben — 16; so addirt er zum Barometerstande am Jusse des Berges ½ Livnie — 1 Linie. Für das auf dem Berge, macht er die Proportion: Wie 27 Zoll zu 1½ einer Linie, so 13½; zu der Menge Sechszehntheile einer Linie, bie zu 13½ Zoll müssen addirt werden; diese Menge ist ½, und die addirt er zu dem Barometerstande auf dem Berge. Wären die Thermometer bende plus, so müste eben auf diese Art abgezogen werden.

295. Hr. be kuc erinnert felbst S. 370, baß bieses Verfahren sich barauf grunde, baß bie Quecksilbersaule, von gröfferer Warme langer, von geringerer kurzer wird.

Aus seinen Erfahrungen also muß man ans nehmen, er habe sie zu einer gewissen Zeit 27 Zoll lang gefunden, und baben sein Thermometer (293) ben 0.

Aendert sich sonst nichts, als daß die Barme m seiner Theile über sein o steigt, und was daraus erfolgt, so verlängert sich die genannte Quecksilbersäule um soviel Sechszehntheile einer Unecksilbersäule um soviel Sechszehntheile einer Unie.

Und

Und verfürzt sich um soviel, wenn bas Thermometer m Theile unter o fteht.

Sieht man die Theile über ober untero, wie gewöhnlich, als bejaht ober verneint an, so läßt sich die Bergleichung so abfassen:

296. Man nenne ber Rurge wegen 1 lin. =

Barometer Thermom.

27 ± m. e ± m

297. Soviel ist also richtig: Wenn in Hr. be Erempel (294) zu der Zeit da sein Thermometer — 16, das Barometer 27 Zoll — 1 linie beobachtet wurde, so mußte man sagen, es wurde für 0 des Thermometers, ben 27 Zoll stehn.

298. Aber umgekehrt, wenn es für — 16 bes Thermometers ben 27 Zoll steht, läßt sich nicht ein gentlich sagen: Es würde sür o des Thermometers ben 27 Zoll + 1. Linie stehen.

299. Das eigentliche Verfahren wird fich burch folgende Rechnung entbeden:

Ich nehme an, mit Hr. be & \$.\foots7370; ben gleicher Aenderung ber Warme andern sich bie Längen von zwo Quecksilberfaulen in ber Verhalbnif ber kangen felbst; So:

Saulen 2 b Aenderungen u. e z. e

Į0

fo iff $z = \frac{b. u}{2}$

300. Nun also setze man ben —m bes Thermomer ters werde die Quecksilberfaule 27 beobachtet. Wie viel andert sich biese Quecksilberfaule, indem sich bas Thermometer von — m bis o andert?

Aus (296) ist flar, daß sich ben dieser Aenderung bes Thermometers die Saule 27 — n. e um n. e verlängert.

' Alfo Schließt' man

 $27 - \text{m. e: } 27 = \text{m. e: } \frac{27}{27 - \text{m. e}} \text{.me}$

Das leste Glied diefer Proportion zeigt, um wieviel sich die beobachtete Quecksilbersäule verlängert; over: wieviel man zu den beobachteten 27 Zollen abdiren muß, die länge zu bekommen, welche für bas Thermometer ben o gehört.

Für m = 16 beträgt es 324 linie.

301. Allgemein ware die Rechnung so anzussellen: Man beobachtet den Barometerstand B Zolf = B. 12. 16. e, da das Thermometer ben m steht. So gehörte zu o des Thermometers ein Barometerstand, der um x. e vom Beobachteten unterschieden ware.

Ist ben in der beobachtete. Baromeeerstand (27. 16. 12 + 111). e, so andert sich verselbe um m. e, wenn fich bas Thermometer von m bis o andert. (296).

Also nach (299)

27. 16. 12 + m: B. 12. 16 = m: x ober $a = \frac{m \cdot B}{27} \cdot \frac{1}{1 + m: 27. 16. 12}$

Mun wird m gewiß nicht ± 84 (293)

Also ist, was in bes zwenten Bruchs Menner zur 1 abbirt, immer viel kloiner als 7: 27. 16 ober als 3. Man kann also biefen zwenten Bruch ohne merklichen Febler für 1 annehmen.

Und so ist $x = \frac{m \cdot B}{27}$; hrn. de lucs Regel, in völliger Scharfe nicht richtig, aber so weit, sie angewandt wird, ohne merklichen Fehler brauchbar.

Die bisherige Rechnung fest ben Barometerstand in Zollen ausgebruckt. Ich will nun annehmen, er sey in Linien gegeben. Also ber unverbesserte Barometerstand B Linien;

So ist die Verbesserung m. B 27. 12. 16 linien.

Die Zahl im Menner ist 5184; Und

 $\log \frac{1}{5184} = 0.2853349 - 4 \text{ dem beynahe}$ Die Zahl 0. 00019290 gehört.

3 4

Alfo ift ber verbefferte Barometerftanb = B.

Wo man des zwenten Factors lettes Glied leicht mit den Logarithmen berechnet.

So wurde ich am liebsten rechnen. Hr. te E. fücht die Verbesserung in Sechszehntheilen einer Linie, und bruckt also auch den Varometerstand so aus:

302. So hat Hr. be & ben unterschiedenen seiner barometrischen Beobachtungen die Verbesserungen wegen der Barme berechnet; Wenn aber die Varometerstände sehr unterschieden sind, und man viel Beobachtungen macht, schlägt er vor, die Scale des Thermometers in der verkehrten Verhältniß der Varometerstände zu andern, daß ein Theil der Scale, allezeit unmittelbar, Sechszehntheile von Linien giebt. Wie die hiezu nöthigen Zeichnungen zu machen sind, lehret er h. 490 u. s.

303. Hr. de & sucht hiedurch Rechnungen auszuweichen, ganz leichten, die aber frenlich alle Augenblicke vorkamen. Indessen murbe wohl Mancher lieber diese Rechnungen machen, als so viel eigne Scalen zeichnen. Und wenn man solche Beobachtungen miteinander vergleichen, und allgemeine Sage daraus herleiten wollte, so muß-

ce man doch diese Scalen alle wieder in eine einzige verwandeln. Zu dieser Absicht ware es selbst dienlicher gewesen, wenn Hr. de & durchaus eine schon bekannte Abtheilung, etwa die reaumurissche, oder weil diese selbst zwendeutig ist, eine and dere bestimmte, gebraucht hatte, anstatt die Thermometerscalensprachen, deren Menge uns so schon, ohne den geringsten Nusen beschwert, noch mit einer de lucischen zu vermehren, und von dersselben ohngesähr soviel Dialecte zu machen, als Zolle Aenderungen im Barometerstande sind.

304. In die Fahrenheitische, die ein Deutscher immer benbehalten mochte, nicht nur weil sie die beutsche, sondern auch, weil sie zur Ehre unsers Baterlandes, die alteste, richtige Thermometersprache ist, in diese, liesse sich Hr. de Luc seine so übersehen:

Zwischen o und Wom Epfpunkte bis an den Siedpunkt sind 180 Fahrenheitische Grad, und 96 de kuclsche; Alse 15 Fahr. = 8 de kuc.

hrn, be lucs 0; ift 12 feiner Grabejuber ben Enfipuntt, ben Fahrenheit mit 32 bezeichnete.

Also ist Hr. de & 0; ben 32 + \frac{15. 12}{8}

eder 54, 5 sabr. Srad.

Und ein Grad, der ben Hr. de tuc m beißt, ift ben

... Wenn m = — 16; so ist dieser Grad 54, 5 — 30 oder 24, 5 Fahrenh.

Und, ben'27 Zoll Barometerstande, gehort fr. be i. Erfahrung gemäß, To einer Linie Uenberung im Barometerstande wegen ber Barme, ju 1, 875 Fahrenheitischen Graden Aenberung der Barme.

Soll ein Grad, ben Br. de L. mit in benennt, benm Fahrenheit M heissen, so ift

M = 54, 5 + m. 1, 875 ober

$$m = \frac{M - 54, 5}{1, 875} = \frac{M}{1, 875} - 29,$$

0666. . . .

Man verwandelt so jeden fahrenheitischen leicht in den de Lucschen; Weil log (M: 1875) = log M — 0, 2730013.

Ober man hat auch $m = \frac{8 \text{ M}}{15} \rightarrow \frac{1}{2} \text{ M}$

 $+\frac{7}{30}$ M -29, 0666

305. Hr.

305. Hr. be k. hat Höhen, auf benen er Badometerstände beobachten wollte, geometrisch und unch durch nivelliren gemessen. Die grosse Sorgalt, die er hieben angewandt, beschreibt er \$.508 1. s. Auch eine Vorsichtigkeit, wenn man eine Höhe unmittelbar mit einem kothe mist, wo das Gewicht die Schnur ausbehnt, welche Unrichtigkeit auch der Hr. v. Oppel Markscheibek. S. 418. bemerkt, und ihrentwegen Vorschristen gegeben hat, von denen sich die beste frenlich nur in Schachten wo Fahrten sind bewerkstelligen läst.

306 hr. be & stellt sich die kuft in Schichten nach Mariottes Urt getheilt vor, und zeigt S. 549; weltläuftig, wie man die Summen dieser Schichten findet, nachgehends bemerkt er, aus Bouguers Unterrichte, daß diese Summirung sich durch Abzug ber Logarithmen bewerkstelligen lasse. §. 555.

307. Durch die Ersahrung hat er gefunden f. 561; daß ben einer gewissen Temperatur der Luft, wenn das Barometer ben 29 Zoll oder 348 Linien steht, die unterste Schicht 12497 Tausendtheile einer Toise ist.

308. Diese Temperatur muß 163 eines Thermometers gewesen senn, das zwischen ben festen. Granzen (termes fixes) in 80 Theile getheilt ift. 6. 588.

Da diese festen Granzen, Enspunkt und Sies depunkt sind, so sind diese 80 Theile = 180 fabrenbeit.

renheit. Graben ober ein folcher Theil = 2 Fahr. Graben;

Das Thermometer, das vom Enspunkte zum Siedepunkte 80 Grade zählt, wird wie Hr. de Lemeldet oft das reaumurische genannt; (denn man nennt auch wohl das reaumurische, wo dieser Grede 90 sind, dessen Vergleichung mit dem fahrenheitischen ich im II. Th. meiner Unfangsgr. der Mathematik gezeigt habe.)

Der Grad, welcher die erwähnte Temperatur anzeigt, ist $\frac{16, 75.9}{4} = 37, 6875$ Fahrenheitische Grade über den Enspunkte.

Abdirt man dazu 32; die Zahl der Fahren heitischen Grade benm Enspunkte, so steht diese Temperatur benm 69, 6875 Fahrenheitisch. Grade.

Zählt man, über die Stelle dieser Temperatur bejahte Grade, unter sie verneinte, von der Grösse wie ihrer so zwischen Enspunkt und S. 2B. enthalten sind, so sind n solcher Grade ben 69, 6875 + n. 2, 25 Fahrenh. Grad.

Diese Scale, wo o ben 163 Graden über bem Enspunkte steht, so baß zwischen Enspunkt und S. 2B. 80 Grade sind, nun aber Grade dieser Broffe, über oder unter o gezählt werden, will ich D nennen.

309, Beil log (348: 347) = 0, 0012497; So giebt die Erfahrung (307) in (39) gebraucht = 12,497 und den Coefficienten = 10000.

310. Also, ist nach Hrn. de lucs Ersahrungen über den Horizont, wo der Varometerstand 29 Zoll ist, die Höhe 10000. log (348: y) und über einnem andern, wo er h linien ist, die Höhe 10000. log (348: h) und folglich zwischen den benden Stellen, wo die Varometerstände h und y linien sind, die Höhe 10000. log. (h1 y)

311. Das ift also völlig die Regel nach der Maper seine Tafel gemacht hat (219).

Ich zweisele, daß in dem Jahre, da Mayer seine Tasel Hrn. Prof. Hollmann muß mitgetheilt haben, (233) überhaupt etwas umständliches von diesen Bemühungen des Hrn. de L. bekannt gewesen. Und so hatte Mayer seine Tasel auf Vorschriften gegründet, die Hr. de L. ohne was von M. Taseln zu wissen, auch durch seine Ersahrungen herausgebracht hat.

312. Anstatt aber, eine so leichte Regel, aus seiner Erfahrung herzuleiten, handelt nun Hr. de L. S. 562 u. f. sehr weitläuftig von Abtheilung der Atmosphäre in Schichten, deren jede einer linie Quecksiberfall gehört. Solcher Schichten macht er 348; und betrachtet sie auf zweiselen Art, einmahl; als wenn in jeder die kust durch

aus fo bicht mare als an ber oberften Granze , bars nach. als wenn jebe burchaus fo bichte luft hatte als an ihrer unterften Grange. Das erfte giebt offenbahr die Schicht zu groß, bas andere zu flein (Man f. 60). Fur jede biefer Voraussekungm nun lehrt Br. de &. eine Regel die Groffe jebn Schicht anzugeben. Es ift flar, baß fur bie lette die Formel bie fenn muß bie ich 60; V; gige ben habe. Fur Die erfte, wenn bie Groffe bet Schicht V beißt, und bie Barometerftande in & nien ausgedruckt merden fommt V = c. (f-1): (y — 1) worauf auch Hr. de Lucs Regel § 562. binauskommt. Diefe Schichten nach jeber Bore aussehung berechnet, mußte man nun jufammen abbiren, Die Sobe für einen gegebenen Barometer. ftand ju finden, und fande folche Sobe einmahl ju groß, bas anderemahl zu flein.

Nun, durch diese Berechnungen der Schickten, die Art wie sie mussen addirt werden, und das zu groffe und zu kleine, windet sich Hr. de kfunf Blatter groß Quart durch, kömmt dahin, daß dieß auf eine unermeßliche Arbeit führte, die man gewiß wurde liegen lassen. Wenn nicht zu allem Glücke Neper die Logarithmen erfunden hatte.

Diese Witlauftigkeit entschuldigt er s. 577 hamit, daß die, wilche die Eigenschaft der Sop rebel kennen, gleich vom Anfange wurden gesehm haben, worauf es ankomme, für Andere aber wurde wurde fein Beweis, ber mehr mit ben phofifden Urfachen verbunden mare, verftanblicher fenn.

Hr. be luc fommt boch wieder zu seinen Schichten, und zeigt § 582 u. f., wie man ihre Summen berechnen, diese weitlauftige Arbeit abstürzen, und boch was der Wahrheit ziemlich nashes herausbringen könnte, . in dem Falle brauchsbar, wenn man etwa keine logarithmischen Tafeln hatte.

313. Run zeigt Hr. be L. wieviel die Warme ben Barometerstand andert; S. 587. u f. Er maaß Sohen geometrisch, und mit dem Barometer; sah, wo die Rechnung aus den Barometerständen, durch die logarithmen geführt, mit der Messung überein traf; und fand ben diesen Beobachtungen daß die mittlere Warme, die (308) ans

gezeigte mar.

314. Nun ordnete er seine Beobachtungen von neuen so, daß er die, wo grössere Barme, und die wo geringere gewesen war absonderte, ben jeder Beobachtung merkte er sich die Warme an, und was die logarithmen gaben, in Jussen ausgedruckt. Ben jeder Station berechnete er die Summe aller Grade der Warme, über den vorhin angezeigten, und aller Höhen welche ihm die Rechnung gaben. Eben das that er für die Grade der Warme unter dem angezeigten; Uus jeder dieser benden Rechnungen nahm er das Mittel, verglich solches mit dem, was die logarithmen ben den Höhen zu viel oder zu wenig gaben, und so sand er, sür jeden Grad.

Grab ber Warme über ober unter bem angezeigten wie viel Fuß man zu ber berechneten Höhe abbi. ren ober bavon abziehen muffe.

Hiervon giebt er folgendes Erempel: Eine seiner Stationen ist 2582 Fuß über die gemeinschaftliche Grundlinie erhoben. Ben ihr hat er zu unterschiedenen Zeiten 17 Beobachtungen angestellt. Darunter war den achten das Thermometer niedriger, als der angezeigte Grad; Diese acht Thermometerstände unter angezeigten Grade als verneint angesehen, haben zur Summe — 33%.

Ben ben neun übrigen Beobachtungen gaben bie bejahten Thermometerstanbe jur Summe +

31 %.

Jede Summe mit der Zahl ihrer Beobachtungen dividirt, giebt Mittel; Die Hr. de & (der Wahrheit so nahe als hie nothig ist) — $4^{\frac{1}{\sigma}}$; + $3^{\frac{1}{2}}$; sest.

Die Hohe ward durch die Logarithmen aus jeder der ersten acht Beobachtungen berechnet. Die Zahlen dieser Rechnungen machten zusammen 21037 Fuß.

Diese Summe auch mit 8 bivibirt, giebt

bas Mittel biefer berechneten Boben 2630.

Die Höhen aus den letten neun Beobachtungen berechnet, gaben jur Gumme 22875; das Mittel aus ihnen 2542.

Wenn man jedes dieser Mittel aus berechneten Höhen mit der geometrisch gemessenen vergleicht, so sindet sich folgendes;

— 41 Grad

4 grad geben 48 Fuß zu viel 40 zu wenig

7 3 Gr. U. ber 2B. geb. 88 Fuß U. b. Soben.

Folglich giebt i Grad Unterschied ber Barme ohngefahr 114 Sug Unterschied ber Sobe.

315. So berechnet Hr. de & alle seine Beobachstungen, ben allen seinen Stationen, fand aber nicht überall Einsormigkeit zwischen Vermindezung der Wärme und Vermehrung. Weil er aber weber biesen Irrthum noch besselben Ursache kannte, machte er sich eine Tasel, wieviel Juß für jeden Grad der Wärme mußten geändert werden, und verbesserte darnach seine berechneten Höhen.

316. Nun vrdnete er sich seine Bedachtungen bon neuem, mit Umständen der Witterung und der Zeit. Und da fand sich, daß alle, die um die Zeit des Aufganges der Sonne gemacht waren, abgleich wie die übrigen berechnet, allemahl dem dret der Beobachtung weniger Sohe gaben. §, 593.

317. Er versicherte sich durch Vergleichung seiner Erfahrungen, die Wärme sen am kleinsten venm Aufgange der Sonne, am größten, wenn der Zeit vorben sind, da die Sonne über dem Jorizonte ist, und ihre mittlere Grösse falle in den unften Theil dieser Zeit, oder kurz vor Unternang der Sonne, S. 595.

318. Die Ursache ber Ersahrung (316) scheint ihm §. 597. ber Ostwind zu senn, ber sich oft kurz vor Aufgang der Sonne erhebt, wenn zuvor die Luft ganz still war. Er glaubt wenn so, bewegte Luft, an ruhende stosse, so werde die Luft der Shene auf die Berge gehoben, bergesteit, daß daselbst das Barometer höher stehe, als es der Warme gemäß stehen sollte; So werde sein Unterschied vom Barometerstande in der Sbene kleiner, als er sem sollte, und die Rechnung giebt dergestalt die Höhe zu klein.

319. Uebrigens halt er nicht für unmöglich, daß die erwähnte Ausnahme, wegen ber Beobachtungen ben Aufgange ber Sonne, manchmahl wegfallen könnte, wovon vielleicht die Ursache in der befondern lage ber Derter zu suchen ware.

320. Weil Hr. de L. kein Gefes, nach dem die se Ausnahme sich richtete, entbeden konnte, so kester diese Beobachtungen alle benseite. Sie fanden sich alle ben verneinten Graden der Wärme. Und so mußte er, nach ihrer Weglassung, auch die Rechnungen (314) andern.

Von ben acht Beobachtungen bes bortigen Exempels, war eine ben Aufgang ber Some gemacht, die Wärme — 5 &; die Höhe die sie gob 2600. Er ließ sie weg, so kam, für die übrigen sieben, mittlere Wärme — 4; mittlere Höhe 2634;

Und nim folgte aus diesen sieben, mit ben ubrigen neunen zusammen, daß ein Grad Barme weniger, brenzehn Juß Hohe mehr giebt.

321. Durch biese Weglassung nun, erhielt er so viel Einsormigkeit, daß die Verbesserungen der Höhen, für Grade über bem bestimmten Punkte, grösser waren, als für Grade barunter S. 602.

342. Run suchte er (f. 607) für jebe feiner Stationen bie Berhaltniß, zwischen ber Sobe des Ortes, und der mittlern Zahl von Fussen, die man, für einen Grab bes Thermometers, um ben bestimmten Punkt berum, abbiren, ober abzieben mußte; Imgleichen nach was fur einem Gefeße fich biefe Berhaltniffe anberten, wenn man fich auf eine ober bie andere Ceite von biefem bestimmten Punkte entfernte. Nach Wollenbung biefer Arbeiten fand er, foviel Uebereinftimmung gwiichen ben Werhaltniffen, bie er ben jeber Station gefunden hatte, und fo wenig Ordnung ber ihren fleinen Unterschieden, bag ihm einfiel, alle bie Bruche, welche biefe Berhaltniffe ausbrucken, ju combiniren. Das zeigte ihm: Um ben beftimm. ten Punft berum, verhalte fich bie Berbefferung, ber Bobe, für einen Grab bes Thermometers, wie 1: 215; Und allgemein fagt er: Die Berbefferung für einen Grad des Thermometers plus ober mis nus, fen ju ber Bobe welche bie logarithmen geben. wie 1: 215.

323, Diesen, mir etwas bunteln Ausbruck, habe ich mir burch ben Gebrauch erlautert; ben Hr. 21 a 2 be &

be & in ber Folge bavon macht, und ben ich balb erklaren will. Er bedeutet alfo fo viel: Das Ther mometer (308) flebe n feiner Grabe über feinemo; Die Sobe, welche man aus ben logarithmen findet,

fen b; So ift die Verbefferung = 1215. b; und

die verbesserte Höhe = b. (1 + 1/216. n') =

10000. (4 + $\frac{1}{915}$ n). log (f: y)

324. Gr. de & aber fürchtet fich vor ben Bab len 215 und 163, die er ben feinem Thermometer brauchen mußte. (f. 608) Daber macht er eine neue Scale folgendergestalt.

Er macht die Proportion 215: 500 = 80: 186. Diefe vierte Proportionalzahl (fie follte eigentlich 186 3 fenn) giebt ihm, wieviel Theile zwifchen bem Epppuntte und fiebenben Baffer gemacht werben.

Mun wieder die Proportion 80: 186 = 16%: 29 wieviel Theile vom o bieser Scale bis an ben Engpunkt herunter find. (Eigentlich maren ihrer

38 34).

Auf dieser. Scale heißt das siedende Waster + 147; ber Enfipuntt - 39.

Wenn nun bas Thermometer ben + c Gra ben biefer Scale steht, so ist die verbesserte Sibe

325. Aus biefer Formel, die Hr. be & giebt, (§. 611) habe ich mich erst versichert, daß sein vorriger mir dunkler Ausbruck die Bedeutung habe, die ich ihm (323) bengelegt.

Diese neue Scale, die Hr. de kuc macht, heise E. So sind (308) 80. Theile von D = 500. 80

Theilen von E; oder 43 von D = 100 von E.

E; 16, 75. 100 Theile von E ober 38 45 folcher

Theile.

Diefes o und bas von D find an einer Stelle.

Auch find c Grade von $E = \frac{43 \cdot c}{100}$ Graden

on D.

Man sege biese Bahl = n; also $c = \frac{100. \text{ n}}{43}$

So wird $\frac{c}{500} = \frac{n}{215}$ and Irn. de L Forstell (324) verwandelt sich in meine (323).

Ein Grad von E ist 0, 43. 9: 4 = 0,9675 threnh. Grad.

326. Wenn man in (308) 0, 43. c statt n ft, fo erhellt folgendes; (weil 0, 43. 2, 25 = , 9675).

c Grade der Scale E find ben (69, 6875 + c. 0, 9675) Fahrenheitischen.

Sest man diese Zahl Fahrenheitischer Grade

m; so hat man $\frac{m-69,6875}{0,9675}$ Grade der

Scale E ben m Fahrenheitischen Graben, wo man gur Bequemlichkeit bie beständige immer abzugien hende Zahl berechnen kann.

Diese Zahl ist = $\frac{278,75}{3,87}$ = 72, 028, wie ich aus ihrem Logarithmen finde.

Der erste Theil läßt sich leicht burch die togarich men berechnen, ba man zu log m nur den bestän-

vigen log $\frac{10000}{9675}$ abbiren barf.

Es sey in = 212; so ist log m = 2, 3263359 best log = 0, 0143489

Summe = 2, 3406848

gehört zu 219, 62 abgez. 72, 028 Rest 147, 59

foviel Grade der Scale E stehen beym Siedpunkte.

327. hr

327. Hr. de & hat § 611; der 100 Seite des II. Th. einen Kupferstich bengefügt, wo die Fahrenheitische Scale, die sogenannte reaumurische, (308) die (293) und die, welche ich E nenne, (325) miteinander können verglichen werden. Die dritte der erzählten, heißt da: Scale des Thermometers, um die Wirkung der Wärme auf das Barometer, um 27 Zoll herum, zu verbessern; die vierte ist: Scale des Thermometers, die Temperatur der Lust anzuzeigen.

Auf biesem Aupferstiche sind vom Fahrenheis tischen o bis 212; sechs pariser Boll, und so liefsen sich die andern Scalen kenntlich genug ab-, theilen.

Indessen erhellt aus Borigem, daß felten ganze Theile einer dieser Scalen, an ganze einer andern, passen. Wer also eine genaue Bergleischung verlangt, muß sich boch ber Formeln bediesnen, die ich gegeben habe.

328. Es ist schlimm, daß nach allen diesen Bemühungen doch besondere Umstände eines Oretes die aus ihnen hergeleiteten Sätze andern. Hr. de L. giebt & 618. einen Berg den Genfzum Bepspiel, den die Sonne vom Mittage bis zum Untergange bescheint, und so start erhist, daß man noch früh vor Aufgange der Sonne Wärmed daran bemerkt. Dieser erhiste Berg theilt also Aa 4

feine Warme ber benachharten luft mit, sie breitet sich baburch aus, und wird specissich leichter als sie andersmo in eben der horizontalen Schicht ist; so steht das Barometer am Jusse des Berges, niedriger, als andersmo in eben dem Horizonte. Diesen Gedanken hat sich Hr. de L. dadurch bestätiget: Wenn er Höhen an diesem Berge mit dem Barometer Nachmittage maaß, so sand er sie allemahl zu groß; Hatte aber Negen oder Wind den Berg abgekühlt, so sanden sich die Höhen richtig. S. 621.

329. Hr. be & erzählt f. 624 u. f. umftandlich eine Menge Beobachtungen, die er angestellt, und mit feinen Vorschriften, die größtentheils baraus hergeleitet und baburch berichtigt find, vergleicht.

330. Folgendes wird also bes hin. be & etwas zusammengesetzes Versahren, im Zusammenhange vorstellen:

Rebft bem Barometer, bas nach feiner Urt vorgerichtet ift, braucht er wenigstens zwen Ther-

Das eine ist am Barometer, die Scale (293) es dient zu zeigen, wieviel zu dem Stande den das Queeksider im Barometer hat, muß abdirt, oder davon abgezogen werden, den Stand zu bekommen, den dieses Queeksilber haben wurde, wenn dieses Thermometer ben o stunde.

Braucht

Branche Br. be & zwen Barometer, eins an einer Granze ber Sohe bie er meffen will, bas andere an der andern, so ift ben jedem ein solches Thermometer.

Das zwente Thermometer ist vom Barometer abgesondert, giebt die Temperatur der Lust an, und hat die Scale (324).

Auch bergleichen Thermometer braucht Br. be & gern zwen, eins an jeder Granze der Bobe.

Nun beobachtet er jeden Borometerstand; verbessert ihn nach dem ersten Thermometer; Aus den so verbesserten Barometerstanden berechtet er die Hohe. (310) Diese Hohe verbessert er nach dem zwenten Thermometer.

Zum Erempel will ich die erste seiner Beobachtungen, 112 Seite seines II. Th., erläutert hersetzen. Die Barometerstände sind in Sechszehntheilen einer linie ausgedruckt.

- 331. 1) Oben war ber Barometerstand 51713 bas erste Thermometer (293) ben 15; Sowiel Sechszehntheile abbirt er (294) weil ber Barometerstand unten nahe ben 27 Zoll ist. Giebt ben verbesserten Barometerstand 5186.
- II) Unten 5292; Therm. 11; verbeffert 5233.

III) log (5233: 5186) = 0, 0039182; Alfo, die Decimalbruche jum Ueberflusse mitgenommen, ware die Hohe 39, 182 Toisen = 235, 092 Fuß.

2a 5 IIII) Run

III) Run war ein zwentes Thermometer oben — 45; ein anderes folches, unten — 47; Ein Mittel aus benden zu haben, mußte die Summe — 92 halbirt werden, diese Halfte ware c; weil aber Hr. de L. nach seiner Formel dieses c wieder verdoppeln mußte, laßt er sie ganz.

V) Die Sibbe (III) soll nun nach (324) verbeffert werden; Sie ist das dorrige b; Also die Verbesserung — 0, 092. 235 = 21, 62.

VI) Folglich die verbesserte Sobe 213, 472; Dr. be & giebt nur die ganzen an.

VII) Die geometrisch gemessene Hohe mar 216 Ruß 2 Zoll.

VIII) Das erste Thermometer (1) zeigt die Warme am Barometer an, das zwente (IIII) die in freyer kuft, aber in der Gegend des Varometers; z. E. bende oben. Ob diese Warmen sehr unterschieden sind oder nicht, läßt sich aus den Graden, die Hr. de & angiebt, nicht sehen, weil jedes eine andere Scale hat. Ich will also die benden oben auf die Fahrenheitische bringen.

IX) Für das erste oben ift n = -15 (304) also stünd es denm Fahrenh. Grade 54, 5 - 15.

1, 875 = +26, 375.

Für das zwente oben, ist c = — 45; (325) also stund es benm Fahrenheitischen Grade + 69, 6875 — 45. 0, 9675 = + 26, 1400.

332. Diese Beobachtung ist um ben Aufgang ber Sonne gemacht, welches die Höhen zu, klein geben sollte, (315) aber an dem Orte (328) wo die Höhen zu groß kamen. Vielleicht mennt Hr. de Labat bendes einander aufgehoben, daß die Höhe so ziemlich der Wahrheit nahe kömmt. Ben andern seiner Beobachtungen, treffen Messung und Berechnung noch viel näher zusammen.

333. Besonders merkwürdig sind die, welche er am kuchtthurme (Fanal) zu Genua d. 22. Jun. 1757 angestellt, und sein Hr. Bruder den 26. Jul. wiederhohlt. §. 642. Er maaß mit der Schnur daran eine Höhe von 222 Fuß 11 Zoll. Die unterste Gränze war etwa 20 Toisen über dem Meere. An jedem Ende wurden seche Barometerstände be beobachtet, wie leicht zu erachten, nur wenig unterschieden; jeder ward (wie 331; 1) verbessert, und so aus den verbesserten ein Mittel genommen. Oben ward der Stand des Thermometers beobachtet, der die Höhe (wie in 331; 1111) zu verbessern dient. Ein Auszug aus allen diesen ist solz gendes.

Barom. unten 337 & lin.
oben 334 & Thermom. + 13

Pleraus berechnet Hr. de & die Höhe nach seinen Regeln 221 Fuß I Zoll nur IF. 10 Z. kleiner als die gemessen. Und einen Theil dieses Unterschiesdes schiebt er noch darauf, daß er die Temperatur der Lust in der Höhe untersucht, wo sie gewiß wei niger

niger erwärmt gewesen als langst bem Thurme binauf.

Wer hie nach Hrn. be lucs Regel rechnen will, bem kann bienen, daß die Varometerskände in Vierundsechzigtheilen von Linien ausgedruckt, 21615; und 21437 sind. Nun ist log (21615: 21437) = 0,0035912, also die unverbessere Höhe bei 35, 912 Toisen = 215,472 Just. Ferner c = + 13; und die Verbesserung + 0,002. c. b = 5,602... also die verbesserte Höhe = .221, 074 Just, wo die Decimalbrüche 0,87 Joll betragen.

334. Es ist der Muhe werth zu untersuchen, was für eine Dichte der Luft aus diesen Beobacheungen Hrn. de ξ , folgt. In (37) niuß c die mit der Schnur gemessene Höhe bedeuten, also den Juß zur Einheit genommen, $c=\frac{2675}{12}$; Und

weil die dortige Formel so eingerichtet ift, baß f eine Zahl von Zollen bedeutet, so ist $f = \frac{21615}{x^2 \cdot 64}$

Daher m = \frac{21615}{12.64.2675} \cdot \k. \log (21615: 21437); wo 12.64 = 768. Ich finde \log m = 0,9395254 - 5 oder die Dichte dieser \text{lust} = 0,000c87 der Dichte des Quecksilbers. Und

Quecksilber 14 mahl so schwer als Wasser gesets, ift diese kuft 821 mahl leichter als Wasser.

Der

Der ihr zugehörige Barometerstand ift 28 , Boll 13% lin, also ohngefähr ber, ben man am Meere annimmt, aber die Stelle war schon ziemlich hoch über bem Meere.

334. Noch kann man nach (39) ben Coefficienten suchen. Er ist $\frac{2675}{12.0,0035912}$; und ich sin be seinen Logarithmen 4, 7929031 ihn selbst 62073.

Das ware ber Coefficient, wenn man x in Fussen sucht man es in Tolfen, so wird er sechsmahl kleiner = 10345.

Dieser ist boch ziemlich viel gröffer, als er nach (310) senn sollte. Weil er auch = $\frac{f.\ k}{12.\ m}$ senn muß (39; 38; 22;) so suchte ich daraus von neuem seinen logarithmen, und sand solchen völlig wie vorhin. Also stimmen wenigstens meine Rechnungen mit einander überein.

335. Dieß wiederspricht Hrn. be luc, nicht benn (310) gilt nur ben ber (308) angezeigten Temperatur. Die jesige, welche Hr. be k. mit + 13 bezeichnet, ist um 13. 0, 9675 == 18, 57. . . Fahrenh. Grabe warmer (326).

336 Im S. 650 u. f. zieht Hr. be L. allgemeine Folgerungen aus ben Beobachtungen, bie
an ber Flache bes Meeres angestellt worden. Er
melbet: Cassini, Mariotte, Scheuchzer, und
viel

viel andere, hatten entschieden, man musse am Ufer des Meeres um 60 bis 64 Fuß steigen, wenn das Quecksilber eine Linie fallen solle; aber seine Erfahrungen (die zu Genua), für deren Genauigteit er stehen könne, zeigten daß solches 80 Fuß betrage.

Diese Grösse aber sen nach ber Barme ber fuft, und bem veränderlichen Gewichte der obern Saule, veränderlich, sowohl am Mere, als and berswo.

Am Ufer bes norbischen Meeres, wo die fram zösischen Mathematiker beobachteten, die den Grad des Meridians in Lappland maassen, ben einer Kälte von — 37 der Eintheilung in 80; und 29 Zoll Barometerstande, gehörten 56 Fuß hoch Lust, zu einer Linie Queckstber.

In Senegal, ben + 39 Graben des reaumurischen Thermometers, die etwa + 36 der Eintheilung in 80 machen, und 28 Zoll, waren von dieser so verdünnten Lust, 85 Fuß mit einer Linie Quecksilber im Gleichgewichte.

337. So sagt Hr. be i. haben Mariotte und Scheuchzer ber Erfahrung nicht genug gethan, weil sie biese Jöhe zu gering annahmen; Maraldi, Cassini, Bernoulli, sesten keinen Verbacht in die Beobachtungen am Ufer des Meeres, und well sie doch fanden, daß andere Erfahrungen damit nicht recht übereinstimmten, glaubten sie, man mufte das Geses der Dichte der kuft etwas andern.

Bus Hr. de & vom Mariette und Scheuchzer sagt, stimmt sehr wohl mit demjenigen zusammen, was ich (61; u. 91;) erinnert habe. Auf
diese Berechnungen der Dichte der Luft, die jede Res
gel annimmt, führte mich die Integralformel, von
ber ich anfing.

338. Da Hr. de & seine Formeln, am Meere, und auf ben Alpen bis 1560 Toisen über dem Meere mit der Ersahrung übereinstimmend gefunden, so glaubt er, könne man ein Vertrauen in sie seine, und sie wenigstens kunftig durch genauere Beobachtungen berichtigen.

339. Schwürigkeiten, die Meffung ber Soben mit dem Barometer gur Richtigkeit zu bringen, ergabit Dr. be & folgende; §. 656. u. f.

Aller Verbesserungen, die er benm Barome, ter gemacht hat, ohngeachtet, findet sich doch, zwischen welchen die sonst übereinstimmen, zuweilen zis oder gar i einer Linie Unterschied. Er glaubt, dieses rühre großentheils von Unvollkommenheitent der Röhren her, auch wohl von unterschiedlicher Beschaffenheit des Quecksilders.

Zwentens der Einfluß der Warme auf die Dichte der Luft. Hr. de 1. hat diese Warme oft unten und oben beobachtet; Aber wie nimmt sie nun zwischen benden Stellen ab? Hr. de 1. sest, seichterer Rechnung wegen zum voraus, es geschehe in einer arithmetischen Progression.

Drittens:

Drittens; wenn die Warme zumimmt, und die Luft an selbigem Orte strebet sich auszubreiten, so kann sie nicht sogleich die benachbarte Luft fortereiben; Während der dazu nöchligen Zeit, ist sie dichter, als sie der Wärme gemäß senn sollte. Das Gegentheil, geschicht auch in etwas, wenn die Wärme abnimmt; Und so nimmt die Luft selten den Raum ein, den sie nach den allgemeinen Regeln einnehmen sollte, die aus den Beobachtungen zusammengenommen gezogen sind.

Bis ohngefähr 200 Fuß über bem Boden, (terrein) wie groß auch besselben Erhöhung senn mag, sind die Wirkungen der Wärme auf die kuft gewöhnlich viel gröffer als seine Regel sie angiebt. Er schreibt dieses den Dunsten zu, auf welche die Wärme stärker wirkt, als auf reine Luft, kann aber davon keine Regeln geben.

Endlich, weiß man noch nicht recht, wie sich ben einerlen Uenderung der Warme, die Uenderungen ber Dichten der kuft und des Quecksilbers verhalten. Und daher ist Hr. de luc §. 663; selbst von der Vorschrift, die er zu Verbesserung der Höhen gegeben hat, (324) nicht ganz versichert.

340. Daß das Barometer seinen Stand an einem und bemselben Orte andert, ist ohnstreitig auch eine der beträchtlichsten Schwierigkeiten. Ir. de L. handelt von diesen Aenderungen, ihren Ursachen und ihrem Einflusse auf das Höhenmessen S. 665. . 739.

341, Borfchriften die er 5, 740 u. f. glebe, Fehier zu vermeiden , bie aus angezeigten Urfachen entstehen können, find:

An jede Granze ber Hohe die man messen will ein Barometer zu stellen, jedes einige Stunden lang jede Biertheilstunde einmahl zu beobachaten, und aus allen das Mittel zu nehmen. Diese Boschrift, die sehr oft schon allein zulänglich ist, grundet sich darauf, daß die meisten Urfachen der Ausnahmen von den allgemeinen Regeln, sich in kurzen Zeiten immer andern.

Rann man sich nicht so lange aufhalten, so foll man in der mittlern Warme des Morgens des vbachten, welche in die Zeit fällt, da von dem Ausenthalte ber Sonne, über dem Horizonte, ohngen fahr der fünfte Theil vorben ift.

Bemerkungen ber Umstände des Orts, ber Dunfte u. f. w. konnen bienen, Beobachtungent übereinstimmend zu machen, die etwa fireitendsficheinen, auch wohl eine allgemeine Regel zu Bem besserung biefer kleinen Fehler zu finden.

342. Was Dr. de & G. 744 . . 763 darüber fagt, und mit mahren Bepfpielen erlautert: wie das Steigen und Fallen eines beträchtlichen Stuffes ber Erbflache mit dem Barometer abzunehmen ift, verstattet der Raum bie nicht benzubringen.

343. Ueber Irn. Bouguers Borschriften stelle Hr. be & S. 764. . . Untersuchungen an. Desselben Mennung, daß manche kuft andere Classicität habe als andere, (150) ist nach Hrn. de kucs Gedanken wider die Erfahrung, man wüßte alsbann nichts von der würklichen und localen Dichte der Luft.

Hrn. B. Barometer war nicht burche Feuer von der kuft gereinigt worden, und es bestund aus einem Robre in einem Gefässe mit Quecksibn. Aus benden Ursachen mußte es, unter einerlen Umständen, niedriger stehen als Hrn. de L. seines. Wenn also ein paar Barometerstände Hrn. B. eben soviel unterschieden waren, als ein paar Hrn. de L. so gehörten die ersten zu fürzern Quecksibersäulen, der Unterschied der kogarithmen dieser Säulen mußte größer senn, als der Unterschied der kogarithmen, der längern Quecksilbersäulen die Hrn. de L. Barometer gehabt hätte.

Nähmlich wenn a-b=A-B, und die ersten benden Zahlen kleiner sind als die letzten benden; so ist $\frac{a}{b} > \frac{A}{B}$

Den Ginfluß ber Warme hat hr. B. nicht in Betrachtung gezogen.

Sr. be & sucht aber zu zeigen, bag ben ben besondern Umständen, unter benen B. beobachtet, bie

bie Fehler, bie er eigentlich begangen, einanber aufe heben, und seine Vorschriften boch mie seiner Ers fahrung übereintreffen toune.

Wenn hen, de luc Thermometer — 163 ift, zieht er von der Hohe die ihm der Unterschied der Logarithmen giebt 30 ab. (324) Das ist soviel, als berechnete er die Hohe nach B. Regel. Und man kann sehr wahrscheinlich annehmen; daß seh die mittlere Temperatur der luft gewesen in der B. beobastet. Seine und anderer Reisenden Nachrichten stimmen überein, in der mittlern Höhe der Cordeliere sep immerwährender Frühling.

Diefe Temperatur ift 53,'57 fabrent. Gr.

Auch wie Hr. be la Condamine und Gobin Erfahrungen mit Hrn. B. Regel übereinstimmen tonnen, sucht Hr. be & zu erkfaren.

Noch stellt er Betrachtungen über bes Irn. be la Caille barometrische Abmessungen auf bem Worgeburge ber G. H. and

344. Wie man die eigne Schwere der Luft zu einer gewissen Zeit sicher finden könne, lehret Hr. de L. 786 u. f. s. Er hat im vorhergehenden, da er sich mit seinen Schichten beschäftigte, gefunden, ben einer gewissen Temperatur der Lust musse man 26094 durch die Zahl ber Linien des Barometerstandes dividiren, so komme heraus, wiedel Juk

bie Lufffaule hoch fen, die an felbigem Orte, zur felbigen Beit, mit diefer Warme, mit einer linie Quedfilber im Gleichgewichte fen.

Alfo, foll man einen Barometerstand beobachten, nach seinem ersten Thermometer verbessen; und nun, dividiren. Ist die Temperatur die gehärige, so giebt der Quotient das Gesuchte; Ist sie and ders somuß man wieder diesen Quotienten verbessen.

Als ein Erempel sest er: Man finde einen Barometerstand 324 15 lin. Das erste Thermometer qui Barometer sey + 5; das zweyte das im freyen die Temperatur der kuft anzeigt — 153.

Wegen bes ersten Thermometers zieht er ic Linie ab., so ist der Barometerstand eigentlich 324 kin. = 27 Boll.

Und nun $\frac{26094}{324}$ = 80 Fuß 6 Zoll 5 lin.

= 11547 lin.

Wegen des zwenten Thermometers zieht er hievon 1, 1597. 2. (15. + 2) ab3. So bekommt er für die Hohe ber Luftsaule die einer Linie Quedste ber zugehort, 11232 Linien.

Und so fest er, wurden fich die Dichten bat luft und bes Queckfilbers verhalten wie 1: "11232

Das gabe luft : Waffer = 1: 802.

345. Wenn man auch alle die Zahlen und Versichtigungen die Hr. de & braucht annimmt, h

giebt doch biefes Verfahren die Dichte ber luft nicht gang theoretisch eichtig. Denn die Luftsause besteht aus Lust, die oben hinauf immer dunner und dunner wird, die Dichten der Lust an der obersten und der untersten Granze verhalten sich wie 323: 324.

Das eigentliche Verfahren ist aus (37) ober gleich vom Ansange aus (21); $m = \frac{f. k. \log (f: y)}{x}$ wo hie f = 324; y = 323; $\log (f: y) = 0$, 001342; x = 11232; da sinde ich $\log m = 4$, 0497821 Das giebt kuft: Quecksiber = I: 11214 11214 ober auch m = 0, 00008169 und kuft: Wasser = 1: 801.

346. Hr. de kuc erinnert §. 793; sein Verfahren gebe die eigne Schwere der kuft ein wenig zu klein, und thut Vorschläge diesen geringen Fehler zu verbessern. Die eigentliche, jeso von mir gebrauchte Regel, scheint er nicht zu kennen.

347. Hr. be & schließt diese Untersuchungen mit einer Betrachtung über, die Hohe der Atmosphäre; J. 794. u. s. Nimmt man an, die Lust verdünne sich immer in der Berhältniß wie der Druck abnimmt, so geht sie frenlich die ins Unsendliche. Sest man aber die Gränze dahin, wo die Lust nur wenig Quecksiber, z. E. nur eine Linie, erhalten könnte, so erhellt aus vorhergehenden, wie sich diese Gränze angeben liese, selbst in Wb 3

meiner allgemeinen Formel (39) ware diese Höse B. log f wenn man f in Linien ausbruckt.

Wenn man die Temperatur der kuft annimmt, ben der Hrn. de kuc, oder Mayers Coefficient statt sindet, (310) und f = 27 Boll = 324 kinien sest, wodon der kogarithme 2, 5105450 ist, so er streckt sich die Atmosphäre von diesem Barometerstande, dis an die Stelle, wo sie nur 1 kinie Quedisiber hält 25105, 450 Toisen.

Dieß giebt Hr. de & an S. 800; und erimert, so start verdünnten ohngefähr unfre guten Lustpumpen die Lust.

Smeatons seine verdunnt sie noch vielmehr Berom. §. 38.

In den Phil. Trans. Vol. 64. P. I. (sond. 1774) p. 95 erinnert Priestley, Smeatons tuste pumpe musse in sehr elenden Zustande senn, wenn sie nicht die kuft 200 bis 300 mahl verdunne; als so ohngefähr soviel als Hr. de L. von den guten sodert.

Ich besisse selbst eine smeatonische, vom hirfigen Bauherrn Rampe versertigt. Da ich noch eine andere, mit zween Cylindern, und Bentiku, auf die gewöhnliche Urt in Engelland versertigte, welche der Universität gehört, zum Gebrauche har be, so habe ich jene, mir eigne, wohl einige Jahre lang wenig gebrauche, und doch daben aus Nachlässigkeit lich Bentilen, Lebern, u. f. w. nicht zum Borteile, und daß diese in ginem elenden Zustande waren, zeigte sich ben ihrer Zerlegung. Indessen that diese so vernachlässigte Lustpumpe, immer noch bessere Dienste als die andere, wenn ber andern Ausbesserung nur etwa ein Jahr war verabssaumet worden.

Priestlen a. a. D. wundert sich barüber, daß feiner von den englischen Runfilern, Smeatons so vorzügliche Luftpumpe zu verfertigen unternimmt.

hr. Kampe ist vermuthlich zu berfelben Verfertigung burch ben hrn. Geh. Rath v. Segner,
als derfelbe hiefiger lehrer war, veranlaßt worden. Er hat auch ausser ber meinigen noch mehr verfertigt.

Wie man in meiner Formel (39) x berechenet, wenn y ein noch so kleiner Bruch einer Linie ware, brauche ich wohl meinen lesern nicht zu sagen. Hr. de L. belehrt die seinigen hierüber auf eine Art die zeigt, daß er die Rechnung mit den logarithmen für was sehr wenig bekanntes halt.

Allemahl fest biefe Rechnung zum voraus, ehr dunne luft breite sich nach eben bem Befese us, wie die in welcher wir leben. Worinnen nan allenfalls Bouguern glauben mußte. (141)

348. Was in Hr. de luc Werke ferner enthalen ist; von den Refractionen, von der Hise kochen-Bb 4 den ben Baffers u. b. g. gehört nicht in ben Auszug, ben ich zu gegenwärtiger Absicht schon so, weitläuftig gemacht habe.

349. Das eigne von hrn. de & Bemühungen besteht also in vollkomnerer Borrichtung der Barometer, und in Untersuchung des Einflusses der Wärme, den er durch seine bepben Thermometer bestimmt.

Die Regeln, die er wegen ber Barme vor, schreibt, beruhen nur auf seinen Erfahrungen, die allerdings mit vieler Sorsalt angestellt, und mit vieler Scharffinnigkeit gebraucht scheinen.

Wöllig sicher werben boch mohl biefe Regeln erst alsbenn senn, wenn man zeigen kann, baß sie aus sonst bekannten physischen tehren folgen; Ober wenn man sie burch wiederhohlte vielfältige Beokachtungen bestätiget; welches "Dr. de duc selbst wünschet.

Soll das leste Mittel Zuverlässigkeit geben, so mussen, Beobachter und Werkzeuge, so vollkommen senn, wie bendes ben dem Hrn. de kuc war. An einem von benden wurde vielleicht jemand, der nur mäßig für den Hrn. de L. eingenommen wäre, nicht ganz mit Unrechte zweiseln, wenn andere Beobachtungen mit den seinigen nicht übereinsstimmten.

350. Der vor furzem verftorbene Proviantcommissarius Strohmener zu Hannover hat, in seiner Anleb Anleitung übereinstimmenbe Thermometer gu ver- .. fertigen (Gott. 1775) unterschiedene Berfuche des Hr. de & nur aber die Thermometer betreffende geprüft.

351. I. Barometrifche Beobachtungen mit Unwendungen von hrn. be lucs Regeln find von hrn. Prof. Zimmermann in Braunschweig angestellt, und in ben gelehrten Bentragen ju ben Braunschweigischen Anzeigen 1775; 45 u. 46 St. erzählt worden. Ich will einiges baraus benbringen.

Die Beobachtungen sind auf dem Andreasthurme in Braunschweig angestellt worben, an Dem zuvor ber Br. Sauptmann Rauch unterfchie bene Soben trigonometrisch gemeffen batte, ber auch ben biefen barometrifchen Beobachtungen gegenwärtig war.

Das Barometer war nach be lucs Angabe mit boppelten Schenkel, genau nach parifer Maaffe getheilt, bas Thermometer, reaumurifche Brabe (ohne Zweisel obgleich Dr. Zimmermann solches nicht anzeigt, 80 vom Enfipuntte jum Siebpunt. te) vom jungern Belienno ju Br. verfertigt.

Br. Pr. 3. erwähnt nicht ob bas Thermome ter am Barometer, ober bavon abgesonbert ge-- wesen.

Die Versuche sind b. 21. May zwischen 2 w. 4 Uhr angestellt. 265

II. Unter

II. Unten an ber Kirchebure ftand bas Ba cometer ben 28 Boll 7 linien = 343.

III. Benm dritten Absaße 28 B. 57 lin. = 341, 66.

Das Thermometer 131 Grab.

III. Aus log (343: 341, 66) sindet Hr. Pr. 3. die unverbesserte Höhe 17 Toisen = 102 pariser Fuß.

Die verbessert er nach einem Verfahren, wie bas, das ich (323) gezeigt habe, so:

Was ich dorten n heisse ist $13\frac{1}{2}$ — $16\frac{2}{4}$ = 3, 25. Also die Verbesserung = $-\frac{102.3,25}{215}$

= - 1, 54.

Folglich die verbesserte Hohe = 100, 46 par. Fuß.

Der pariser Fuß ist zum Braunschweiger = 1440; 1260 = 8: 7.

Ulsa die verbesserte Hohe 114,91 Br. Juß. Die trigonometrische Rechnung auf dies

Die trigonometrische Rechnung gab biefe Hohe 115 Fuß.

V. Die treffen benbe Meffungen am genaussten zusammen, ben etlichen andern Beobachtungen ift der Unterschied etwas gröffer.

VI. Am Dachfenster (höher ließ sich das Barometer nicht wohl bringen gab das Barometer den 3. Jun. des Thurms Höhe bis ans Dach 256 Kuß Fuß 8: buobec: Linien Br. die Trigonometrie 257 Fuß.

Hr. Z. erinnert hieben, be luc felbst habe ben 221 Fuß manchmahl um 22 Zoll gefehlt.

VII. Hr. Pr. 3. hat solche Beobachtungen b. 5. Jun. mit einem sehr schönen, theuren und fürtrestich getheilten englischen Barometer, mit eis ner Kapsel und weiten Röhre wiederhohlt, und darüber eben wie vorhin gerechnet. Die geben ihm die Hohe am Dachsenster 214 Fuß 5 Zoll 2 Linien Br. Also um 42 F. 6 Z. 2 L. von der trigonometrischen Angabe unterschieden.

VIII. Das sest er wie er sagt, für lehrer der Physik und Mathematik auf nicht weit von Brauns schweig entfernten ansehnlichen Akademien, hinzu, welche die gewöhnlichen Barometer des de luc seinen vorziehen, ja wohl gar auf de luc schimpfen. Er befürchtet, es werde dieses so unglaublich scheinen, als daß andere auf die Attraction und auf Newton lästern.

Vielleicht sind diese andern auch eben dieselben. Uebrigens ist es seltsam, daß Hr. Pr. Z.
so was für unglaublich halt. Denn Cicero hat ja
schon gesagt: Nihil tam absurdum esse quod non
dictum sit ab aliquo philosophorum. Das Wort
Lebrer bedeutet ben Hr. Pr. Z. wohl nicht Prosessoren. Prosessoren der Wissenschaften von denen ich hier Prosessor bin, die solche Idioten wä-

ren, kenne ich auf keiner ansehnlichen Akademie, selbst nicht auf solchen Akademien, die der berühmte Raisonneur, kleine nennt. Es muffen etwo Pfuscher senn, die sich zu Lehrern auswerfen.

VIII. Es scheint, Hr. Pr. 3. habe be luck Werk nicht selbst bekommen können; nach der Art wie es ausgegeben ward, konnte es nicht sogleich in den gewöhnlichen Buchhandel kommen. Er hat sich also mit Nachrichten und Vorschriften befriedigen mussen, die nicht so vollskändig sind, als was Hr. de L. im Werke selbst lehret. Daher sehlt ben ihm, Hrn. de L. Verbesserung jedes Barrometerstandes, durch das Thermometer am Barometer (330).

Wenn biese Verbesserung jedes Varometerstandes bender geometrische Verhältniß nicht beträchtlich ändert, so hat es eben nicht viel zu bedeuten ob man sie wegläßt oder nicht; Und das wird wohl hie der Kall senn.

Ich habe als ein Erempel der Verechnung angenommen, das Thermometer, nach welchem der Barometerstand zu verbessern wäre, habe unten an der Kirchthüre auch den 13, 5 gestanden wie oben bezm dritten Absase. Da finde ich die Verbesserung des untern Barometerstandes — 0, 2778; und so auch des obern — 0, 2779. Die benden Barometerstände darnach verbessert, kömmt der logarithme ihre Verhältniß log (342, 72: 344,

19) = 0, 0016887 also die Höhe auch sehr nach 1e ben 17 Toisen, wie Hr. Pr. Z. sie berechnet.

Eigentlich wurde bas Thermometer unten nehr Warme angezeigt haben. Benm zwentem thase war es 14 Grab, er ift nach ber trigonometrischen Bestimmung 82 Br. F. hoch.

XI. Fr. Pr. Zimmermanns Beobachtungen eigen also, daß eine so forgfältige und geschickte Besolgung von Hrn. be & Regeln wenigstens etwas er Bahrheit ziemlich nabes giebt-

352. Eine febr. natürliche Frage ware wohl? Bie nathwendig zur Richtigkeit der Messung hru! e. i. Verbesserungen wegen der Warme sind? Bieviel jemand fehlen könnte, der übrigens mit inem guten Barometer, aber ohne hierauf acht zu eben, beobachtete? Ich will Einiges benbringen, as zu Beantwortung dieser Frage dient.

Ich nehme an, bende Thermometer bes Hru.
e f. werden, wie wenigstens manchmal statt sinet, ohngefähr einerlen Wärme anzeigen, (33 i 3
7111) Ich will also Wärme und Kälte aufachen, die vermuthlith am meisten von denen, wo der de Scalen o haben, abweichen möchten, diein Irn. de & Scalen ausdrucken, so wird manhngefähr übersehen können, wie beträchtlich seine Zerbesserungen werden können.

353. Ein Berzeichniß merkwurdiger Grabe on Barme und Raice, von Beinfrus gesammlet, befindet

2:5:

Sefindet sich im Winklers Physik (Leipz. 1754.) S. 126. und Hrn. Prof. Errlebens Physik S., 737. Da ist eine Wärme in Senegal angegeben 864 und kine Kälte in Sibirien 275, de l'Islische Grade.

Das sind, sahrenheitische 107, 5 und — 18.
354. Sest man für die africanische Wärme, in
(304) M = 107, 5; so gehört sie in Hru. de lersten Thermometer zu

Der Barometerstand wird nicht viel über 27 Boll werden; hochstens etwa ein wenig über 28.

m = 28, 277.

Und so wird seine Berbesserung wegen der africanis Ichen Wärme, wohl nicht viel über 28 einer linie 23 linie betragent.

Eben den Fahrenheitischen Grad brauche man In (326) so sindet sich c = 39, 08, und nach (324) muß man zu der Höhe, welche der Unters schied der logarithmen giebt, noch 0,07816 von Ihr abdiren.

Für die sibirische Kälte, das fahrenheitische M = — 18 geset, finde ich Hrn. de lucs m = — 38, 666, c = — 90, 633 . . . welches als noch stärkere Verbesserungen giebt.

355. Ift eine Warme oder Kalte, nicht so weit als die angezeigten, von 54 Fahr. Gr. entfernt so. Ift m kleiner; (304) Und ist sie naber ben 69 fahr. Graden, so ist ckleiner. (326)

356. Jin

356. In ben Philosophical Transactions Vol. 64. Part. I. (Lond. 1774.) n. 20. ist ein Aufsaß von dem Kön. Astronomen Hrn. Nevil Maskelle ne, wo Hrn. de kuc Formeln, für englisches Määß und in fahrenhritischen Graden ausgedruckt, auch sonst in einigen Stücken bequemer gemacht werden. Ich bringe daraus hie nur ben; daß der französische Fuß zum englischen = I, 06575: I geseht wird, dessenken Hr. M. sich auf Trans. Vol. 58. sür 1768; p. 326 berust. (*)

grabe macht Hr. M. die Eringerung: Hrn. de Lucs Sieb-

(*) Sr. Drof. Diebl in Gieffen, hat ben feinem legten hiefigen Aufenthalte, in das 5. u. 6. Ctut ber hiefigen gemeinnütigen Abhandlungen eine Untersuchung über bie richtigfte Bestimmung der Berhaltnif bes rheinlandifchen Suffes jum Condner einrucken laffen. In berfelben findet er auch aus Grabams und le Monniers Angaben , Phil. Trans. Vol. 42; p. 541 u. Vol. 51; p. 778 die Berhaltniffe Des Parifer und Londner Buffes; 1, 065416: 1 nach G. u. 1, 065351: 1 nach M. welches boch also ziemlich mit obigen zusantmentrifft. Die Berbaltnis bes Rheinlanbischen sum Londner findet er hieraus = 13913: 13516. Ich bube in meinen Unfangegr. ber Geometrie 32. S. 3. Anm. eine Berhaltnig zwifchen Parifer und Englischen aus Delshams Physit angegeben , ber ich naturlich ba fie aus einem font angefehenen englischen Schriftsteller genommen war, etwas trauen mußte. Gie erforbert aber nach angezeigtem einige Berichtigung.

Siedpunct 80 (308) ward so bezeichnet, als das Barometer ben 27 Boll stand. Die vornehmsten englischen Künstler aber, bezeichnen den Siedpunkt, oder 212 fahr. Gr., wenn das Barometer ben 30 engl. Boll steht; die betragen 28 Boll 1, 8 Linien französisches Maaß, oder 13, 8 Linien sher, als Hr. de & Barometer.

Aus Hrn. de L. Ersahrungen (292) solgt, wenn der Barometerstand um eine Linke wächst, so seine das Quecksilder im Thermometer um 1 134 des Abstandes zwischen dem Enspunkte und Siedpunkte; In der That berichtet er, in dem Estai sur les variat. de la chal. de l'eau douillante, so sich den seinem Buche desindet, diese Regel treste nicht mehr den so großen Aenderungen des Barometers zu, als sich ereignen, wenn man hoch steinget, aber sur kleine Aenderungen um den mittlen Stand herum, ist dieses doch richtig genug.

Also gehören zusammen: Eine Linie Aenber rung im Barometerstande, und $\frac{180}{1134} = 0$, 16 fahrenh. Gr. Solchergestalt geben 13, 8 linien Aenderung des Bacometerstandes, 0, 16. 13, 8 = 2, 2 sahr. Gr. Und ein Thermometer, dessen Siedpunkt 212 bezeichnet war, als das Barometer zer 30 engl. Zoll stand, wird, wenn das Barometer bis 27 französische Zoll sällt, in siedenden Wasser um um 2, 2 Grad, oder bis 209, 8 bas ist in runben Zahlen bis 210 Grad, sinke, welche nur 178 Grad vom Enspunkte entfernt sind. So betragen bie 80 Grad, von Hrn. de & Thermometer, nur 178 bes fahrenheitischen der englischen Künstler. Und diesem gemäß stellt Hr. M. seine Verwandlungen an.

357. Noch beträchtlicher ist in eben bem Banbe, n. 30. ein Auffaß Hrn. Sam. Horflen L. L. D. ber Hr. be Lucs Negeln mit der Theorie vergleicht, und Vorschriften zu ihrer bequemen Anwendung giebt.

Dieser Aussach hat sechs Abschnitte. Der erste fängt auch mit der Bemerkung an, Kr. de i. habe sich ben Versertigung seines Thermometers, nach 27 Zoll als mittlerer Varometerhöhe zu Genfgerichtet. Ausbem ebenen kande um kondon sen sie nur wenig kleiner als 30 engl. Zoll. Den Varometerstand habe ben Versertigung der Thermometer unter den englischen Künstlern zuerst Vird beschachtet. Daher Hr. H. Thermometer, wo der Siedpunkt ben 30 engl. Zoll Varometerstande ansegeben ist, Virds sahrenheitische nennt. Hr. H. erechnet auch, daß ben einem solchen Thermometer der Siedpunkt 209, 989 ist, wenn er ben eisem sür 27 pariser Zoll Varometerstand gemacht, 12 ist.

Alfo steht Hr. be 1. 80 benm 210 Birdfahr. Frade; bis an diesen, sind vom Enfipuntie 210 — 32 = 178 Grabe, und die sind 80 des Hrn. de £. gleich. Folglich ist 1 Gr. de £. = $\frac{178}{80}$ = 2, 225 Birdsahr.

Br. be & 16 4 ist 63, 5 unter seinem 80; ober unter bem Siedpuntte.

Mso 63, 25. 2, 225 = 140, 73125 Bird-fahr. unter 210 Birdfahr.

Also ben 69, 26875 Birdfahr.

"Hr. H. sest, im Anfange des funften Ab-schnitts dieses 69, 25.

So begreift man, wie Grn. be luc Grade in Birdfahrenheitische verwandelt werben.

Ein Grad ber ben Hr. de L. n heißt, ist benm 69, 26875 + n. 2, 225 Birdfahrenheitischen.

368. Im zwenten Abschnitte sind die allgemeinen Gründe, Höhen und Barometerstände mit
einander zu vergleichen, angegeben, Hr. H. bedienet sich der logarithmischen Linie auf die Art wie
Cotes; (213 VIII) auch ist zu dieser Absicht eine grosse logarithmische Linie in Kupfer gestochen. Dieses nach dem englischen Geschmacke; disseits
des Canals psiegt man jeso lieber, Säse die doch
zur Rechnung sollen gebraucht werden, gleich in
Formeln zur Rechnung bequem auszudrücken.

379. Der britte Abschnitt redet von dem Unterschiede, den die unterschiedene Temperatur bes Quedit

Quedfilbers im Barometerstande macht. Wenn man zwo Queckfilberfaulen, Die nicht einerlen Barme haben, mit einander vergleicht, fo vergleicht man eigentlich zwo Materien, Die nicht einerlen specifische Schwere baben, und fo fann man nicht fagen, baß fich ber Druck biefer Caulen wie. ihre Boben verhalte. Sind aber die Warmen einerlen, fo verhalt fich allerdings ber Druck wie Die Boben, Die Barme mag fenn wie fie will. In biefem Stude bat Br. be i. nach Brn. S. Bemertung einen fleinen Fehler begangen. glaubt, es fen eine gewiffe Temperatur bes Qued. filbers nothig, wenn man die langen ber Quedfilberfaulen ohne Berbefferung miteinander verglei. chen foll (293). Diefes fleine Berfeben bat inbessen keine andere schlimme Folgen, als daß es bie Rechnung unnothiger weise verlangert. Br. S. hat auch, aus Unterrebungen mit Br. be & erfahren , mas benfelben biegu veranlaßt. Er batte fich als den letten Zweck feiner Unterfuchungen vorgefest, in der lange ber Queckfilberfaule, bas Maaf ber Dichte, und bes Drucks ber Luft zu finben. Dazu mar Queckfilber von bestimmter Temperatur nothig, und fo gerieth er auf die Gedanken, es fen nothig, alle Barometerbeobachtungen auf eine gemiffe bestimmte Temperatur zu bringen.

360. Boerhave El. Chem. Vol. I. p. 174 (So allegirt Hr. Horslen. Es ist in der Abhandl. de Igne; Experim. VIII. p. 156. der Leipziger Ausg. von 1732) giebt eine Ausbreitung des Quecksilbers

Bers vom Sahrenheitischen o bis jum Siedpunkte bes Baffers an, welche wenig mehr beträgt, als was Br. be i. vom Enfipunfte bis jum Ciedpunf. te fand. Diefen scheinbaren Wieberspruch sucht Dr. S. fo zu heben : B. Berfahren habe ihm nur gegeben, wieviel etwa bie Ausbehnung feines Quecksibers, gröffer war, als die Ausdehnung bes glafernen Behaltniffes, barinnen er es ber Sige ausseste: Br. be & Berfahren gab ihm ben Ueberfchuß der Ausbehnung Des Quedfilbers, über bie Ausbehnung bes Holzes, auf bem bie Scale gezeich net war. Diefe Ausbehnung bes Holges, ber lange nach, beträgt febr wenig; Br. De &. fonnte fie also benseite fegen, und boch bes Quedfilbers feine ziemlich richtig angeben. B. fehlte mehr. Hr. H. giebt auch an, was ihm von ber Ausbehnung bes Glases berichtet worden, erinnert übrigens, baf B. noch eine andere Ausbehnung des Quecfsibers p. 165 angiebt. (exp. 5. cor. 4. p. 148. b. l. 21.)

361. Hrn. Horsten vierter Abschnitt, betrachtet die Verbesserung, wegen der Temperatur der lust. Sie beruft in seinen Ausbrückungen darauf, daß sich durch die Wärme die Subtangente der atmosphärischen logarithmischen Linie andert, daßer muß er hie zuerst erklären, was diese Subtangente ist, und von was sur physischen Umständen ihre Länge bestimmt wird.

Diese Subtangente ist, wie er fagt, die Sie hie be einer Saule fluffiger Materie, die durchaus

fo bicht als die unterfte Luft mare, und fo ftart bruckte als die Atmosphare druckt.

Belches, wie Hr. H. fagt, niemand sonst, ben er fennt, so einfach bewiesen hat als Cotes Harmon. mens. p. 18.

Der Beweis kömmt doch jedem viel einfacher heraus, der nur die leichte Integration macht, dem diese Subtangente ist in (22) f: m, wels ches ich nur beybringe, zu zeigen, daß ich da völlig die Gründe gegeben habe, deren sich Hr. H. be- dient, und daß die Integralrechnung der fürzeste und bequemste Weg ben solchen Untersuchungen ist.

Und nun wird man leicht feben, was für physische Umftande biese Subtangente andern.

Der vorhin von mir angezeigte Quotient f: m ift: ber Druck ber Utmosphare mit ber Dichte ber Luft bivibirt, also mit einem Borte: Die Claflicitat ber Luft.

Und da sich diese mit der Wärme ändert, so heißt Hr. de L. Werbesserung (322) soviel: Wenn die Wärme anders ist, als in (308) angenommen worden, so hat die Lust eine andere Clasticität, als die, ben welcher die Regel (310) zutrifft, und die Clasticität ändert sich so, daß die angezeigte Verbesserung nöthig ist. Das nun drückt Hr. Herrch Uenderung der Subtangente aus.

362. Im funften Abschnitte bringt Br. S. Srn. be L. Regeln auf englisches Maaß.

Im fechsten zeigt er noch Einiges an, bas fernerer Untersuchung werth ift. Rahmlich:

I. Wahrscheinlich andert sich die absolute Clasticität der Luft noch durch andere Ursachen, als Hiße; z. E. Feuchtigkeit, Elektricität.

11. Nimmt man Hr. be &. Formeln als allgemein mahr an, so giebt es eine Temperatur, inwelter der Bederfrast der Luft = 6 ist, und ben niedrigern Temperaturen wurde sie verneint, oder das Zurucktossen der Lufttheilchen verwandelte sich in Anziehen.

Für biese Temperatur ware n = — 215 (323); Und so gehörte siezum — 409, 10625 Birds sahrenheitischen Grade (357). Hr. H. hat — 409, 13.

Wem biese Folgerung anstößig ware, ber burfte nur annehmen, Hrn. de & Formeln sind nicht in geometrischer Schärfe richtig, sie können boch allemahl der Wahrheit nahe genug senn. Sest man, sagt Hr. H., die Subtangente andert sich in geometrischer Verhältniß, indem sich die Warne nach Hrn. de & Formeln arithmetisch anderte, sie bleibt sie immer noch von endlicher Grösse, auch in dem Falle da sie nach Hrn. de & Formel verschwing dem Galle, und doch sehlten ben einem Wachstume

thume ober Abnahme der Temperatur bis 40 Grad, Hr. de & Formeln nicht mehr als um 4 Kaden in 1000.

III. Die Abnahme der Dichte der luft, indem man über die Oberfläche der Erde steigt, hat gewisse Gränzen, und auch in unendlicher Höhe ist die Dichte nicht unendlich klein. Hr. H. giebt eine Lafel, für groffe Höhen berechneter Dichten, von der er selbst keinen praktischen Nußen verspricht.

111. Wachsthum ber Warme verbunnt bie Luft in ben untern Gegenden nach Proportion mehr als in ben obern, und bringt so das Ganze bem Zustande einer burchaus gleichsormigen Dichte

nåber.

V. Wenn in irgend einer Hohe über der Obere flache der Erde eine gegebene Aenderung der Warme, bie Dichte der Luft, in eben der Verhältniß vermindert oder vermehrt, in welcher sie die absolute Elasticität, vermehrt oder vermindert, so bleibt der Druck der ausliegenden Atmosphäre in dieser Hohe ungeändert. In allen geringern Hohen wird der Druck schwächer, und in grössern stärker sehn, als ben einem kältern Zustande der Atmosphäre; aber in geringern Höhen stärker, und in grössern schwächer, als ben einem wärmern Zustande.

VI. Es glebt eine Bobe in ber Atmosphare, wo die Dichte, burch eine gegebene Aenderung

ber Barme ungeandert bleibt.

Cc 4

VII. Heber

VII. Ueber biefer Sobe werben bie Dichten vermindert, unter ihr vergröffert, oder umgekehrt.

363. Die Beweise bieser Sase leitet Hr. H. aus Betrachtung logarithmischer Linien, berselben Durchschnitte u. s. w. her. Die Sase selbst, denen noch ein paar ben Hr. H. folgen, sind zu weit von meiner jesigen Absicht entsernt, deswegen begnüge ich mich, sie dem Liedhabern physischmathematischer Untersuchungen anzuzeigen. Nun sigt Hr. H. noch vier Taseln ben; zur Verbesserung wegen des Siedpunktes; zur Vergleichung Hr. de L. Thermometers mit Virdsahrenheitischen, zur Verbesserung wegen der Temperatur bes Queckilbers, und zur Verbesserung wegen der Temperatur ber Lust. Endlich, Vorschriften zum Gebrauche der Taseln.

364 Diese benden Aussatie in den Transactionen, haben also weiter keine Absicht, als Hr. de L. Vorschriften zum Gebrauche für Engesländer bequem zu machen. Wiederhohlung solcher Verisumgen deren die Größen die Hr. de L. angiebt, vielseicht noch fähig wären, Untersuchungen wie sich diese Größen ändern, wenn man sich in andern Umständen befindet als Hr. de L. Aussuchung allgemeinerer physischer Säse besonders über die Wirkung der Wärme auf Quecksilber und kuft, wodurch sich Hr. de L. Vorschriften etwa anders als nur aus seinm Erfahrungen beweisen und berichtigen liesen. So

was konnte man wohl wünschen, und Grn. de & vortrefliches Benspiel konnte Maturforscher aufs muntern, solche Bemuhungen ben seinigen bengufügen.

Brn. Lamberts Untersuchungen.

- 365. Im dritten Bande der Abhandlungen der Churfürstl. Bairischen Ukad. der Wiss. (München 1765. 4°) befindet sich im philosophischen Theile 75 . . . 182 S. Hrn. J. H. Lamberts (Königl. preusf. Bauraths und Mitglieds der Kön. preusf. Ukad. d. Wiss.) Abhandlung von den Barometer-höhen und ihren Veränderungen. Hr. L. hat unterschiedenes, das zur Geschichte der hiemit beschäftigten Bemühungen gehört, nach seiner weitlauftigen und mit Beurtheilung verbundenen Belesenheit bengebracht. Mariottes Regel sagt er, S. 9. sep zu früh verworfen werden; Man hätte sie nur verbessern und vollständiger machen sollen.
- 366. Es erhellt hieraus, daß Dr. !. jum Grunde fest, wie Undere, die Dichten verhalten sich wie der Druck. Ben den Erfahrungen aber, nach denen man diesen Satz jum Gebrauche anwenden wollen, findet er viel zu erinnern. Die geomes trifch gemessenen höhen der Berge sind unsicher, besonders weil die Strahlenbrechung daben nicht gehörig ist in Betrachtung gezogen worden.
- 367. Ferner ist daben die Barme in Betrachtung zu ziehen. Scharfsinnig druckt Hr. !. §. 35; Cc 5 die

bie Sache so aus: Die Feberfraft ber luft werbe burch die Barme verftartt burch ben Druck, verproffert. . Jenes will fagen: burch bie Barme werde jedes kufttheilden elastischer, biefes: es kommen in eben ben vorigen Raum mehr elasti. fche Theilchen gufammen. Warme macht bie Luft bunner, und Dunfte bie fich in ihr enthalten mathen sie bichter. Mariotte fest bie Warme in allen Soben bestanbig; Aber fie ift unten groffer als vben, boch giebt es noch in ber Oberflache ber luft eine gewisse Warme. Go ift die untere Luft megen bes Ueberschuffes ber Barme bunner, als fie fenn murbe menn burchaus einerlen Barme mare: Gegentheils, wird sie burch Dunfte bichter, Die in ber untern luft nach Proportion haufiger find als in ber obern. Sube eines bas andere auf, murbe biefe luft durch den Heberfchuß ber Barme, gleich um fo viel bunner, als fie burch den Ueberschuß ber Barme bunner wird, so konnte Mariottens Regel vollkoms men richtig bleiben. Daß nun biefes Aufheben ftatt findet, lagt fich frenlichenicht beweifen, inbef. fen ift gewiß, bag aus biefen benben Urfachen gufammen, die Regel von ber Bahrheit weniger abmeicht, als sie abweichen wurde, wenn eine von benben allein fatt fanbe.

368. Was die Warme betrifft, so sest Hr. &. S. 40. ben ihr zum voraus, ben gleicher Masse ber luft, und ben gleichen Drucke wachse die Wars me, ordentlich in Verhältniß des Raums burch welchen

welchen sie bie luft ausdehnt, oder in verkehrter Werhaltniß der Dichte.

Das ist eigentlich, das soviel ich weiß zuerft von Boerhaven, deutlich auseinander geseite Rennzeichen der Warme: Materien ausdehnen.

369. Dunste, so zugleich nit der Luft zusammens gepreßt werden, vermehren dieser Luft Federfrast, einmahl dadurch, daß sie einen Raum einnehmen, und so die Lufttheilchen noch enger zusammenpressen, darnach, daß sie als eine todte Last das Gewicht der ganzen Luft vermehren, und so die untere noch enger zusammendrücken helsen, ohne daß sie selbst etwas hatten das sich ihm wiedersseste.

370. Hr. L. bestätiget und erläutert diese Sage durch Untersuchung und Vergleichung vieler barometrischer Beobachtungen. Er sindet daraus, Mariottes Geses der Dichten treffe eigentlich nur in sehr grossen Höhen zu . . . zur Unbequemslichkeit für uns, nur in solchen, wo der Varometerstand etwa 14 Joll und geringer ist. Näher ben der Erdstäche machen besonders Dünste, und Wärme, Unordnungen darimen.

Wie hr. & Dieses zeigt und anwendet, das muß man, mit soviel andern kehrreichen, in seinem Auffaße selbst nachlesen. hie bringe ich nur ben, daß er zur Berechnung anfangs den Sagannimmt, die Dichte verhalte sich wie der Druck, nach

nach foldem bie Höhe berechnet, und die alsbann verbessert.

Mun hat er f. 221. Berge genommen, beren Soben geometrifin gemeffen, auch bas Barometer auf ihnen beobachtet worden. Die geometrifchen Meffungen hatte er fcon, in feinem Buche: Les proprietés de la route de la Lumiére par les airs durch bie Strahlenbrechung verbef fert. Wenn er nun bie Barometerftanbe in linien ausbruckte, und von jedes logarithmen, ben pon 336, bes mittlern Barometerstanbes am Meere abjog, fo fant er, baß ber jedesmablige Unterschied ber kogarithmen mit 10000 multiplie cirt, und bie bren niedrigsten Zifern weggelaffen, giemlich genau bie Soben in Toifen vorstellte, aber Doch ben groffern Soben, merfliche Fehler gab, benm Canigou, wo ber Barometerftand 20 3oll I linie, bie geometrifche Sobe 1424, 5 Toifen ift, betrug ber Fehler 28 Toifen. Er fuchte alfo bie fleine nothige Berbefferung, und giebt folgenbe Formel. S: 223.

371. Die Barometerstände, in Linien ausgestruckt, sepen a; am Meere, y in einer Hohe von x Toisen so ist

10000.
$$\log (a: y) - \frac{43 \cdot (336 - y)}{43 + (336 - y)} = x$$

Als ein Exempel giebt er y = 300 = 25Boll; da ist 10000. log (336: 300) = 492,181; Und die Verbesserung

$$= -\frac{43 \cdot 30}{43 + 36} = 19, 6; \text{ also } x = 472, 6$$

Loisen.

Er findet daß biefe Formel zwischen unterschies benen Beobachtungen bas Mittel halt, schränkt sie aber boch auf die Berge ein, für welche sie gentlich gemacht ift.

Er giebt eine nach ihr berechnete Tafel durch alle Linien von 27 Zoll 11 Linien bis 19 Zoll, und dann noch durch alle halbe Zoll bis 14. Sie steht schon in route d. l. l. p. 114.

Diese Tafel ist auf die mittlere Winterhohe bes Barometers gerichtet, nicht auf ben mittlern Stand aus vielen Jahren. Er giebt davon Re-chenschaft, und zeigt was alsbenn nothig ware.

Uebrigens erinnert Hr. &, daß noch vieles bieben zu untersuchen ift.

372. Die Verbefferung in Hrn. lamberts Formel (371) ist ein Bruch beffen Bahler 43; ber

Menner $\frac{43}{336-y}$ + 1. Dieser Renner nimmt

ab, wenn y abnimmt, folglich nimmt die Ver- besferung, zu wenn y abnimmt, und ist also allemahl für den geringsten Barometerstand am größten.

Wenn y = 14 Zoll = 168 kinien, ist die Verbesserung — $\frac{43 \cdot 168}{43 + 168}$ = 34, 2; Aber a: y = 2 daher x = 3010, 300 — 34, 2 = 2976, 1.

373. In den Nouveaux Memoires de l'Acad. Roy. de Prusse für 1772; besindet sich 103 S. eine Abhandlung Hrn. kambert, über die Dichte der Lust, die gder ihre Absicht vornähmlich auf die Restractionen hat. Indessen zeigt Hr. L. daseihst 13. h.: Es sehle gar viel, daß die Dichte der Lust, so wie die Restractionen sie ersodern, sich wie die Barometerstände verhalte, giebt davon die bekannte Ursache, daß die Dichte mit auf die Wärme ankomme, gesteht aber doch h. 15 zu, Mariottes und Hallens Geses, daß sich die Logarithmen der Barometerstände wie die Höhen der Derter verhalten (ein abgefürzter Ausdruck, statt Unterschiede der Logarithmen), sen der Währsheit sehr nahe.

Man kann annehmen, die Zohe zwischen zween Barometerständen lasse sich ohngesähr nach Mayers Regel (227) berechnen.

374. I. Dieses scheint mir die wichtigste allgemeine Folge aus allen bisherigen Untersuchungen zu senn.

11. Hr be kuc (311) und Hr. kambert, (370) rechnen zuerst nach dieser Regel, jeder verbessert nur alsdenn die Rechnung auf seine eigne Urt. Offenbahr bahr ift jeber, burch eine anbere Reihe von Erfah. rungen und Schluffen, auf diese Regel gekommen; Hr. de kuc durch Betrachtung feinen eignen Erfahe rungen, Hrn. Lambert durch Bergleichung anderer bekanntgemachten.

III. Auch Celsius (257) Schober (272) Hors rebow (62) Hallen (69; VI) gehen nicht gar zu weit bavon ab. Scheuchzer (84) entfernt sich mehr, aber ber Ausdruck seiner Erfahrung in parifer Maasse scheint wenigstens sehlerhaft (101), wenn man auch sonst nichts baran aussehen will. Mariottes Coefficient (56) kame 8111; aber sein Fehler ist schon (337) angezeigt worden.

IIII. Mayer befriedigte sich ofne Zweisel, wie Bouguer und andre, die Hohe nur mit Ungewissbeit einiger Fuß, vielleicht Toisen, anzugeben. Frenlich sind nun nach Hrn. de suc ober Hr. sambert beträchtliche Verbesserungen zu machen. Indessen werden diese Verbesserungen selbst von ihren Ersindern sernerer Untersuchung und Verichtigung empfohlen, und es sind ben ihnen so viel Unstalten und Vorsichtigkeiten nothig, daß es oft nüslich senn kann, in ihrer Ermangelung doch etwas von der Wahrheit nicht allzuentserntes anzugeben zu wissen.

Machrichten von einigen Vorrichtungen von Barometern.

27c. Die Wertzeuge, beren man fich ben Sobenmeffungen mit bem Barometer bedienet, zu beschreiben ben, verstattet bie ber Raum nicht; und es ift auch bestoweniger nothig, weil ich dieserwegen auf bekannte Schriften verweisen kann.

Die vollkommenste Einrichtung biefer Werkgeuge möchte frenlich wohl die sen, die Gr. de & in seinem vorbin angeführten Buche umständlich beschrieben hat.

Hr. Sulzer hat in ber (180) angeführten Schrift auch von Verfertigung ber hiezu brauchbaren Barometer und Thermometer gehandelt.

Schobers feins (259) ist im hamburgischen Magazine a. a. D. beschrieben und abgebilbet.

Michael du Crest kleine Schriften von Thermometern und Barometern; a. b. franz. übersest und mit einigen Anmerkungen begleitet von M. Joh Christoph Thenn, Augsp. 1770, enthalten unterschiedenes hieher gehöriges.

Rurze Beschreibung zwener besonderer und neuer Barometer, welche sich nicht nur verschließen und sicher von einem Orte zum andern bringen lassen, sondern auch zu Höhenbeobachtungen vorzüglich zu gebrauchen sind, als ein Zusaß zu bes Herrn du Erest Sammlung kleiner Schriften ... von Georg Friedrich Brander, Mechan. in Augsb. der Churf. Bair. Akad. der Wiss. Mitgliede. Augsb. 1772.

Wer bas Drebbelische Thermometer kennt, wird bavon gleich folgendes übersehn:

In einem solchen Thermometer, ist die eingeschlossene Lust im Gleichgewichte, mit einer Saule Wasser, Spiritus, oder Quecksiber im offenen Schenkel, und dem Drucke der Atmosphäre auf diese Saule. In dieser Bedeutung ist bekanntermassen das drebbelische Thermometer zugleich Barometer.

Man stelle sich also ein folches Thermometer mit Wasser vor, und bemerke, wenn man es an einen gewissen Ort sest, wo das Wasser im offenen Schenkel steht. Ich nehme an, dieser offene Schenkel gehe vertical auswärts, denn es giebt, wie man unter andern in Boerhavens Chymie de igne exp. III. sehen kann, allerlen Gestalten des drebbelischen Thermometers. Hieher schickt sich eine, die dort nicht abgebildet ist, ein paar verticale Schenkel, deren einer oben sweiner Rugel sich moigt, der andere offen ist. In der Rugel ist zu oberst die eingeschlossene Lust.

Wenn man also das Thermometer an eine itwas höhere Stelle bringt, so druckt da in den iffenen Schenkel keine solche lange Säule der Atanosphäre, sondern eine, die um soviel kürzer ist, so viel diese Stelle höher ist. So wird sich die einseschlossene Lust ausbreiten, und das Wasser im iffenen Schenkel höher hinauf trelben.

Und

Und bas wird schon ben einer geringen Zem berung ber Hohe ziemlich merklich fenn.

Auf Diefen Begriffen beruht ein Bertzeug, bas Desaguliers angegeben hat, Sohen damit zu meffen. Er hat nur woch ben biefem Thermometer Einrichtungen angebracht, Die Abmeffungen mit einiger Bequemlichfeit und Sicherheit anzustellen; besonders auch, was von der Warme baben fonnte geandert werden, in Betrachtung zu fiehen. Man findet die Befchreibung in den Philos. Tranf. n. 385. p. 165; nach br. Prof. Bohms Berichte, ber fie in feiner grundlichen Unleitung gur Deffunft auf bem Belbe S. 125 mitgetheilt und erimert bat, daß feine Quelle die philos. transactions abridged Vol. VI. find, eine Bewissenhaftigkeit, bie manchem Schriftfieller ju empfehlen mare, ber Bucher allegirt, bie er nie gesehn hat. Ben hen. Prof. B. ift fie eine natürliche Folge feiner philofophischen Denkungsart. Er bemerkt mit Rechte, baß biefes Wedieng ben groffen Gefällen nicht brauchbar ift, und es scheint mir auch bie nicht gar zu schwere Mufe einer vollkommenern Theorie bavon, nicht zu verdienen.

Erwas von der Anwendung solcher Messengen auf die physische Geographie

376. Bekanntermassen urtheilt man so: Der Ort liege hober, wo ber mittlere Barometerstand, aus vielen Jahren genommen, geringer ist.

Das ift überhaupt wohl richtig, ziemlich zweiselhaft aber mochte es senn, ob sich des Ortes eigentliche Dobe mit grosser Genauigkeit so befrimmen läßt.

Genug Barometerbeobachter gesteben, baß es ziemlich schwer ift, Barometer zu haben, die neben einander gehenkt übereinstimmen; Hr. de luc sest in der Erreichung dieser Bollbommenheit ein nen Borzug seiner Kunftgriffe.

Würden also, von den vielfältigen Barometern, deren mittlere Stande man in unterschiedes nen Orten bedbachter, jedes am Meere zum mittelern Stande 28 Zoll haben? Ist dieses nicht, so fonnte eine Theorie von Höhenmessungen durchs Barometer geometrisch richtig senn, und wurde dech in der Anwendung zutreffen, wie die Sase des Euflides ben einem Feldmesser der verbogene, der seblerhaft getheilte, Werkzuge brauchte.

Sat ferner bie Barme einen Einfluß in bieie Messungen, so mußte man Werbesserungen, ohngefähr wie Hr. be tuc thut, anbringen, weil bie nittlern Barometerstände zweener Derter, immer nicht, mit einerlen Barme, ober mit Barme, baben nach Hrn. be tuc keine Verbesserungen nothig wa:en, zusammentreffen werben.

Bon ben vielen Beobachtungen mittlerer Baemseterstände, und ben bavon gemachten Unwens ...
bungen, will ich nur ein Benfpiel bepbringen.

Db 2 Mittlere

Mittlerer Barometerstand zu Clausthal.

377. Hr. Prof. Hollmann, in den alten Comm. Soc. R. Sc. Gott. ad ann. 1754, p. 92. glebt ihn 26, 2 ped. Paris.

Wenn man dieses lieft wie man sonst Angaben von Maassen zu lesen gewohnt ist, so beißt es: Sechs und zwanzig und zwen Zehntheile Pariser Ruß.

Es ist indessen leicht zu sehen, daß die 26 nicht Fuß sondern Zoll bedeuten.

Auch kann man sich durch Nechmung versichern, bag bie 2 rechter Hand ber 6, nicht ib sondern 2 Linien, Zwolftheile bes Jolls bedeutet.

Also heißt die Angabe 26 parifer Zoll und 2 linien.

Gegentheils helft eben baselbst p. 93; 26, 50 ped. Lond. soviel als 26 50 tondner Zolle.

Man braucht kein Mathematicus zu fenn, um einzusehen, daß: Grössen mit Zahlen auszubrucken, die eingeführte Bezeichnung muß benbei halten werden, wenn nicht Mißverstand entstehen soll, und daß es sich nicht schieft, die Zifern nach einem Comma, ohne einige Erinnerung, einmahl Zwölftheile, darnach Zehntheile bedeuten zu lassen.

Des ift freplich eine Rleinigfeit, wie es eie ne Rleinigkeit ift, b ober d fatt p ober t zu fchreiben. Da aber Hr. Prof. Hollmann bie Bemu. hungen ber Mathematikverstandigen immer für fehr unnug ertlart, fo thut biefe Rleinigfeit bie fo eine Wirkung, als wenn jemand bas lesen ber rdmischen Schriftsteller für unnug erklarte, und wieder die lateinische Orthographie Schlägelte. Bon einem folden wurde man wohl urtheilen, er tenne die Sache nicht, die er für unnug erklart. Und baben mußte einem bas befannte Spruchwort einfallen: Ars non habet oforem nisi ignorantem. Daft sonft bieser Schriftsteller bas Allergemeinfle ber mathematischen Sprache nicht recht ober gar nicht fennt , zeigen viel Stellen feiner Physit, ob er gleich ba einen Jargon immer getroft wegparlirt, ben feine Schuler fur mothematifche Sprache halten mogen.

378. Hr. Prof. H. schreibt die Hohe über das Meer, welche diesem Barometerstande gehort, aus zwo Taseln ab; Aus Hr. Sulzers seiner (180) und aus einer die ihm Maper schon vor einigen Jahren untgetheilt; Jener Tasel Zahl ist 1868 pariser Juß, dieser 2076; Hr. Pr. H. hat nahmlich die 346 Toisen, die in Mayers erster Tasel bep 26 Zoll 2 linien stehen, zu Fussen gemacht.

279. Da M. erste Taset für ben Horizont gerechnet ist wo das Barometer ben 28 Zoll 4 Linien

= 340 Linien steht, und 26 Z 2 Lin. = 214 Lin.
Db 3

fo ift log (340: 314) = 0, 0345493 woraus die Hohe 345, 493 Toisen folgt, statt ber M. in die Tasel 346 gesetz hat.

380. Hr. S. Tafel ift nicht völlig für einerlen Horizont mit Mayers seiner berechnet, fondem für einen etwas niedrigern. (180) Weil eine linie Queckfilber in dieser Gegend etwa 60 Juf; beträgt, so würde Hr. Sulzer side Höhe etwa 40 Juß größer angeben, wenn bende völlig nach einer Regel gerechnet hatten, welches sie freylich nicht gethan haben.

381. Diese Bemerkung erinnere die, welche nur aus berechneten Tafeln abschreiben, mas gewissen Barometerständen für Hohen zugehören, daß se auch auf ben Horizont ber Taseln acht geben.

Hie ware die Höhe aus Hr. Sulzers Toklüber Maners Horizont noch kleiner als über Sulzers seinen, folglich noch mehr von Maners Höhe unterschieden als (378; 379) weil nähmlich bende Tafeln nach unterschiedenen Regeln berechnet sind.

382. Da Mayers Regel zwerläffiger scheint (374) so kann man, vorausgesest die mittlere Barometerhöhe am Meere sen wie M. erste Tasel sie annimmt, mit der (378) zegebenen Zahl noch seines vornehmen:

Man sete (völlig wahr wird es frenlich nicht fenn) die Stelle, für welche der clausthalische mittere

lere Barometerstand angegeben ist, sen in einem Horizonte mit demjenigen, unter welchem die Teusse der Dorothee ist berechnet worden (2. Aumerk. über die Markscheidek. 36.) So ist das dortige Tiesste der Dorothee, noch 1868 — 960 = 908 Fuß über dem Horizonte des Meeres.

383. Auffer ber Unsicherheit ber Regel, möchten auch wohl bie hieben gebrauchten Wertzeuge; nicht so beschaffen senn, daß sie die größte Schärfe versprächen. Ich muß ben dieser Gelegenheit ein paar Worte bavon sagen:

Das Barometer ift eine gerabe Röhre, unten in eine hölzerne Buchse gesteckt. In biese Buchse sinkt bas Quecksilber aus ber Robre, und tritt wieber aus ber Buchse in bie Robre. Ich laffe jeso unenticieben, ob ber Druck ber luft bollin fo fren burch die Zwischenraume bes Bolges wirft, als burch eine groffere, fichtbare Deffnung, Man burfte wenigstens beswegen etwas baran zweifeln, weil biefem gemaß, feine bolgerne Dumpenrohren brauchbar fenn follten. Es mußte benn bas Waster in ben Plumpen auch steigen, wie in bem Heber auf ber hollmannischen kuftpumpe, burch bie Cobafion. Aber bas benfeite gefeßt, fo ift ber hauptumftand, baß man nicht feben fann, wo bas Quedfilber in ber Buchfe ftebe, alfo bie Dberfläche nicht fieht, von ber man ben Baromes terstand Db a

terftand rechnen muß; Das ist zumahl ben Jöhenmessungen mit dem Barometer doch wefentlich, destomehr, da ben diesen Barometern die Röhren
wicht gar zu enge sind, und man gar nicht annehr men darf, die Oberstäche des Quecksilbers in der Buchse ändere sich benm Steigen und Fallen nicht merklich.

Das Thermometer bat wie billig bie fahrenbeitische Scale. Derfelben o aber burch Salmiat gu bestimmen, ift wegen ber Berfchiebenheit bes Salmiats unficher. Es follte ber Engpunkt unmittelbar bestimmt, und o barunter in gehöriger Entfernung gesetzt werden. Diese Erinnerung hat auch fr. Prof. Titius gemacht, Wittenbergiiches Wochenblatt 1772. 1. Stud, und berichtet Daß manche Physiter ben Engpuntt für ungewiß halten, anstatt baß fie einsehen follten ihr Salmiaf. puntt fen ungewiß. Das find nun frenlich folche Physiter, bie haben wollen, Die Matur foll fich nach ihrer Ignorang richten, weil fie febn, baß Dumtopfe biefe Ignorang für Weisheit halten. Quedfilberbehaltniß biefes Thermometers ift nicht ringsberum fren, fonbern liegt hinten am Brete an in einer Vertiefung bes Bretes.

Dieses Thermometer zeigt also nicht die Ware me ber umliegenden luft an, sondern groffentheils mit, die Warme des anliegenden Bretes. Bende sind nicht völlig einerlen, weil sich einmahl erlangte Warme im Brete langsamer andert als in der luft. Gerade Gerade hinter dem Quecksilberbehaltniffe ist ein Petschaft aufgedruckt; Das soll versichern das Thermometer sen aus der gehörigen Fabrik. Weil man aber das Thermometer vom Brete nehmen, und ein anderes daran bringen, selbst die Scale and bern kann, ohne das Petschaft zu berühren, so versichert die Versiegelung nur; Es sen von hintenzu dat egte opregte Berdeken.

Quadfalber bruden wohl ihr. Petschaft auf ihre Buchsen, ber Philosoph aber, ber ihnen hier-innen nachahmt, hat nicht einmahl soviel Nachbenken, baß sich sein Nastrum nicht wohl verssiegeln läßt.

Uebrigens erinnert mich dieses hinten besiegelte Bret an ein Stücken aus der Chronika der Schilbburger. Ben Gesahr eines seindlichen Einfalls versenkten sie ihre Glocke ins Wasser. Damit sie nun solche wieder zu sinden wüßten, schnitten sie an dem Orte, wo sie die Glocke hinabgelassen hatten, eine sehr kemtliche Kerbe ins Schiff, und suhren mit dem Schiffe wieder davon.

Daß meine bisherigen Erinnerungen keine ungegrundete Spihfundigkeiten find, kann fich jeder leicht durch die Erfahrung versichern, der sonft gute Barometer und Thermometer, ansehen, oder die Worschriften zu ihrer Verfertigung lesen will. Er wird finden, daß sie gerade in den angesuhreten Umständen anders sind, als die göttingischen.

Db 5

Die Schuld hievon ift nicht dem Kunftler, Oliver, zuzuschreiben. Der besist alle ersoderliche Geschicklichkeit. Ein unglückliches Schickaal aber hat ihn genothiget, sich nach einem Manne zu richten, dem es nicht nur an mathematischen Kenntnissen, sondern auch an der natürlichen Mathematik, die ein beträchtlicher Theil des gesunden Menschenverstandes ist, und oft den Mangel gelernter Mathematik ersest, fehlet, der alsodavon gar keinen Begriff zu haben sähig ist, was zu richtigen Versuchen und Beobachtungen gehört, gleichwohl solche Dinge anordnen will, und den Sigensinn hat, bessere Rathschläge nicht, anzunehmen.

Wenn der Kunstler sonst nicht weiß, wie er seine Werkzeuge richtig machen soll, so wird er es von einem solchen Manne nicht lernen, der eher das Gute, das der Kunstler aus eignem Nachdenfen anbringen wollte, hindert, als was taugliches anzugeben versteht.

Man kann benken was bas für Röpfe fenn muffen, die, wenn sie ein Thermometer kaufen wollen, erst einen solchen Physikus um Rath fragen und nicht eher glauben, daß ein Ding vorne was taugt, die ein ganz ander Ding hinten zuge-

flegelt ift.

384. Weil ich geneigt bin, das Bose immer so gering als möglich zu denken, so will ich doch hoffen, der sich so dünkende Physikus werde durch seine Vorschriften des Künftlers Werk nicht so gweicht

fehr verhungt haben, bag fie nicht noch zu groben Bemerkungen brauchbar maren.

Alfo glaube ich, ungeachtet ber Unvolltommenheit ver Wertzeuge, ber Fehler ber Beobachter, und ber Unsicherheit ber Regel, kann man boch annehmen, bas (382) angezeigte Tiefste sen noch über bem Horizonte bes Meeres.

Das wird zugleich erläutern, in welcher Bebeutung man sagen kann: Bergwerke lehren uns das Innere der Erbe kennen. Die Erde, als Rugel betrachtet, hat einerlen halbmesser mit der Rugelstäche die das Meer begränzt... und so mutatis mutandis, das Sphäroid das eigenklich die Erde ist. In das Innere dieses Körpers ist vielleicht noch kein Bergmann gekommen, wo nicht etwa in Polen. (274)

Mathesius, Sarepta II. Predigt fol. XXII b der Ausg. 1562 führt als die damaligen tiefsten Schächte die zum Kuttenberge an, wo man über 500 lachter gesunken; Daher der Bergschwank gestommen: Die von Hungern haben den von Kuttenberg Wassergeld geben mussen, welches nahmlich in Bergwerken ein Gebäude dem andern giebt, das ihm das der Grubenarbeit hinderliche Wasser ab ninmt.

Also sest diefer Bergschwank zum voraus: bas tieffte ber Kuttenberger Gruben, sen naber benm Mittelpunkte ber Erbe als bas Liefste ber ungarischen.

Die

Die Borausfehung tonnte boch unrichtig fenn, wenn die bortigen Geburge etwa viel hober maren als die ungarischen.

Aber wieviel Schwänke wurden eine folche geometrische Prufung aushalten?

ist. Prof. Hollmanns Regel zu Vergleichung der Höhen, und Unterschiede der Barometerstände.

385. Der Gebrauch, ben ich nur nachst zuvor von einigen Aussähen Hr. Prof. Hollmanns gemacht habe, veranlaßte mich nachzusehen, ob er in seiner Physis was von diesem Gegenstande vortrage (Philosophiae naturalis primse lineae such Sam. Christian. Hollmanna... Gotting. 1753)

Ich fand baselbst folgendes S. 251; Die respectiven Erhöhungen unterschiedener Derter über
einen und benfelben Horizont zu bestimmen.

"Diese Zöben verhalten sich bennahe, wie die Umrerschiede der Zaromererstände, unter einerlen Umständen. So verhält sich z. E. ber Unterschied des Barometerstandes auf dem Hainberge, zu dem auf dem Berge den Dransseld, ohngefähr wie 7: 10 und zu der, welche ich den 10. Jul. 1741 auf dem höchsten Gipsel des Blocksbergs beobachtet habe, wie 7: 35. Also verhalten sich die Höhen dieser Berge über den Horizont unserer Stadt

Stadt ohngefähr wie 7; 10, wie 7: 35; wie 10: 35."

Die lateinischen Worte sind: Sunt . . altitudines fere inter se a data supersicie vt disserntiae altitudinum barometricar. sub iisdem circumstantiis. Ita v. c. disserentia altitudinis barometricae in summo, montis vrbi nostrae prexime adiacentis vertice, dem Haynberg ad eam,
quae in summo montis non procul Dransfelda,
oppido propinquo siti sugo observatur, ceteris
omnibus paribus est vt 7: 10 circiter, et ad eam
quae in summo apice montis Bructerorum, dem
Brocks- vve Blocksberg, d. 10. sul. 1741 a nobis observata est, vt 7: 35. Sunt ergo montium illorum altitudines supra horizontem
huius civitatis circiter inter se, vt 7: 10 item vt
7: 35, et vt 10: 35.

386. Diese Vorschrift nimmt offenbahr an, wenn das Barometer gleichviel fallen soll, muffe man allemahl gleichviel steigen, von welcher Stelle man auch zu steigen anfange.

Man theile ben Unterschied zwischen ben Barometerständen zu Göttingen und auf dem Blocksberge in 35 gleiche Theile ein. Wenn man so weit gestiegen ist, daß es um die ersten 7 gefallen ist, besindet man sich im Horizonte des Hanne berges; Das soll nach Hrn. Prof. H. den sumsten Theil der Höhe ausmachen, durch welche man

von Gottingen fleigen muß auf ben Blocksberg zu kommen.

387. Die kuftsaule von Göttingen bis an den Horizont des Gipfels vom Blocksberge, druckt fünfinabl so stark, als die von Göttingen bis an den Horizont durch den Gipfel des Hainberges; Das folgt aus Hrn, Prof. Hollmanns Zahlen 7:3.

Ist aber beswegen jene auch sünsmahl so lang als diese?

Wenn man von Göttingen auf den Hainberg steigt, so erhebt man sich, aus Luft so dicht als die görtingische ist, in dünnere. Steigt man vom Hainberge dis dahin, wo das Barometer um die zweyten sieden Theile der genannten 35 fällt, so fängt man an aus Lust nur so dicht als sie auf dem Saynberge ist, zu steigen, wieder durch immer dünnere Lust. Diese zweyte Lustsäule aus dünnerer Lust ist also länger, als die erste aus dichterer Lust, wenn sie eden so start druckt. Und so kann man sich sür jeden Fall um 7 Theile der 35; eine Lustsäule vorstellen, da die solgende immer länger als die vorhergehende, die letzte dis an den Horizont des Gipfels vom Blocksberge am längsten ist.

Wenn die zweiste dieser fünf Säulen länger ist als die erste, die dritte länger als die zweiste u. s. s. so sind alle fünf zusammen, mehr als fünfmahl mahl fo lang als bie erste; Ober bie Sohe bes Blocksbergs über Gottingen ist gröffer als fünfmahl die Sohe bes Sainbergs über Göttingen.

388. Eben so kam man sich für die 35 gepannten Theile, soviel kuftsaulen vorstellen, immer die folgende langer als die vorhergehende, die Sumsme der kangen aller 35 zusammen verhält sich also gewiß nicht zur Summe der kangen der ersten 10wie 35: 10, sondern wie was gröfferes als 353zu 10.

389. Solche Betrachtungen find fcon längst bekamt. Mariottens (59) und Horrebows (62) Schichten beruhen barauf, hollmannische Lustsichichten, gleich bick wenn sie gleich stark brucken, sind niemanden eingefallen, ber gewußt hat daß die Lust elasisch ift.

390. Folglich ist Hrn. Prof. Hollmanns Vorschrift (385) nur in dem Maasse circiter wahr, in
bem es circiter wahr ist, daß die kust nicht elastisch ist.

391. Ob ber Erfinder dieses Sages an die Elaflicität der Luft nicht gedacht hat? ob Er geglaube hat: Was wahr ware wenn die Luft nicht elastisch ware, könnte wohl circiter wahr senn, wenn sie gleich elastisch ist, ob Er etwa gelesen hat, daß. sich die Höhen über einen Horizont, wie die Unterschiede der Logarithmen der Barometerstände verhalten, ten, und nun Unterschiebe ber Logarichmen mit Unterschieben ber Jahlen verwechselt hat, vielleicht gar gewußt hat, baß man oft annimmt: Unterschiebe ber logarithmen verhalten sich wie Unterschiebe ihrer Zahlen, nur nicht gewußt hat unter was für Umständen man das annimmt, diese Hoppothesen, und andere die man zu Erklärung der Begebenheit erdenken könnte, untersuche jemand, der untersuchen will, wie sich Igsoranz und Dum kel begatten, und Irrthumer zeugen.

392. Die Barometerstände zu Göttingen und auf dem Blocksberge sind 331 und 297, 25 pariser kinien, nach Hrn. Pr. Hollmanns Angabe. Comm. Soc. Sc. Gott. Tom. III. p. 92; 93.

Ihr Unterschied ift 33, 75 linien.

Der funfte Theil bavon ist ber Unterschied zwischen ben Barometerständen auf dem Sainberge und zu Göttingen (385).

Also der Barometerstand auf dem Sainberge 324, 25 linien.

393. Nach 276; IIII; verhalte sich also die Höhe des Hainbergs und des Blocksbergs über Göttingen, wie log (331: 324, 25): log (331: 297, 25) = 0, 0089481: 0, 0467062 = 1: 5, 219.

Nach Hr. Prof. Hollmanns Sage wäre die Verhältniß biefer Höhen circiter 1: 5;

Schwerlich wird jemand, ber 52 Thaler bestommen foll, fich mit einem circiter befriedigen laffen, ftatt berfelben 50 zu nehmen.

394. Es ist indessen sonderbar daß am (392) angesubrten Orte Zahlen stehen, ben benen Drn. Prof. Hollmanns, Vorschrift so ziemlich genau zustreffen wurde. Er giebt nahmlich die Barometerstände

zu Göttingen 331 kin. Clausthal 314 auf dem Blocksd. 297, 25

Der ersten benben Unterschied ist 17; des ers sten und des legten 33,75 beynahe das Doppelte jes nes Unterschiedes.

Auch ist log (331: 314) = 0, 6228944 und log (331: 297, 25) = 0, 0467062, bepa

nabe bas Doppelte des erften logarithmen.

Das berüht auf einem besondern Verhalten dieser dem Barometerstände. Die dritte geometrische Proportionalzahl zu den ersten benden ist 297, 87; und die mittlere Arithmetische zwischen dem ersten und lesten ist 314, 125. Also sind die se bren Barometerstände bennahe zugleich in einer zusammenhangenden geometrischen, und int einer zusammenhangenden arithmetischen, Proportion, solglich ist der Unterschied beim ersten und britten bennahe noch einmahl so groß als behm ersten und zweiten bennahe noch einmahl so groß als behm ersten und zweiten, man mag die Barometerstände selbst, oder ihre logarithmen, von einander abziehn.

Ich mußte dieses hie auseinander segen, damit nicht etwa jemand, dem die falsche Regel in diesem Erempel zuträse, sich auf eine solche Ers fahrung berufte. Es wurde ihm alsdenn gehen wie manchem Naturforscher, der sich auch auf Erfahrung beruft, aber aus Unwissenheit der Mathematit nicht versteht, daß seine Erfahrung nur unter besondern Umständen zutrifft und allgemeine Schlusse nicht verstattet.

395. Daß sich die Höhen wie die Unterschiede der Logarithmen der Barometerstände verhalten, gründet sich auf die allgemeinen Eigenschaften der Luft; Wenn es also auch wegen Warme und anderer Ursachen Berichtigungen bedürfte, so wäre es doch noch was ganz anders, als eine circiter Vor-

fdrift bie ber Ratur wiederspricht.

Der Markscheiber vermahrt sich ben feinen Angaben mit ber Clausel: Wenn ber Gang sein Streichen und Fallen behalt; Das sest ihn aber nicht zum Authenganger herab, auf besten hande leichtglaubige Einfalt gafft.

Barometrische Beobachtungen auf dem Brocken, und in Gruben des Sarzes von Irn. Pros. Jimmermann.

396. Ich hatte Alles, was zu gegenwärtiger Ab. handlung bestimmt war, schon bem Drucker über- liefert, als ich noch Beobachtungen von Hrn. Pr. Bimmermann erhielt, die ich hie benzusügen für nothwendig achte.

397. Er

397. Er hat zwen be luefche Thermometer wie er vorergablter maaffen ju Braunschweig auf bem Unbreasthurme gebraucht, an bie Derter, welche die Ueberfchrift gegenwärtigen Abfahes nennt, gebracht. Jebes war mit einem Vernier oben und unten vers seben, so daß er Zwölstheile einer Linie angeben Es versteht sich also mohl, ob er mir diefes gleich nicht ausbrucklich gemelbet bat, baß er eines biefer Barometer an einer Grange ber Sobe gelassen hat, wo es ist beobachtet worben, bas andere bat er mit sich genommen.

Der Erfolg der braunschweigischen Beobachtungen, hatte bes herzogs von Braunschweig Durchl. veranlaßt, gegenwartige zu verordnen.

398. Auf bem Broden find von ihm acht Beobachtungen angestellt worden, jeder eine zugehörige ju Ilfenburg. Hus jebem Paare biefer Beobe achtungen hat er die Höhe des Brocken über Isfenburg berechnet, wie er zuvor benm Unbreasthurme verfahren. Ich will zur Probe bas erfte Paar berfegen. Es war ben 11. Jul.

> Barom. Eberm. reaum.

Ilsenb. 27 Boll 8 12 8.

Brocken sc 0 15

10000. log (338, 92: 300, 42) = 446,L Soviel Loifen ift bie unverbefferte Sobe.

Also 2676, 6 parifer Juß.

Die halbe Summe ber Thermometerstande ift

14, 25. Und 16, 75 — 14, 25 = 2, 5.

Et 2

Alfo bie Berbefferung ber Sobs

2676, 6. 2, 5 = 31, 12; abzuziehen.

Alfo die verbesserte Sobe 2645, 48 parifer Fuß.

Diese mit & multipliciet geben in Braunfehweiger Maasse bie Hohe 3023 Fuß 4 Zoll 10 Linien.

399. Go berechnet Gr. Pr. 3. jedes Paur feiner Beobachtungen. Ich will von bem mas er findet bas größte und fleinste berseben.

Ill. Beob. 3043 F. 8 F. 5 . 184.

V. 2973

Unterfchied 69 . 11

Das Mittel aus allen achten ift 3011 8, 8 3. 9 & Br.

. 400. Des Brockens bochfter Gipfel ift ohnge fahrenoch 10 bis 11 Fuß höher als der Plas wo

bas Barometer bing.

401. Br. Dr. 3. melbet, Mitter (Relatio hiflorico curiola de iterato itinere in hercyniae montem famolist. Brueterum Helinst. 1740: 401 gebe bie Bobe bes Brocken über 2933 Buß an, babe aber nur mit einem Uftrolabio gemeffen, bas wahrscheinlicher Weise nicht bis auf Minuten getheilt gewesen.

403. Barometerftanbe auf bem Broden finb sone Zweifel noch allgemeiner lehrreich, als bes Brockens Hohe über Issenburg. Ich sese also

Den.

hrn. Prof. 3. acht Beobachtungen auf bem Brot- ... fen hieber.

·	•		Baron	meter.	Reaum.	The	rm,
i	I, I	Jul.	25 Zoll	5 3m	disth. Lin.	111	5
11	12	19 Uhr		9		12,	5
III ,	12	12 Uhr		6		13	_
Щ	12	3 Nachm.		4		12	
V	12	6 216.	_	9		12,	3
VI	13	9 😽		3	,	9,	5
VII	13			7	,	11,	75
VIII	13	3 Nachm.		4	`	13	•

403. Heinrichshohe ist ein Torfwerk auf bem feinen Brocken. Das Barometer stand da ben 2. Jul. 26 Zoll 3½ kin. Thermometer 15½; In Islenburg Bar. 27 Zoll 9 in. Therm. 16½. Wormus Heinrichshohe über Islenburg 2374, 66 parier Fuß folgt.

404. Zu Causthal, auf ber Anna Eleonora, 1, 22. Jul. 1775, um 4½ Uhr Rachm. stand das Barometer im Einfahrtshause 27 Zoll; Das reaus nurische Therm. 16 Gr. Um 6½ Uhr kam hr. dr. 3. in das Gesens. Da, Bar. 28 Zoll 4½

in. Therm. 13 Gr.

Daraus berechnete Teufe unter dem ersten Stande 1258, 69 partier Buß = 1438, 5 Braun-

hweigische.

Der Gr. Markscheiber Rausch gab diese Leu-216 lachter an = 1440 braunschweiger Bus. Ine nicht zu erwartende Uebereinstimmung!. Die Verwandlung der Lachter in Juß sehe man 2. Anm, über die Marksch. 10.

405. Zu Zellerfeld, auf bem Saus Zelle, ben 24. Jul. Morgens zwischen 6 u. 7 Uhr,

Im Einf. H. B. 26 H. 11 L. Therm. 20 \frac{1}{2}
Unten . . . 27 4 \frac{10}{2} . . . 10 \frac{1}{2}

Teufe 464, 09 P. F. = 530, 389 Br. F.

Der Abstand dieser Stellen, ward Hr. Pr. Zimmermann 80 lachter = 533 \frac{1}{3} Br. F. Donlege angegeben. Aber daben nicht das Fallen. Also läßt sich aus der Donlege allein, nichts von der Seigerteuse bestimmen. Wäre das Fallen 80 Grad, so gabe diese Donlege etwa 525 Juß Seigerteuse.

406. Auf der englischen Treue in Clausthal, ben 22. Jul. 4½ Uhr Machmitt.

Im Einf. H. B. 27 Boll Th. 16 In ber Grube 27 7½ 1. Th. 10.

Teufe 586 Par. F. = 669 ; Br.

Die Markscheider gaben sie 200 lachter ? = 668 F. 4 B. Br.

407. Rammelsberg ben Goslar; b. 26. Jul. Morgens um 9 Uhr.

Ben ber Einfahrt B. 27 3. 8 1/2 &. Th. 161/2.

Im Gefente B. 28 3. 219 1. 15 1 Therm.

Teufe 489, 69 P. F. = 559, 646 Br. Man gab sie 90 lachter = 600 Fuß.

408. Im Breitlingen, im Rammelsberge; in einer Stelle, wo erft vor zween Lagen, bas bebirge burch Feuersegen losgebrannt war.

Ben ber Einfahrt B. 27 3. 8 1/2 1. Th. 16 1/2 29

Teufe 200, 44 P. J. = 229 4, 0 3. 11 & Braunschw.

Sie ward angegeben 38 lachter = 253\frac{1}{3} Br. iuß.

409. In (407; 408;) weicht also die Mesing mit dem Barometer sehr von den Ungaben ab; nd verhältnismässig in (408) am meisten. Nämd in (407) gab das B. ben 600 Fussen; 40 zu enig, aber in (408), ben noch nicht der Hälfte om vorigen, 229 Fuß, mehr als die Hälfte vom rigen 40 zu wenig.

410. Hr. Prof. Z. erinnert, das B. habe in in kalten Gruben, wo kein Bitriol und Kupferauch war (404 . . 406), so vorzäglich richtig gesessen. Es müßten also die besondern Dünste, w den letten Messungen, den Druck der luft gesidert haben; Hierüber wünscht er mit Rechte per Besbachtungen.

411. Ules

411. Uebrigens ist im Breitlingen die hiseld groß, daß ein ganz nackender Mensch nur ein Stunde in einem fortarbeiten kann; die Beobach ter hielten es in ihren Rleibern dem Bardmett zu Gefallen doch eine halbe Stunde aus. Uchen haupt kam ihm die Luft im Rammelsberge viel um angenehmer vor, als in allein vorhin befahren ift. Gruben, ob er gleich sonft leichter zu befahren ift.

412. Nach hat Br. Pr. Z. auf dem Nammels berge beobachtet. Den 27. Jul.

In Goslar 9 Uhr B. 27 3, 8 ½ 1, \$\bar{5}\) 17\\
12 27 8 \(\frac{1}{2}\)
Auf der Spisse des N. B. 26 6 \(\frac{1}{2}\) \(\frac{1}{2}\)

Bon den behden Standen zu Goelar, ist der Berg berdachtet worden, ehe main auf den Berg gestiegen, der leste nach der Zurückfunst. Dr. Z. nimmt aus berden das Mittel 27 2011 8 % kin. und berechnet daraus die Höhe des Rommelsberges über Goslar 1122, 14 Pariser Just 282 F. 5 2011 4 & Braunschw.



